

Universidade Federal de Juiz de Fora Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica

Israel Filipe Lopes

# TRANSFERÊNCIA INDUTIVA DE POTÊNCIA EM BAIXAS FREQUÊNCIAS PARA ALIMENTAÇÃO DE SISTEMAS SUBAQUÁTICOS ISOLADOS

Tese de Doutorado

Juiz de Fora 2019

## Israel Filipe Lopes

Transferência Indutiva de Potência em Baixas Frequências para Alimentação de Sistemas Subaquáticos Isolados

Tese submetida ao Programa de Pós Graduação em Engenharia Elétrica da Universidade Federal de Juiz de Fora, área de concentração Sistemas Eletrônicos, como requisito parcial para obtenção do título de Doutor em Engenharia Elétrica.

Orientador: Prof. Pedro Gomes Barbosa, D.Sc.

Ficha catalográfica elaborada através do programa de geração automática da Biblioteca Universitária da UFJF, com os dados fornecidos pelo(a) autor(a)

Lopes, Israel Filipe.

Transferência Indutiva de Potência em Baixas Frequências para Alimentação de Sistemas Subaquáticos Isolados / Israel Filipe Lopes. -- 2019.

157 f.

Orientador: Pedro Gomes Barbosa

Tese (doutorado) - Universidade Federal de Juiz de Fora, Faculdade de Engenharia. Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica, 2019.

 Transferência Indutiva de Potência. 2. Transformador de Núcleo Separado. 3. Determinação e Compensação de Parâmetros.
 Veículos Autônomos Subaquáticos. 5. Rastreamento de Máxima Eficiência. I. Barbosa, Pedro Gomes, orient. II. Título.

#### Israel Filipe Lopes

Transferência Indutiva de Potência em Baixas Frequências para Alimentação de Sistemas Subaquáticos Isolados

Tese submetida ao Programa de Pós Graduação em Engenharia Elétrica da Universidade Federal de Juiz de Fora, área de concentração Sistemas Eletrônicos, como requisito parcial para obtenção do título de Doutor em Engenharia Elétrica.

Aprovada em 13 de março de 2019.

### BANCA EXAMINADORA:

**Prof. Pedro Gomes Barbosa, D.Sc.** Universidade Federal de Juiz de Fora, UFJF

**Prof. Guilherme Márcio Soares, Dr.Eng.** Universidade Federal de Juiz de Fora, UFJF

Prof. Pedro Machado de Almeida, Dr.Eng. Universidade Federal de Juiz de Fora, UFJF

Prof. Marco Aurélio de Oliveira Schroeder, Dr. Universidade Federal de São João del-Rei, UFSJ

**Prof. Antonio Carlos Siqueira de Lima, D.Sc.** Universidade Federal do Rio de Janeiro, UFRJ

Dedico este trabalho à minha família e aos meus amigos.

### AGRADECIMENTOS

Agradeço primeiramente a Deus pelo dom da vida e por iluminar os meus caminhos.

Agradeço à minha esposa Isabela por todo carinho, amor, incentivo, paciência e pelo companheirismo nos momentos difíceis. Agradeço também ao meu filho Gabriel por sempre trazer alegria e estímulo para minha vida.

Agradeço aos meus pais Vera e Sebastião pelo amor e pelo apoio no decorrer de minha vida.

Agradeço ao Professor Pedro Gomes Barbosa pela orientação, ensinamentos, apoio, amizade, incentivo, atenção, disposição e paciência durante o desenvolvimento deste trabalho. Agradeço também por seus conselhos e por compartilhar suas experiências comigo.

Agradeço à banca examinadora pelas contribuições e pela disponibilidade em avaliar este trabalho. Agradeço também pelo direcionamento dado no exame de qualificação.

Agradeço aos amigos Rodolfo Lacerda Valle e Gabriel Azevedo Fogli pela grande ajuda com a parte experimental do trabalho e por compartilharem comigo suas experiências de bancada. Agradeço também pela amizade, convívio e pelo apoio.

Agradeço aos colegas do Departamento de Energia Elétrica pelo apoio na minha carreira docente.

Agradeço aos amigos dos laboratórios NAEP, LAPTEL e NIMO pela amizade e troca de experiências e ao Técnico Administrativo em Educação Elias Ramos Vilas Boas pela ajuda na confecção de carretéis para o transformador.

Agradeço a todos os meus amigos pela companhia e amizade no decorrer do curso.

Agradeço à Universidade Federal de Juiz de Fora, ao PROQUALI, ao PPEE e à Faculdade de Engenharia por todo apoio, suporte financeiro e por prover as ferramentas necessárias para o desenvolvimento deste trabalho.

Por fim, agradeço a todos que de alguma maneira contribuíram para a realização deste trabalho.

"A persistência é o menor caminho do êxito."

Charles Chaplin

#### RESUMO

Neste documento é apresentado um estudo sobre Transferência Indutiva de Potência, em baixas frequências, para aplicação em alimentação de sistemas subaquáticos isolados, com enfoque para Veículos Autônomos Subaquáticos (AUV). Para realizar a transferência de energia "sem fios" entre fonte e carga, um Transformador de Núcleo Separado (TNS) foi confeccionado. Dessa forma, o carregamento das baterias de um AUV pode ser feito durante o processo de docagem, com o veículo na água. Devido ao entreferro elevado, a tensão de saída e eficiência do TNS são comprometidos. Logo, um estudo para projetar e otimizar compensação de parâmetros do TNS, a partir da escolha da frequência de excitação e de capacitâncias em série e paralelo, é apresentado para definir um ponto de operação em que o transformador seja capaz de alimentar a carga com boa eficiência. Em virtude dos desalinhamentos entre a fonte e o AUV, que podem ocorrer durante a docagem, os parâmetros do TNS sofrem variações, alterando o fator de acoplamento, tensão de saída e a eficiência do sistema. Logo, o comportamento do TNS compensado foi investigado sob variações no entreferro e, em seguida, é desenvolvida uma estratégia de rastreamento de máximo rendimento do transformador somente com medições no primário. Para realizar os estudos mencionados e verificar o comportamento do TNS para variações no entreferro, um modelo matemático foi obtido por meio de uma metodologia de determinação de parâmetros com ensaios em vazio e em curto no transformador. Para o sistema de alimentação, foi construída uma fonte contendo um inversor com modulação PWM senoidal, ou em onda retangular, capaz de produzir tensão com frequência variável. Finalmente, é apresentada uma implementação experimental do sistema, demonstrando o funcionamento conforme esperado pelo modelo matemático, bem como o desempenho da estratégia de rastreamento de máximo rendimento para os casos de alimentação com tensão senoidal e com onda retangular.

Palavras-chave: Transferência Indutiva de Potência, Transformador de Núcleo Separado, Determinação e Compensação de Parâmetros, Veículos Autônomos Subaquáticos, Rastreamento de Máxima Eficiência.

### ABSTRACT

This document presents a study on low frequency Inductive Power Transfer (IPT) to supply isolated underwater systems, for instance, Autonomous Underwater Vehicles (AUV). To perform the wireless power transfer between source and load, a Split Core Transformer (SCT) was built. In this way, the batteries of the AUV can be charge during the docking process, with the vehicle in the water. Due to the gap, the output voltage and efficiency of the SCT are compromised. Therefore, to define an operating point where the transformer is able to supply the load with good efficiency, a study on compensation of the parameters of the SCT, based on the choice of the excitation frequency and series and parallel capacitances, is presented. Because of misalignment between the source and the AUV, during the docking process, the parameters of the SCT vary dramatically, changing the coupling factor, output voltage, and system efficiency. Therefore, the behavior of the compensated SCT was investigated under gap variations and a strategy to track the maximum efficiency of the SCT, without communication between primary and secondary, was developed. To perform these studies and to verify the behavior of the SCT under gap variations, a mathematical model, by means of a parameter determination methodology, was obtained from no load and short circuit tests on the SCT. The power supply of the system is composed to a variable frequency voltage source inverter with sinusoidal output voltage, or with a square wave output voltage. Finally, experimental results demonstrating the operation of the SCT as expected by the mathematical model, as well as the performance of the maximum efficiency tracking strategy, is presented.

Keywords: Inductive Power Transfer, Separate Core Transformer, Transformer Parameter Compensation, Autonomous Underwater Vehicle, Partial Efficiency, Maximum Efficiency Point Tracking.

# LISTA DE ILUSTRAÇÕES

Figura 1	Diagrama de blocos de um sistema de transferência indutiva de potência com transformador de núcleo separado para carga de bateria	25	
Figura 2	Ilustração do sistema de transferência indutiva com bobinas coaxiais proposto por Gish (2004).	30	
Figura 3	Fotografia do Veículo Autônomo Subaquático (do inglês, <i>Autonomous Underwater Vehicle</i> ) (AUV) MARES.	38	
Figura 4	Ilustração do sistema de docagem para carga da bateria do AUV	38	
Figura 5	Ilustração de um sistema de docagem para carga da bateria com o TNS no topo do AUV.	38	
Figura 6	Concepção de um sistema por IPT de carregamento subaquático de sensores ancorados com AUV.	39	
Figura 7	(a) Transformador convencional com dois enrolamentos no mesmo car- retel; (b) TNS com um carretel para cada enrolamento	44	
Figura 8	Sistema de carga de bateria sem contato com transformador de núcleo separado.	45	
Figura 9	Fotografia do protótipo em pequena escala do transformador de núcleo separado.	46	
Figura 10	Simulação no FEMM: (a) Definição do problema (pré-processamento); (b) Distribuição da densidade de fluxo no problema (pós-processamento); (c) Valores de densidade de fluxo magnético em Tesla (pós-processamento)	o). 4'	7
Figura 11	Perdas por enrolamento em função da frequência para uma corrente de 4 A (valor de pico). Simulação no FEMM.	48	
Figura 12	Comportamento da resistência de enrolamento do TNS em função da frequência.	49	
Figura 13	Fotografia do transformador de núcleo separado com o recipiente de água salgada.	50	
Figura 14	Perdas na água salgada em função da frequência para diferentes valores		

	de corrente no enrolamento. Simulação no FEMM.	51
Figura 15	Circuito equivalente do TNS em regime permanente para baixas fre- quências referido ao primário. O termo "a" é a relação de espiras	53
Figura 16	Diagrama esquemático do conversor de alimentação do TNS.	54
Figura 17	Comportamento das indutâncias $L_M$ , $L_p \in L_s$ do TNS em função do entreferro.	59
Figura 18	Tensão eficaz de saída e rendimento para o TNS, com um entreferro de 5 mm, e em função da frequência de alimentação.	59
Figura 19	Circuito equivalente do TNS, em regime permanente, com capacitâncias paralela no primário $(C_{pp})$ , série no primário $(C_{sp})$ , série no secundário $(C_{ss})$ , paralela no secundário $(C_{ps})$ e resistência equivalente de saída.	61
Figura 20	Representação da carga equivalente na saída do transformador de núcleo separado.	62
Figura 21	Tensão eficaz de saída e rendimento para o TNS, com um entreferro de 5 mm e compensação série do primário, alimentado por uma fonte de tensão de 2000 Hz no primário.	64
Figura 22	Circuito equivalente na compensação série do primário.	64
Figura 23	Circuito equivalente compensado reduzido.	65
Figura 24	Tensão eficaz de saída e rendimento para o TNS, com um entreferro de 5 mm e compensação série do secundário, alimentado por uma fonte de tensão de 2000 Hz no primário.	66
Figura 25	Circuito equivalente na compensação série do secundário.	67
Figura 26	Tensão eficaz de saída e rendimento para o TNS, com um entreferro de 5 mm e compensação paralela do secundário, alimentado por uma fonte de tensão de 2000 Hz no primário.	68
Figura 27	Circuito equivalente na compensação paralela do secundário.	69
Figura 28	Diagrama esquemático do circuito secundário com as malhas de con- trole.	80
Figura 29	Estágio abaixador.	80
Figura 30	Comportamento da tensão (a) e corrente (b) de saída do conversor abaixador para uma perturbação na razão cíclica de trabalho	82
Figura 31	Resposta em frequência da malha de corrente do conversor abaixador.	83

Figura 32	Comportamento da corrente de saída do conversor abaixador para uma	
	mudança em degrau no valor de referência.	83
Figura 33	Resposta em frequência da malha de tensão do conversor abaixador.	84
Figura 34	Comportamento da tensão de saída do conversor abaixador para uma	
	mudança em degrau no valor de referência.	85
Figura 35	Estágio elevador com PFC.	85
Figura 36	Formas de onda no controle preditivo (adaptado de Barbosa et al. (2017)).	87
Figura 37	Comportamento da corrente no conversor elevador para uma variação em degrau no valor pico da referência.	88
Figura 38	Formas de onda da tensão e corrente de saída do TNS.	89
Figura 39	Formas de onda no lado secundário do sistema para carga de pro- jeto. Canal 3: corrente de saída do Transformador de Núcleo Separado (TNS); canal 4: tensão de saída do TNS.	90
Figura 40	Comportamento da tensão de saída (a) e corrente no indutor do conver- sor elevador (b) para uma perturbação na razão cíclica de trabalho.	91
Figura 41	Resposta em frequência da malha de tensão do conversor elevador.	92
Figura 42	Comportamento da tensão de saída do conversor elevador para uma	
	mudança em degrau no valor de referência.	92
Figura 43	Fotografia da bancada com protótipo implementado em laboratório.	93
Figura 44	Formas de onda com excitação senoidal. Canal 1: tensão de entrada do TNS; canal 2: corrente de entrada do TNS; corrente de saída do TNS; canal 4: tensão de saída do TNS.	95
Figura 45	Formas de onda no lado secundário do sistema. Canal 1: tensão de saída do conversor elevador; canal 2: corrente na saída do conversor abaixador; canal 3 e 4: corrente e tensão de saída do TNS	95
Figura 46	Formas de onda de tensão e corrente na saída do TNS e na bateria. Canal 1: corrente de saída do TNS; canal 2: tensão de saída do TNS; canal 3: corrente na bateria; canal 4: tensão na bateria.	96
Figura 47	Detalhe das formas de onda de tensão e corrente na saída do TNS e na bateria. Canal 1: corrente de saída do TNS; canal 2: tensão de saída	

	do TNS; canal 3: corrente na bateria; canal 4: tensão na bateria. $\dots 97$
Figura 48	Formas de onda de tensão e corrente na saída do TNS e na bateria. Canal 1: corrente de saída do TNS; canal 2: tensão de saída do TNS; canal 3: corrente na bateria; canal 4: tensão na bateria
Figura 49	Ilustração de desalinhamentos nas direções Y e Z, possíveis de ocorrer durante o processo de docagem do AUV
Figura 50	Comportamento analítico do rendimento e da tensão de saída do TNS para variação no valor do entreferro equivalente de 5 mm (linha cheia) para 8 mm (linha tracejada)
Figura 51	Comportamento analítico do rendimento e da tensão de saída do TNS para variação no valor do entreferro equivalente de 5 mm (linha cheia) para 2 mm (linha tracejada)
Figura 52	Controle MEPT com variáveis no primário e secundário proposto por Li et al. (2015) (adaptado)
Figura 53	Fluxo de potência no TNS. Modelo em regime permanente 105
Figura 54	Comportamento das potências e rendimento do TNS para entreferro de 2mm
Figura 55	Comportamento das potências e rendimento do TNS para entreferro de 5mm
Figura 56	Comportamento das potências e rendimento do TNS para entreferro de 8mm
Figura 57	Modelo da simulação digital
Figura 58	Fluxograma com o algoritmo do MPEPT110
Figura 59	Desempenho do MPEPT na simulação: frequência (a); rendimento e "pseudo" rendimento (b); tensão de saída (c). Variação de entreferro de 5mm para 8mm
Figura 60	Desempenho do MPEPT em experimental. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm
Figura 61	Detalhe do MPEPT experimental em 5 mm. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente.

	Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm
Figura 62	Detalhe do MPEPT experimental em 8 mm. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm
Figura 63	Desempenho do MPEPT na simulação: frequência (a); rendimento e "pseudo" rendimento (b); tensão de saída (c); corrente de carga (d). Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm
Figura 64	Desempenho do MPEPT em experimental. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS. Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm
Figura 65	Detalhe do MPEPT experimental em 5 mm. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm
Figura 66	Detalhe do MPEPT experimental em 2 mm. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm
Figura 67	Comportamento analítico do rendimento e da tensão de saída do TNS para variação no valor da carga equivalente de saída: carga de projeto (linha tracejada) e carga reduzida, " $R_L$ novo", (linha cheia)118
Figura 68	Detalhe do MPEPT experimental em 2 mm. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Detalhe da tensão e corrente na variação de entreferro de 5 mm para 2 mm
Figura 69	Análise do circuito com onda retangular
Figura 70	Característica da corrente de entrada do TNS para excitação em onda retangular: (a) forma de onda; (b) participação percentual de cada harmônica na corrente eficaz; (c) percentual de cada harmônica em relação à fundamental
Figura 71	Característica da tensão de saída do TNS para excitação em onda re-

	tangular: (a) forma de onda; (b) participação percentual de cada har- mônica na tensão eficaz; (c) percentual de cada harmônica em relação à fundamental
Figura 72	Formas de onda com excitação em onda retangular. Canal 1: tensão de entrada do TNS; canal 2: corrente de entrada do TNS; corrente de saída do TNS; canal 4: tensão de saída do TNS
Figura 73	Comportamento analítico do rendimento e da tensão de saída do TNS com entreferro de 5 mm em função da frequência da onda retangular. 125
Figura 74	Curvas de rendimento do TNS em 5 mm para cada harmônica da onda retangular: fundamental (a); $3^{a}$ (b); $5^{a}$ (c); $7^{a}$ (d)126
Figura 75	Curvas de tensão eficaz do TNS em 5 mm para cada harmônica da onda retangular: fundamental (a); $3^{a}$ (b); $5^{a}$ (c); $7^{a}$ (d)
Figura 76	Simulação do circuito excitado em 330 Hz com onda retangular. Formas de onda de tensão de entrada (a) e tensão de saída (b)
Figura 77	Conteúdo harmônico das tensões de entrada (a) e saída (b) para o circuito excitado em 330 Hz com onda retangular
Figura 78	Resultado experimental do circuito excitado em 330 Hz com onda re- tangular. Formas de onda de tensão de entrada (canal 2, superior) e tensão de saída (canal 4, inferior)
Figura 79	Desempenho do MPEPT em experimental com excitação em onda re- tangular. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm
Figura 80	Detalhe do MPEPT experimental em 5 mm com excitação em onda re- tangular. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm
Figura 81	Detalhe do MPEPT experimental em 8 mm com excitação em onda re- tangular. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para
Figura 82	8 mm

	tangular. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central):
	"pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS.
	Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm
Figura 83	Desempenho do MPEPT em experimental com excitação em onda re-
	tangular. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central):
	"pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS.
	Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm
Figura 84	Detalhe do MPEPT experimental em 2 mm com excitação em onda re-
	tangular. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central):
	"pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de
	saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para
	2 mm
Figura 85	Representação do efeito pelicular na seção transversal de um condu-
	tor
Figura 86	Curvas de Dowell. Valor da resistência efetiva do condutor devido ao
	efeito de proximidade
Figura 87	Comportamento das resistências $R_p$ e $R_s$ do TNS em função do entre-
	ferro
Figura 88	Comportamento das indutâncias $L_M, L_p$ e $L_s$ do TNS em função da
	frequência de excitação

# LISTA DE TABELAS

Tabela 1	Propostas de sistemas Transferência Indutiva de Potência (do inglês, In-	
	ductive Power Transfer) (IPT). O símbolo "NI" indica que o parâmetro	
	não foi informado pelos autores; o símbolo "*" indica que a proposta	
	é desenvolvida para sistemas aquáticos/subaquáticos; o símbolo "#"	
	indica que a proposta permite a estimativa do rendimento sem a ne-	
	cessidade de medição de grandezas do lado secundário.	36
Tabela 2	Características de Projeto do TNS.	46
Tabela <mark>3</mark>	Configurações de simulação no FEMM.	48
Tabela 4	Medições relativas aos ensaios de circuito aberto (enrol. primário e	
	secundário) e curto circuito (enrol. secundário) para frequência de	
	teste de 2000 Hz $\dots$	57
Tabela <mark>5</mark>	Parâmetros Estimados do TNS (entreferro de 5 mm)	57
Tabela <mark>6</mark>	Resultados dos ensaios com protótipo e com o circuito equivalente para	
	frequência de 2000 Hz	58
Tabela 7	Faixa de valores da tensão de saída $V_{\text{saída}}$ .	73
Tabela <mark>8</mark>	Faixa de valores da resistência equivalente $R_L$ com carga nominal.	77
Tabela <mark>9</mark>	Parâmetros selecionados pela rotina de otimização	77
Tabela <mark>10</mark>	Resistências intrínse cas dos capacitores de compensação em 1370 $\rm Hz$	78
Tabela 11	Pontos de operação do TNS para um aumento do entreferro de pro-	
	jeto 1	101
Tabela 12	Pontos de operação do TNS para uma redução do entreferro de pro-	
	jeto	103
Tabela 13	Características de Projeto do TNS 1	46
Tabela 14	Comportamento das resistências série do TNS com a frequência de	
	alimentação1	154

#### LISTA DE ABREVIATURAS E SIGLAS

- AUV Veículo Autônomo Subaquático (do inglês, Autonomous Underwater Vehicle)
- **CA** Corrente Alternada
- CC Corrente Contínua
- CCM Modo de Condução Contínuo (do inglês Continuous Conduction Mode)
- **CETS** Transferência de Energia sem Contato (do inglês, *Contactless Energy Transfer* System)
- **DCM** Modo de Condução Descontínuo (do inglês *Discontinuous Conduction Mode*)
- **DSP** Processador Digital de Sinais (do inglês, *Digital Signal Processor*)
- **ICPT** Transferência de Energia Indutivamente Acoplada (do inglês, *Inductively Coupled Power Transfer*)
- **IPT** Transferência Indutiva de Potência (do inglês, *Inductive Power Transfer*)
- **LCIPT** Transferência de Energia com Baixo Acoplamento Indutivo (do inglês, *Loosely* Coupled Inductive Power Transfer System)
- **MEPT** Rastreamento do Ponto de Máximo Rendimento (do inglês, Maximum Efficiency Point Tracking)
- MLT Comprimento da Espira Média (do inglês, Mean Length Turn)
- **MPEPT** Rastreamento do Ponto de Máximo Pseudo Rendimento (do inglês, Maximum Pseudo Efficiency Point Tracking)
- **PFC** Correção do Fator de Potência (do inglês, *Power Factor Correction*)
- **PLL** Circuito de Sincronismo (do inglês, *Phase Locked-loop*)
- SFA Sistema Fracamente Acoplado
- SHE Eliminação Seletiva de Harmônicos (do inglês, Selective Harmonic Elimination)

- **TETS** Transmissão de Energia Transcutâneo (do inglês, *Transcutaneous Energy Transmissions Systems*)
- **TNS** Transformador de Núcleo Separado
- UAV Veículos Aeréos Não Tripulados (do inglês, Unmanned Aerial Vehicles)
- **VSI** Inversor Fonte de Tensão (do inglês, *Voltage Source Inverter*)
- WPT Transferência de Potência Sem Fio (do inglês, Wireless Power Transfer)
- **ZCS** Comutação com Corrente Nula (do inglês, Zero Current Switching)
- **ZVS** Comutação com Tensão Nula (do inglês, Zero Voltage Switching)

# SUMÁRIO

1 ]	Introdução	<b>24</b>
1.1	Identificação do problema	24
1.2	Revisão bibliográfica	26
1.3	Motivação	37
1.4	Objetivos	39
1.5	Organização da tese	41
2 (	O Transformador de Núcleo Separado (TNS)	43
2.1	Parâmetros de projeto	45
2.2	Circuito Equivalente do TNS	52
2.3	Determinação dos Parâmetros do Circuito Equivalente do TNS	53
2.3.1	1 Ensaio com o enrolamento secundário em vazio	54
2.3.2	2 Ensaio com o enrolamento primário em vazio	55
2.3.3	B Ensaio com o enrolamento secundário em curto circuito	55
2.4	Resolução do sistema	56
2.5	Verificação dos resultados da metodologia de determinação de parâmetros .	57
2.6	Comportamento das Indutâncias do TNS em Função do Entreferro	58
2.7	Conclusões parciais	60
3 (	Compensação de Parâmetros	61
3.1	Compensação série no primário	62
3.2	Compensação série no secundário	66
3.3	Compensação paralela no secundário	68

3.4 Otimização da Compensação do TNS	70
3.4.1 Formulação do Problema	71
3.4.2 Restrições do problema e faixa de operação	72
3.4.2.1 Potência da carga	72
3.4.2.2 Tensão de saída do TNS compensado	73
3.4.2.3 Resistência equivalente da carga	73
3.4.3 Resultados selecionados pela otimização da compensação de parâmetros	77
3.5 Conclusões parciais	78
4 Sistema IPT com TNS em excitação senoidal	79
4.1 Sistema de alimentação	79
4.2 Concepção da carga equivalente	79
4.2.1 Conversor abaixador	80
4.2.1.1 Dimensionamento do indutor	80
4.2.1.2 Dimensionamento do capacitor	81
4.2.1.3 Controle de tensão e corrente	81
4.2.2 Conversor elevador com PFC	84
4.2.2.1 Dimensionamento do indutor	85
4.2.2.2 Controle de corrente	86
4.2.2.3 Controle de tensão	89
4.3 Bancada experimental	93
4.3.1 Características do DSP	94
4.4 Resultados experimentais	94
4.5 Conclusões parciais	98
5 Comportamento do TNS para Variações no Entreferro e proposta do	
MPEPT	99
5.1 Desempenho do TNS para um aumento do entreferro equivalente $\ . \ . \ .$	100

5.2	Desempenho do TNS para uma Diminuição do Entreferro Equivalente	101
5.3	Rastreamento do Ponto de Máxima Eficiência	103
5.3.1	Fluxo de potência e eficiência do TNS	105
5.4	Modelo de simulação digital	108
5.5	Algoritmo de controle e resultados com o MPEPT	110
5.5.1	Resultados do MPEPT para um aumento no entreferro	112
5.5.2	Resultados do MPEPT para uma redução no entreferro	115
5.6	Conclusões parciais	119
6 E	Excitação com Onda Retangular	120
6.1	Modelo matemático do TNS	120
6.2	Comportamento do rendimento e tensão de saída	125
6.3	Resultados com o MPEPT	128
6.3.1	MPEPT para aumento no entreferro	128
6.3.2	P MPEPT para diminuição no entreferro	129
6.4	Conclusões parciais	134
7 0	Conclusões finais e desenvolvimentos futuros	135
7.1	Desenvolvimentos futuros	137
7.2	Resultados preliminares	138
Refe	erências	139
Apê c	endice A – Projeto do transformador de núcleo separado pelo método la constante geométrica do núcleo	) 146
A.1	Cálculo da potência total $(P_t)$	146
A.2	Cálculo do coeficiente elétrico $(K_e)$	147
A.3	CÁLCULO DA CONSTANTE GEOMÉTRICA DO NÚCLEO $(K_g)$	147
A.4	CARACTERÍSTICAS DO NÚCLEO ESCOLHIDO	147

A.5	CÁLCULO DO NÚMERO DE ESPIRAS DO PRIMÁRIO $(N_p)$	148
A.6	CÁLCULO DA DENSIDADE DE CORRENTE $(J)$	148
A.7	CÁLCULO DA CORRENTE DE ENTRADA DO TRANSFORMADOR $(I_{in})$	149
A.8	CÁLCULO DA SEÇÃO TRANSVERSAL DO CONDUTOR $(A_{wp})$	149
A.9	AVALIAÇÃO DA SEÇÃO TRANSVERSAL DEVIDO AO EFEITO PELIC- ULAR	150
	èndice B – Efeito pelicular e efeito de proximidade em condutores	152
Apê		
Apê Apê f	êndice C – Comportamento dos parâmetros do TNS em função da frequência de excitação e do entreferro	154
Apê Apê f Apê	êndice C – Comportamento dos parâmetros do TNS em função da frequência de excitação e do entreferro êndice D – Código da rotina de otimização da compensação de parâ-	154
Apê Apê f Apê r	êndice C – Comportamento dos parâmetros do TNS em função da frequência de excitação e do entreferro êndice D – Código da rotina de otimização da compensação de parâ- metros	154 157
Apê Apê f Apê r D.1	èndice C – Comportamento dos parâmetros do TNS em função da frequência de excitação e do entreferro èndice D – Código da rotina de otimização da compensação de parâ- metros Parâmetros do TNS	154 157 157
Apê Apê f Apê r D.1 D.2	èndice C – Comportamento dos parâmetros do TNS em função da frequência de excitação e do entreferro  èndice D – Código da rotina de otimização da compensação de parâ- metros Parâmetros do TNS Parâmetros do sistema:	154 157 157 157
Apê Apê f Apê n D.1 D.2 D.3	<ul> <li>èndice C - Comportamento dos parâmetros do TNS em função da frequência de excitação e do entreferro</li> <li>èndice D - Código da rotina de otimização da compensação de parâmetros</li> <li>Parâmetros do TNS</li> <li>Parâmetros do sistema:</li> <li>Sistema de equações (modelagem do problema):</li> </ul>	<b>154</b> <b>157</b> 157 157

### 1 INTRODUÇÃO

### 1.1 IDENTIFICAÇÃO DO PROBLEMA

A grande maioria dos equipamentos elétricos e eletrônicos é conectada à sua fonte de energia por meio de tomadas simples ou múltiplas. O contato elétrico nesses casos é feito por meio de conexões mecânicas entre partes metálicas, de forma que a energia elétrica é conduzida da fonte para a carga através dos cabos condutores. Esse é o tipo de transferência de energia elétrica mais difundido até hoje.

Apesar de eficiente, o contato elétrico pode ser inseguro na alimentação de equipamentos em ambientes inflamáveis ou com presença de água (BINGYI; HONGBIN & GUI-HONG, 2005). Em dispositivos eletrônicos de pequeno porte, tais como carregadores de baterias de telefones celulares, é muito comum ocorrer defeito na tomada de alimentação (KIM et al., 2001). Outros defeitos podem estar associados ao rompimento de cabos elétricos em aplicações industriais, quando os mesmos são submetidos a movimentos bruscos ou irregulares (BINGYI; HONGBIN & GUIHONG, 2005). Em aplicações na área biomédica, tais como o uso de dispositivos marca-passos, a transferência de energia via contato mecânico é inviável (NISHIMURA et al., 1994; JOUN & CHO, 1998; WATADA et al., 2005). Mediante esse contexto, uma alternativa para contornar esse problema consiste em transferir energia elétrica entre a fonte e carga sem o uso de contato mecânico entre essas duas partes.

Esse tipo de transferência de energia, onde fonte e carga são mecânica e eletricamente isoladas, pode ser entendido como transferência de energia "sem fios", podendo ser mais seguro e confiável para algumas aplicações (ZHIXIN et al., 2010). O uso dessa tecnologia pode proporcionar uma maior segurança para os operadores, diminuindo riscos de choques elétricos, além de mais praticidade. Adicionalmente, pode reduzir gastos com manutenção de dispositivos que exigem conexão mecânica para promover a transferência de energia, como é o caso de carregadores de celulares (FERNANDES & OLIVEIRA, 2015; LOPES, 2013). Segundo Fernandes (2015), atualmente as principais tecnologias relacionadas com transferência de energia "sem fios" podem ser resumidas em: Transmissão de Potência por Micro-ondas; Transmissão de Potência por Laser; Transferência Capacitiva de Potência; Transferência Indutiva de Potência.

A IPT é, dentre as formas anteriores, a alternativa mais desenvolvida atualmente. Esta tecnologia é baseada no fenômeno de indução eletromagnética (FERNANDES, 2015), sendo objeto de estudo desta tese.

Muitos exemplos de pesquisas em IPT, sua evolução nos últimos anos, tipos e topologias de conversores eletrônicos, aplicações comerciais, perspectivas futuras e estado-da-arte dessa tecnologia podem ser encontrados em (COVIC & BOYS, 2013; FER-NANDES & OLIVEIRA, 2014; FERNANDES, 2015; HUI, 2016).

Um exemplo de estrutura utilizada num sistema IPT é ilustrado na Figura 1. O diagrama da Figura 1 representa um sistema destinado a carregar uma bateria, sendo composto pela fonte de alimentação alternada, um conversor CA-CC (retificador), um conversor CC-CA (inversor), um estágio de filtragem passiva, bobinas acopladas magneticamente (transformador), um conversor CA-CC, um conversor CC-CC para controle de carga da bateria e, por fim, a bateria. Dependendo da natureza da fonte e da carga, podem-se encontrar variações nos estágios e topologias dos conversores utilizados. Pesquisas recentes propõem novas topologias no primário que dispensam o estágio retificador, a exemplo de Samanta e Rathore (2018) que apresentam um trabalho com conversores CA-CA.







No sistema da Figura 1, a transferência indutiva de energia elétrica da fonte para a carga pode ocorrer por meio do acoplamento magnético entre bobinas fracamente acopladas ou por um transformador com núcleo separado (TNS), cujo entreferro pode ser o ar, água (HOBSON et al., 2007; GISH, 2004; MCGINNIS; HENZE & CONROY, 2007; MILLER, 2005; ZHOU; LI & CHEN, 2013; CHENG et al., 2015; HAIBING et al., 2016; OREKAN; ZHANG & SHIH, 2018) ou outros meios, dependendo da aplicação.

Na nomenclatura adotada neste trabalho para o TNS, as duas bobinas receberão os nomes de primário e secundário, respectivamente. Já num Sistema Fracamente Acoplado (SFA), é mais comum encontrar na literatura as denominações "emissor" ou "transmissor" (para o enrolamento primário) e "receptor" (para o enrolamento secundário) (FERNANDES & OLIVEIRA, 2015).

Na próxima seção será apresentada uma revisão bibliográfica com exemplos de aplicações encontradas na literatura com estudos e experimentos envolvendo a transferência indutiva de potência.

## 1.2 REVISÃO BIBLIOGRÁFICA

Conforme mencionado anteriormente, a tecnologia IPT tem sido usada com sucesso na alimentação de pequenos aparelhos eletroeletrônicos (e.g. *smartphones, tablets*) e sistemas biomédicos. Na maioria dos casos, a energia elétrica é transmitida entre bobinas separadas por uma distância da ordem de alguns milímetros. Encontramse, também, estudos demonstrando a transferência indutiva de potência envolvendo distâncias maiores (SAMPLE; MEYER & SMITH, 2011; GRIFFIN & DETWEILER, 2012). Contudo, em todos esses exemplos a quantidade de potência transferida é pequena.

Nos últimos anos, os sistemas IPT têm sido investigados para processar maiores densidades de energia, a fim de alimentar veículos elétricos tripulados e autônomos (GRIFFIN & DETWEILER, 2012; HOBSON et al., 2007; MISKIEWICZ; MORADEWICZ & KAZMIERKOWSKI, 2011; MCGINNIS; HENZE & CONROY, 2007). Diferentes denominações são usadas na literatura para identificar estudos que aplicam transferência indutiva de potência, tais como:

- *i*. Sistema de Transmissão de Energia Transcutâneo (do inglês, *Transcutaneous Energy Transmissions Systems*) (TETS) (NISHIMURA et al., 1994);
- ii. Sistema de Transferência de Energia sem Contato (do inglês, Contactless Energy Transfer System) (CETS) (PEDDER; BROWN & SKINNER, 1999), (ZHANG et al., 2009), (BINGYI; HONGBIN & GUIHONG, 2005);
- *iii.* Transferência de Energia Indutivamente Acoplada (do inglês, *Inductively Coupled Power Transfer*) (ICPT) (WANG; STIELAU & COVIC, 2000);

- iv. Sistema de Transferência de Energia com Baixo Acoplamento Indutivo (do inglês, Loosely Coupled Inductive Power Transfer System) (LCIPT) (ZHIXIN et al., 2010);
- v. Transferência de Potência Sem Fio (do inglês, Wireless Power Transfer) (WPT) (LI et al., 2015), entre outros.

Na maioria das aplicações citadas anteriormente, os autores utilizam conversores ressonantes compostos de um conversor CC-CA, com saída de tensão em onda retangular operando nas mais variadas frequências e potências (NISHIMURA et al., 1994; MISKIEWICZ; MORADEWICZ & KAZMIERKOWSKI, 2011; MCGINNIS; HENZE & CONROY, 2007; FERNANDES & OLIVEIRA, 2015). Aplicações em meio seco (no ar) normalmente trabalham com frequências mais elevadas, acima dos 100 kHz. Já em água salgada, por exemplo, encontram-se aplicações com frequências mais baixas, sobretudo em potências mais elevadas (GISH, 2004; CHENG et al., 2015; GUIDI et al., 2017; YAN et al., 2018; OREKAN; ZHANG & SHIH, 2018). Isso se deve ao fato de que o valor da condutividade da água salgada (entre 4S/m a 5S/m (LEWIS, 1966; LIN, 1990)) contribui para a circulação de correntes induzidas significativas neste meio. Na sequência desta seção será apresentado um breve resumo de trabalhos consultados durante a realização desta pesquisa.

Nishimura et al. (1994) apresentaram um estudo para carregamento de bateria de um dispositivo marca-passo usando um TNS com relação de espiras maior do que a unidade. Geralmente, nesta aplicação o núcleo de ferrite utilizado é do tipo "pot core". O lado do primário fica no exterior do corpo do paciente, encostado na pele, e conectado à fonte de alimentação por intermédio de um conversor série ressonante para melhorar o desempenho do sistema. O secundário do transformador fica no interior do corpo e alimenta a bateria do marca-passo. Nesta aplicação, o entreferro é a pele do paciente. O sistema opera com um entreferro aproximado de 10 mm, transferindo aproximadamente 0,3 W de potência para bateria. Os autores também propõem uma aproximação para o cálculo do fator de acoplamento do transformador em função do entreferro. O protótipo construído trabalha com frequência de 20 kHz e apresenta um rendimento aproximado de 30 %.

Ainda na área biomédica, Joun e Cho (1998) propuseram um sistema de 48 W de capacidade para carregamento da bateria de um coração artificial. O circuito possui um transformador de núcleo separado por um entreferro que varia entre 10 mm a 20 mm e capacitores série em ambos os lados do transformador para compensar o efeito da indutância de dispersão. A frequência de comutação varia entre 120 kHz e

173,5 kHz. No lado do primário, o conversor CC-CA trabalha com Comutação com Tensão Nula (do inglês, Zero Voltage Switching) (ZVS) e no lado do secundário, o conversor CA-CC (retificador) opera com Comutação com Corrente Nula (do inglês, Zero Current Switching) (ZCS). Os autores não mencionam o valor do rendimento do sistema. Alguns anos mais tarde, foi proposto um sistema semelhante, porém com um transformador de relação de espiras unitária e sem capacitores para compensação (WATADA et al., 2005). O trabalho mostra que o rendimento do sistema é variável com a frequência de alimentação e, por isso, o protótipo construído foi projetado para operar em um intervalo de frequências de 60 kHz até 120 kHz. O sistema demonstrou eficiência de até 50 % para o transformador operando com entreferro de 1 mm e 5 mm.

Pedder, Brown e Skinner (1999) realizaram um estudo para a construção de um transformador de núcleo separado com núcleo tipo U-U. O trabalho recomenda que o primário tenha dimensão menor que o secundário, de tal forma que seja envolvido por ele. Assim, pode-se diminuir o fluxo de dispersão do primário. O sistema trabalha com ZVS para reduzir as perdas por comutação, opera com alta frequência (acima de 100 kHz) e possui um capacitor série no secundário. Quando em operação, o circuito apresentou rendimento de 83 % alimentando uma carga de 2,5 kW com entreferro de 8 mm no transformador.

Abe, Sakamoto e Harada (2000) apresentaram o desenvolvimento de um carregador de bateria de um barbeador elétrico que emprega o uso de TNS. O núcleo do transformador é separado, neste caso, por uma barreira formada por material plástico e pelo ar. O sistema trabalha com 50 kHz, potência de 5 W, utiliza um conversor ressonante no primário e, no secundário, um capacitor em paralelo com a carga. Vale salientar que o valor do capacitor do secundário é escolhido de modo a maximizar a corrente na carga. Os resultados mostraram que o sistema pôde atingir até 60 % de rendimento. Os autores não mencionaram o valor do entreferro.

Stielau e Covic (2000) propuseram uma metodologia para o projeto de sistemas de transferência de energia sem contato que utilizam acoplamento indutivo. Os autores ressaltam que os transformadores que trabalham com entreferro possuem elevada indutância de dispersão. Por isso, geralmente é necessário realizar uma compensação (por meio de ressonância), empregando capacitores, para se atingir a capacidade desejada de transferência de energia. No decorrer do trabalho são discutidos os tipos de compensação possíveis e suas características principais. Além disso, o trabalho ressalta que a frequência de operação tem maior efeito na capacidade de transferência de energia do sistema. Por fim, os autores mencionam que o projeto do circuito como um todo envolve uma relação de compromissos e que é interessante investigar o valor de frequência que possibilita a maior capacidade de transferência de potência.

Kim et al. (2001) desenvolveram um carregador de bateria de telefone celular por meio de transferência de energia sem contato entre fonte e carga. O dispositivo possui um conversor série ressonante no primário alimentado por uma tensão de forma de onda retangular com uma frequência de 64 kHz. O circuito alimenta uma bateria de íons de lítio, fornecendo uma potência de 3,3 W, sendo que a distância que separa o núcleo do transformador é de 3 mm. Vale salientar que o trabalho utilizou modelagem de elementos finitos para avaliar o comportamento do transformador, calculando seus valores de indutância e o fator de acoplamento em função da distância entre as partes do núcleo. Foram analisados dois tipos de núcleos: o tipo U-U e o tipo E-E, ambos de mesmo peso. Com os experimentos, os autores constataram que o primeiro proporcionou um fator de acoplamento um pouco superior em relação ao segundo. O sistema apresentou rendimento de 75 %, aproximadamente. Há poucos trabalhos na literatura que comparam o desempenho de geometrias diferentes. Na maior parte dos casos, estudam-se geometrias simétricas como, por exemplo, E-E e U-U. Fernandes (2015), no entanto, propõe algoritmos de projeto, discute e compara o desempenho de diversas geometrias simples e complexas (simétricas ou não), tais como E-E, E-Trilha, E-Trilha Quadratura, S-Trilha, Hand-Held, Circular-Circular, Solenóide-Solenóide, Circular-Solenóide, Bipolar, Duplo D e Duplo D Quadratura.

Choi et al. (2004) desenvolveram um carregador para bateria de um telefone celular com um TNS de capacidade de 24 W, cujo núcleo é separado por uma distância que varia entre 2,4 mm a 4,8 mm. O dispositivo possui um conversor série ressonante no primário, assim como foi proposto por Kim et al. (2001) Um fator interessante é que as espiras do transformador são planas, feitas em placa de circuito impresso e o mesmo não possui núcleo magnético. Esse sistema foi capaz de carregar a bateria do celular com eficiência de até 57 %. Todavia, foi necessário trabalhar com uma alta frequência de comutação (950 kHz). Outra aplicação com um transformador semelhante, também para carregamento da bateria de um telefone celular, foi desenvolvida por Hu et al. (2008).

Gish (2004) desenvolveu um protótipo para o carregamento da bateria de um AUV. Basicamente, o trabalho propõe um sistema de docagem com transmissão de energia por meio de acoplamento indutivo, utilizando um TNS em formato cilíndrico para o carregamento de baterias do tipo polímeros de lítio. O núcleo é coaxial, sendo que o secundário (de raio maior) envolve o primário, conforme ilustrado na Figura 2. Segundo o autor, essa configuração permite que o fluxo produzido pelo primário (núcleo interno) seja completamente enlaçado pelo secundário. Com efeito, o fluxo de dispersão do primário, neste caso, é desprezível. No trabalho é desenvolvido um modelo matemático para o transformador com núcleo coaxial. No entanto, os resultados teóricos diferiram significativamente dos obtidos por ensaios e o rendimento do sistema foi aquém do esperado, embora o entreferro fosse pequeno (cerca de um milímetro). Os autores esperavam um rendimento entre 70 % e 90 %, no entanto o rendimento observado ficou entre 1 % e 9 % para uma potência de até 1,5 W. É importante ressaltar que o trabalho apresentou resultados experimentais obtidos em água e no ar, para diferentes faixas de frequências. Como resultado, os autores relatam que, em baixas frequências (abaixo de 2 kHz), o sistema atingiu maior eficiência em água. Em contrapartida, em frequências mais elevadas (acima de 10 kHz), o ar permitiu melhor desempenho. Logo, segundo os autores, o meio influenciou na eficiência da transmissão de energia. Devido ao fato de a aplicação exigir o carregamento em água, e mediante os resultados dos experimentos, a frequência de trabalho escolhida foi 2 kHz.





Fonte: Adaptado de Gish (2004).

Bingyi, Hongbin e Guihong (2005) realizaram um estudo com simulação em um programa de modelagem de distribuição de fluxo magnético para avaliar o comportamento de um TNS do tipo E-E. Na simulação, foi verificado o desempenho do transformador variando-se o entreferro. Além disso, foi proposta uma nova maneira de enrolar as bobinas do transformador. Os autores realizaram o estudo para diferentes frequências, a fim de identificar o ponto de maior eficiência do transformador. Por fim, foi proposto um sistema com compensação série no primário e paralela no secundário. Os estudos mostraram que o transformador atingiu rendimento de 87,2 %, em 40 kHz, com entreferro de 2 mm.

McGinnis, Henze e Conroy (2007) desenvolveram um sistema para carregamento de bateria de íons de lítio de um AUV para potência na ordem de 240 W, utilizando um conversor série ressonante no primário. O transformador, que possui característica de abaixador de tensão, foi testado na água do mar, na frequência em torno de 50 kHz e com entreferro de 2 mm. Para compensar o efeito do entreferro na diminuição do fator de acoplamento, o transformador foi construído com uma seção transversal grande em relação aos núcleos tradicionais. Assim, o aumento da área da bobina proporcionou um melhor desempenho do transformador. Essa técnica também foi empregada em outros trabalhos (BINGYI; HONGBIN & GUIHONG, 2005; SAMPLE; MEYER & SMITH, 2011; GRIFFIN & DETWEILER, 2012; HU et al., 2008; ZHANG et al., 2009; YAN et al., 2010). Segundo os autores, o experimento em água salgada diminuiu a eficiência esperada do sistema, limitando o rendimento a valores menores que 70 %. Essa diferença foi, então, atribuída às perdas por correntes induzidas no meio de transmissão.

Hobson et al. (2007) apresentaram um sistema desenvolvido no Instituto de Pesquisa Monterey Bay Aquarium para estação e docagem de um AUV. Na docagem, é possível fazer aquisição de dados coletados durante as missões realizadas pelo submarino e, entre outras coisas, promover o carregamento da bateria do veículo. O veículo é movido por baterias de polímeros de lítio e o processo de transferência de energia é feito por TNS em formato cilíndrico. O sistema transmite cerca de 416 W para a bateria com uma eficiência de aproximadamente 48 %.

Zhang et al. (2009) desenvolveram um transformador de núcleo separado, em formato U-U, plano, com alto fator de acoplamento (k = 0.6) e baixo peso (60 g) para alimentar uma carga de 60 W, transferindo energia através do ar, com o núcleo separado por aproximadamente 10 mm. A despeito da grande distância entre as partes do núcleo, os autores obtiveram elevado fator de acoplamento otimizando a geometria do transformador, com bobinas de maior área, propondo uma nova configuração. Para otimizar o projeto e calcular os parâmetros do transformador, foi utilizado um programa de modelagem de campos eletromagnéticos. Outras aplicações nesse contexto são encontradas em (FERNANDES & OLIVEIRA, 2013; GODOY et al., 2016). No decorrer do trabalho, Zhang et al. (2009) propõem um método para modelar matematicamente o circuito magnético do transformador. Segundo os autores, os parâmetros estimados ficaram muito próximos dos parâmetros reais do transformador e o circuito, projetado para trabalhar com frequência de 300 kHz, foi capaz de atingir eficiência superior a 90 %, sem empregar conversores ressonantes. Diferentes softwares para modelagem de campos eletromagnéticos que empregam elementos finitos são utilizados na literatura para aplicações em IPT, tais como o FEMM (um *software* livre que permite modelar problemas em 2D com simetria planar e em 3D com simetria radial), COMSOL

Multiphysics, ANSYS Maxwell, JMAG, dentre outros.

Moradewicz e Kazmierkowski (2010) apresentaram um sistema para aplicação em robótica utilizando um transformador rotativo. O circuito trabalha com frequência de 60 kHz e possui conversor série ressonante no primário e secundário do transformador. Para diminuir as perdas por comutação, o conversor do primário é acionado no modo ZCS. A potência do sistema corresponde a 3 kW e ele é capaz de operar com 93 % de rendimento transferindo energia a uma distância de 10 mm. É importante ressaltar que os autores também avaliaram o desempenho do circuito com conversor série ressonante no primário e conversor ressonante paralelo no secundário. Todavia, o sistema apresentou maior eficiência no primeiro caso.

Zhixin et al. (2010) realizaram um estudo com simulação e implementação prática de transferência de energia com um protótipo de transformador de núcleo separado com capacidade para 1 kW de potência. Os autores analisaram a distribuição de fluxo eletromagnético no transformador, via um programa de modelagem de campos eletromagnéticos, para calcular os parâmetros mediante alterações no entreferro. Com o uso do programa, foram comparados dois tipos de técnicas de enrolamento da bobina no núcleo do transformador. A configuração de maior sucesso alcançou um elevado fator de acoplamento, no valor de 0,74, para 10 mm de entreferro. O circuito que alimenta o transformador possui um conversor série ressonante que trabalha com frequência variando no intervalo entre 10 kHz e 100 kHz. Os resultados mostraram que o sistema alcançou um rendimento de 71 %, entretanto não foi informado para qual valor de potência transferida esse rendimento foi obtido.

Meyer, Germano e Perriard (2010) desenvolveram um protótipo para carregamento de bateria de um *notebook*, utilizando transformador sem núcleo (núcleo de ar) com bobinas separadas. Estas, por sua vez, foram feitas em formato retangular na dimensão de 220 mm x 140 mm. Comparado ao entreferro (15 mm), a dimensão das bobinas tem um valor significativamente superior. Para aplicações sem núcleo, a frequência de operação é mais elevada, podendo atingir a faixa de alguns MHz (ZHIXIN et al., 2010). Neste caso, o sistema foi projetado para operar com frequência de 250 kHz e não utilizou conversores ressonantes. Por outro lado, devido ao baixo valor da indutância mútua do transformador, os autores usaram um capacitor paralelo no primário a fim de compensar a potência reativa do circuito. No secundário, foi empregado um capacitor em série a fim de compensar a queda de tensão na indutância de dispersão. O protótipo construído foi testado alimentando-se uma carga resistiva de 5 $\Omega$  e os resultados mostraram que o sistema atingiu 90 % de rendimento, no entanto não foi informado o valor da potência transferida.

Sample, Meyer e Smith (2011) apresentaram um sistema com acoplamento indutivo entre bobinas para transmissão de energia que pode alcançar distâncias muito superiores às verificadas nas aplicações convencionais. No trabalho foi mostrado que o dispositivo construído foi capaz de carregar a bateria de um notebook com capacidade de 12 W de potência e eficiência de 50 % a uma distância de até 70 cm entre as bobinas. Da mesma forma em que foi proposto em (MEYER et al., 2010), as bobinas não possuem núcleo. Além disso, elas têm formato circular e variam de 30 cm a 60 cm. O circuito possui capacitor série no primário e secundário e o sistema é alimentado na frequência de ressonância do circuito formado pelos capacitores e pelas indutâncias dos dois enrolamentos (neste caso 7,65 MHz).

Outra aplicação que trabalha com entreferro de dezenas de centímetros foi proposta por Griffin e Detweiler (2012). Neste caso, os autores apresentaram uma transmissão de energia elétrica sem contato em que um Veículos Aeréos Não Tripulados (do inglês, *Unmanned Aerial Vehicles*) (UAV) é capaz de alimentar ou carregar baterias de sensores terrestres. O princípio de funcionamento do sistema é semelhante ao demonstrado por Sample, Meyer e Smith (2011). As bobinas do acoplamento indutivo são circulares e sua dimensão é da mesma ordem de grandeza da distância entre o veículo e o carregador. O circuito opera com frequência na faixa de 190 kHz a 210 kHz. Embora, neste caso, o sistema tenha trabalhado em frequência mais baixa que o proposto em (SAMPLE; MEYER & SMITH, 2011), o processo de transferência de energia foi capaz de atingir rendimento de 35 %, com o veículo situado a uma distância entre 20 cm e 30 cm do carregador, transferindo uma potência média de 4,43 W para os sensores.

Miskiewicz, Moradewicz e Kazmierkowski (2011) desenvolveram um protótipo experimental de um carregador de bateria de 25 kW, bidirecional, para aplicação em veículos elétricos, com frequência de operação de aproximadamente 41 kHz. Para minimizar as perdas, são empregados conversores do tipo série ressonante no primário e secundário, assegurando comutação no modo ZCS. O desempenho do protótipo foi analisado em função da variação no fator de acoplamento do transformador (o qual depende do comprimento do entreferro). Segundo os autores, o sistema atingiu rendimento superior a 90 % para um fator de acoplamento de 0,2. O valor de entreferro não foi informado. Outras pesquisas mais recentes em aplicações para veículos elétricos terrestres e carregamento de baterias utilizando IPT podem ser encontradas em (LI et al., 2017; SAMANTA & RATHORE, 2018).

Zhou, Li e Chen (2013) realizaram um estudo de um sistema IPT transferindo energia a uma distância de 5 mm. Os autores compararam o desempenho do sistema no ar, em água doce e salgada, a fim de investigar as perdas por correntes induzidas e suas implicações na eficiência do sistema para uma faixa de frequências. Como resultado, verificaram que até 50 kHz, aproximadamente, não havia diferenças significativas na eficiência do sistema em meio aquoso ou em ar. No fim do estudo, recomendaram que aplicações subaquáticas sejam feitas com frequências mais baixas, investigando-se o valor da frequência que garante o máximo rendimento. Em 2015, um estudo semelhante foi realizado por Cheng et al. (2015). No trabalho, os autores classificam as perdas no sistema IPT em três parcelas: perdas no núcleo do transformador, perdas no enrolamento do transformador e perdas por correntes induzidas no meio de transmissão (ar, água doce e água salgada). Verificaram que a primeira parcela se mostrou invariante com o meio, porém aumenta com a frequência. A segunda parcela, perdas no enrolamento, também se mostrou invariante com o meio durante os experimentos. Entretanto, também aumenta com a frequência de excitação (um reflexo do aumento da resistência efetiva do enrolamento devido à combinação dos efeitos pelicular e de proximidade). Todavia, as perdas por correntes induzidas foram significativamente influenciadas pelo meio de transmissão em frequências mais elevadas. Para o ar e água doce, os autores não observaram valores significativos de perdas na faixa de frequências de 10 kHz a 100 kHz. Já em água salgada, as perdas por correntes induzidas foram pouco significativas até 21 kHz. A partir de 36 kHz, no entanto, os autores afirmam que as perdas por correntes induzidas superaram as perdas por condução nos enrolamentos. Para realizar o experimento, os autores construíram um TNS com núcleo de ferrite e entreferro de 25 mm, alimentado com tensão a partir de modulação PWM senoidal com frequência variável. Recomendaram, em função deste estudo, que o ponto de máximo rendimento do sistema seja investigado, sendo possível fazê-lo alterando-se a frequência de entrada. Isso mostra que, embora grande parte dos trabalhos da literatura se incline ao uso de conversores ressonantes operando em uma frequência fixa, a modulação PWM senoidal permite a alteração da frequência de alimentação do TNS na busca por um ponto de operação de maior rendimento. Maximizar o rendimento, no entanto, não garante maior potência transmitida à carga e pode afetar o valor da tensão de saída, como será mostrado no Capítulo 3.

Conhecer o rendimento do sistema IPT é uma tarefa que exige a medição secundária das grandezas, ou seja, medir grandezas elétricas que estão no secundário do TNS, ou do receptor. Como primário e secundário fazem parte de dois equipamentos mecanicamente separados, essas medições devem ser transmitidas via comunicação de dados sem fio, a exemplo do sistema construído por Zhou, Li e Chen (2013), Li et al. (2015) e Yuan et al. (2015). Além disso, o meio pode dificultar esse processo de transmissão de dados. Neste sentido, são encontradas na literatura algumas propostas de se fazer o controle de variáveis do secundário, tais como tensão de saída ou potência de saída (para cálculo da eficiência), através de medições somente no primário (ou emissor) (SI et al., 2007; THRIMAWITHANA & MADAWALA, 2010; ZAHEER; SURI & NEMADE, 2012). Tais estudos são destinados a outras aplicações, porém poderiam ser direcionadas para os AUV. Recentemente, em (OREKAN; ZHANG & SHIH, 2018) os autores apresentaram uma proposta voltada para AUV com rastreamento de máxima eficiência sem a necessidade de medição de grandezas do lado secundário. Por meio do controle de um

conversor CC/CC do lado secundário, o sistema realiza um casamento de impedância com a carga. No entanto, embora não haja comunicação de dados entre primário e secundário, é necessário estimar o valor do fator de acoplamento entre as bobinas em tempo real.

As aplicações de IPT em veículos autônomos subaquáticos são muito promissoras, sobretudo pela praticidade que essa tecnologia pode proporcionar ao sistema com a possibilidade de carregar a bateria do veículo na água. Os estudos direcionados a esse tipo de aplicação são numerosos. Além dos trabalhos mencionados anteriormente, outros estudos com direcionamento para sistemas subaquáticos são encontrados na literatura (sobretudo em águas marítimas), a exemplo de (KOJIYA et al., 2004; LI et al., 2010; YU et al., 2013; SHI; LI & YANG, 2014; HAIBING et al., 2016; LIN; LI & YANG, 2017; YAN et al., 2018; OREKAN; ZHANG & SHIH, 2018). Recentemente, desafios relacionados a aplicações subaquáticas de elevada potência (da ordem dos MW) vêm sendo abordados na literatura para operação em baixas frequências (GUIDI et al., 2017). Guidi et al. (2017), por exemplo, fazem um estudo para um sistema com potência de até 2 MW na faixa de frequências entre 2 kHz a 8 kHz, utilizando conversores com IGBT, e citam que uma das dificuldades encontradas nas aplicações marítimas é a movimentação da embarcação, provocada por ventos e ondas, em relação à estação de docagem (movimentos relativos aleatórios entre primário e secundário do sistema IPT). Logo, deve-se permitir que, a despeito desses desalinhamentos, o sistema mantenha a transferência de energia com boa eficiência. Isso requer um projeto que permita grandes tolerâncias a desalinhamentos e mudanças no entreferro, além de controle para compensar essas variações de posição.

A Tabela 1 traz comparações entre algumas das propostas que foram mencionadas

neste capítulo que envolvem desenvolvimento experimental. O símbolo "NI" indica que o parâmetro não foi informado pelos autores; o símbolo "\*" indica que a proposta é desenvolvida para sistemas aquáticos/subaquáticos; o símbolo "#" indica que a proposta permite a estimativa do rendimento sem a necessidade de medição de grandezas do lado secundário. Observa-se que, de modo geral, os trabalhos empregam frequências de excitação elevadas. Adicionalmente, observa-se somente a proposta de Orekan, Zhang e Shih (2018) para rastrear o ponto de máximo rendimento, em sistemas subaquáticos, sem a necessidade de medição de grandezas do secundário.

Tabela 1: Propostas de sistemas IPT. O símbolo "NI" indica que o parâmetro não foi informado pelos autores; o símbolo "\*" indica que a proposta é desenvolvida para sistemas aquáticos/subaquáticos; o símbolo "#" indica que a proposta permite a estimativa do rendimento sem a necessidade de medição de grandezas do lado secundário.

Proposta	Potência	Frequência	$\eta$	Distância
	$(\mathbf{W})$	(Hz)	(%)	mm
Nishimura et al. (1994)	0,3	20 k	30	10
Joun e Cho (1998)	48	60-120 k	50	10-20
Pedder, Brown e Skinner (1999)	$2,5 \mathrm{~k}$	100 k	83	NI
Abe, Sakamoto e Harada (2000)	5	50 k	60	NI
Kim et al. $(2001)$	$^{3,3}$	64 k	75	3
Choi et al. $(2004)$	24	950 k	57	$2,\!4-\!4,\!8$
Gish $(2004)^*$	1,5	2 k	1-9	1
McGinnis, Henze e Conroy (2007)*	240	50 k	70	2
Hobson et al. $(2007)^*$	416	NI	48	NI
Zhang et al. $(2009)$	60	300 k	90	10
Moradewicz e Kazmierkowski (2010)	3 k	60 k	93	10
Zhixin et al. $(2010)$	1 k	10-100 k	71	10
Meyer, Germano e Perriard (2010)	NI	250  k	90	15
Sample, Meyer e Smith $(2011)$	12 k	$7,\!65~{ m M}$	50	700
Miskiewicz, Moradewicz e	25 k	41 k	90	5
Kazmierkowski (2011)				
Griffin e Detweiler $(2012)$	4,43	190-210 k	35	200-300
Cheng et al. $(2015)^*$	10 k	20-154 k	91	25
Li et al. $(2015)$	100	$515 \mathrm{k}$	79	200
Lin, Li e Yang $(2017)^*$	300	52  k	63-77	15
Guidi et al. $(2017)^*$	1 M	2-8 k	NI	200-500
Yan et al. $(2018)^*$	200 k	60-600 k	81-88	21
Orekan, Zhang e Shih $(2018)^{*\#}$	34	178 k	85	10-100
Fonte: Autor				

Fonte:Autor.

Mediante esse contexto, nesta tese é realizado um estudo da aplicação de transferência indutiva de potência, através de um transformador de núcleo separado operando em baixas frequências, para alimentação de sistemas subaquáticos que utilizam baterias como, por exemplo, os AUV. Embora os trabalhos consultados na literatura
apresentem, em sua grande maioria, propostas em frequências elevadas, o estudo realizado nesta tese mostra que é possível desenvolver sistemas IPT com boa eficiência em baixas frequências e, portanto, contribui para que novos desdobramentos sejam realizados nessa faixa de operação.

A motivação e os objetivos deste trabalho serão apresentados na sequência.

### 1.3 MOTIVAÇÃO

Veículos autônomos subaquáticos são usados em aplicações que vão de pesquisas ambientais até operações militares de monitoramento e vigilância (GRIFFITHS, 2002). Esses veículos são equipados com computadores, sensores, sistemas de comunicação e motores de propulsão e navegação.

Os AUV são alimentados por baterias que se descarregam com o consumo de eletricidade dos sistemas elétricos embarcados. Desse modo, devido à baixa autonomia, há momentos em que o AUV deve interromper sua tarefa durante uma missão e retornar à superfície para que sua bateria seja recarregada por meio de tomadas. Esse processo geralmente é trabalhoso e, na maioria dos casos, é necessário retirar o AUV da água e abri-lo para que seja possível carregar a bateria dele. Logo, se repetido rotineiramente, pode comprometer a impermeabilidade do veículo.

Mediante esse contexto, uma alternativa para evitar esse trabalho, tornando o processo mais prático, seria recarregar a bateria do AUV por meio de transferência indutiva de potência, com o veículo na água, podendo ser aplicado ao submarino AUV MARES do Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica da Universidade Federal de Juiz de Fora, mostrado na Figura 3. O AUV MARES foi construído por pesquisadores do Ocean Systems Group da Faculdade de Engenharia da Universidade do Porto, Portugal, possui 1,5 m de comprimento por 20 cm de diâmetro e pode se deslocar com uma velocidade máxima de 2 m/s (BOAS et al., 2013).

A concepção de um sistema de transferência de energia sem contato para esse propósito é ilustrado na Figura 4. Um braço articulado preso a uma embarcação localizada na superfície tem, em uma das extremidades, uma base para a docagem do AUV. O sistema de alimentação pode usar um TNS, de modo que uma parte do núcleo fique na estrutura de docagem, enquanto que a outra parte esteja no interior do AUV.

Alternativamente, o TNS poderia estar localizado em outra parte do submarino, de forma que o primário fosse fixado no fundo do bote, enquanto que o secundário no



Figura 3: Fotografia do AUV MARES.

Fonte: Lopes et al. (2014).



Fonte: Autor.

topo do veículo, conforme ilustrado pela Figura 5 e idealizado por Cheng et al. (2015).

Figura 5: Ilustração de um sistema de docagem para carga da bateria com o TNS no topo do AUV.



Embora o enfoque desta tese seja aplicações para AUV, a tecnologia IPT também poderia ser destinada para outros sistemas subaquáticos que utilizam baterias, tais como sondas com sensores para aquisição de dados oceanográficos em sistemas de monitoramento subaquáticos (RIBEIRO, 2012). Nesse contexto, um AUV também poderia ser utilizado para carregar a bateria de uma sonda ou de um sensor ancorado no fundo do oceano. Para isso, o submarino seria utilizado como fonte (funcionando agora como um primário) ou como um guia, transportando a bobina primária até o sensor subaquático. No primeiro caso, naturalmente, a topologia dos conversores internos do AUV deve garantir bidirecionalidade no fluxo de potência. A concepção desse sistema em que o submarino operaria tanto como carga, quanto como fonte, é ilustrada pela Figura 6.



Figura 6: Concepção de um sistema por IPT de carregamento subaquático de sensores ancorados com AUV.

Fonte: adaptado de Orekan, Zhang e Shih (2018).

#### 1.4 OBJETIVOS

Nas aplicações com AUV, é necessário monitorar alguns parâmetros elétricos do veículo, tais como tensões e correntes na bateria. Geralmente, isso é feito a partir da transmissão desses sinais, por meio das antenas do veículo (BERGMANN et al., 2013; LI et al., 2015; OGIHARA et al., 2015). A partir dessas informações, é possível verificar o estado de carga da bateria, o desempenho do processo de transferência de energia, entre outros. Logo, durante a docagem, se as antenas do AUV ficarem expostas na superfície, a transferência desses dados poderia ocorrer concomitantemente com o período de carga

das baterias. Outra vantagem do sistema IPT é a possibilidade de redução do peso do AUV, uma vez que pode-se usar uma bateria de menor capacidade e recarregá-la mais vezes sem o veículo ser retirado da água.

Alguns desafios atuais para aplicação de IPT em veículos AUV estão associados à necessidade de medição e transmissão das grandezas secundárias do TNS para fins de controle de tensão, fluxo de potência, ou obtenção de máximo rendimento. De fato, um sistema que permite o controle dessas grandezas somente com medições de entrada poderia simplificar os circuitos existentes no interior do AUV, diminuindo-se custos com sensoriamento e transmissão de dados.

Nesse contexto, o objetivo principal desta tese é implementar um sistema IPT em baixas frequências, com um TNS capaz de recarregar a bateria de um sistema subaquático. Adicionalmente, a fim de propor soluções para as limitações da aplicação de IPT em veículos AUV mencionadas anteriormente, principalmente com relação à necessidade de medição e transmissão de grandezas secundárias para maximizar o rendimento do transformador, os objetivos específicos desta tese são:

- Estudar o comportamento de transformadores de núcleo separado em regime permanente, identificando suas principais características;
- Desenvolver um protótipo, em laboratório, de um transformador de núcleo separado de geometria E-E;
- Implementar uma fonte com saída em tensão de frequência variável para alimentação do transformador;
- Estimar os parâmetros do transformador construído e elaborar um modelo matemático equivalente: nesta tese a determinação de parâmetros é realizada com ensaios em vazio e em curto circuito. Porém, adaptou-se a metodologia tradicional, empregando-se dois ensaios em vazio. Assim, é possível estimar os parâmetros do TNS incluindo-se a resistência que modela as perdas no núcleo, normalmente desprezada na literatura;
- Investigar possíveis formas de aumentar a eficiência do sistema, mediante o conhecimento adquirido nos itens anteriores: nesta tese isso é realizado com inclusão de capacitâncias em série e paralelo no transformador. Diferentemente da literatura, os valores de capacitâncias são projetados por meio de um estudo de otimização.
- Estudar o comportamento do sistema para variações no entreferro;

- Investigar soluções para compensar os efeitos das variações de parâmetros, produzidas pelo entreferro, na tensão de saída e no rendimento do TNS: na literatura encontram-se propostas que utilizam casamento de impedâncias a partir do controle de tensão CC nos lados primário e secundário. Nesta tese, por outro lado, propõe-se utilizar a frequência de excitação da tensão de saída do inversor d primário como variável de controle;
- Investigar e implementar soluções para o item anterior realizando medições somente no primário do TNS: encontra-se na literatura o trabalho de Orekan, Zhang e Shih (2018) que propõe o rastreamento do ponto de máximo rendimento com medições somente no lado primário. No entanto, é necessário estimar em tempo real a fator de acoplamento entre as bobinas. No o desenvolvimento desta tese, no entanto, é proposto o rastreamento do máximo rendimento, também com medições somente do primário, em que não é necessário estimar o fator de acoplamento. Isso é realizado estimando-se o valor da resistência do enrolamento primário do TNS em função da frequência de excitação, que é um resultado da etapa de determinação de parâmetros;
- Implementar experimentalmente o sistema proposto, verificando o funcionamento conforme esperado no projeto de compensação;
- Estudar o comportamento do sistema para alimentação em tensão senoidal e tensão retangular;
- Adaptar o sistema com água salgada para verificação do comportamento do TNS.

### 1.5 ORGANIZAÇÃO DA TESE

No Capítulo 2 são discutidas as principais características de um transformador de núcleo separado. Para isso, é apresentado o modelo matemático do TNS e uma metodologia de determinação de parâmetros baseada em testes em vazio e em curto. Para verificar a aplicabilidade da metodologia, esses ensaios foram empregados em um TNS construído em laboratório.

O Capítulo 3 traz um estudo sobre a compensação de parâmetros do TNS, por meio de capacitâncias no primário e secundário, a fim de aumentar a eficiência e a tensão de saída. Adicionalmente, é apresentado um estudo de otimização da compensação de parâmetros.

No Capítulo 4 o sistema de alimentação e carga são descritos como um todo e resultados experimentais demonstram seu funcionamento nas condições avaliadas no Capítulo 3.

No Capítulo 5 é apresentado um estudo do comportamento do TNS compensado sob variações no entreferro e, em seguida, uma estratégia para o rastreamento da máxima eficiência do transformador, por meio do controle da frequência de excitação, é proposta para melhorar o desempenho do sistema.

No Capítulo 6 é realizado um estudo com alimentação do TNS em onda retangular.

No Capítulo 7 são apresentadas as principais conclusões deste trabalho, bem como propostas para desenvolvimentos futuros.

#### 2 O TRANSFORMADOR DE NÚCLEO SEPARADO (TNS)

Conforme mencionado anteriormente, a transferência de energia elétrica para alimentar um AUV pode ser feita através de um transformador cujo núcleo é separado por um entreferro. Este transformador, o TNS, é o elemento de interface entre a estação de docagem e o AUV. Neste trabalho, um núcleo de ferrite com geometria EE foi adotado para o projeto do TNS. Este tipo de geometria é facilmente encontrada comercialmente. Além disso, ela proporciona um menor fluxo de dispersão (mesmo na ausência de blindagem eletromagnética) e permite transferir energia com boa eficiência (HAIBING et al., 2016). Já o material de ferrite apresenta baixas perdas por correntes induzidas, sobretudo em baixas frequências. Vale salientar que, além da geometria EE, outros tipos de geometrias podem ser utilizadas em sistemas IPT de uma forma geral, tais como a UU, a *pot core*, entre outras. Para aplicações em frequências da ordem de centenas de quilo Hertz, o uso de bobinas planares em formato de espiral e sem núcleo também é comum na literatura.

Nas Figuras 7 (a) e (b) são mostradas as diferenças construtivas em relação à distribuição das bobinas primária e secundária de um transformador convencional e de um TNS com núcleo do tipo EE, respectivamente.

Além da disposição diferente das bobinas, os TNS apresentam valores mais baixos do fluxo de magnetização e mais elevados dos fluxos de dispersão dos enrolamentos primário e secundário, quando comparados com os transformadores convencionais (PEDDER; BROWN & SKINNER, 1999; BINGYI; HONGBIN & GUIHONG, 2005; ZHIXIN et al., 2010; MISKIEWICZ; MORADEWICZ & KAZMIERKOWSKI, 2011). Essa característica, causada pelo entreferro elevado, faz com que a ordem de grandeza da impedância de magnetização se aproxime da impedância de dispersão, forçando o TNS a operar com correntes mais elevados da impedância de dispersão, forçando o TNS a operar com correntes mais elevados da impedância de dispersão também afetam a regulação de tensão do TNS (PEDDER; BROWN & SKINNER, 1999; MISKIEWICZ; MORADEWICZ & KAZMIERKOWSKI, 2011).

Figura 7: (a) Transformador convencional com dois enrolamentos no mesmo carretel; (b) TNS com um carretel para cada enrolamento.



Para contornar esses problemas e aumentar a eficiência do processo de transferência de energia entre os dois enrolamentos do TNS, alguns trabalhos empregam frequências de excitação elevadas, maiores que 100 kHz (NISHIMURA et al., 1994; PEDDER; BROWN & SKINNER, 1999; ZHANG et al., 2009; GRIFFIN & DETWEILER, 2012; KIM et al., 2001; ABE; SAKAMOTO & HARADA, 2000). Nessas aplicações o entreferro do TNS é preenchido com ar.

Além disso, alguns trabalhos empregam *softwares* dedicados de análise de distribuição do fluxo magnético para otimizar o projeto do transformador, com base nas suas dimensões, tipos de núcleos e formato de bobinas, a fim de aumentar o fator de acoplamento do TNS, envolvendo também aplicações com bobinas sem núcleo e fracamente acopladas (BINGYI; HONGBIN & GUIHONG, 2005; FERNANDES & OLIVEIRA, 2013; FERNANDES & OLIVEIRA, 2015). O estudo realizado nesta tese, no entanto, utiliza somente a geometria EE.

O sistema IPT implementado nesta tese é apresentado simplificadamente pelo diagrama de blocos da Figura 8.

A parte que compõe a estação de docagem é formada por um conversor CC-CA inversor (estágio ii), cujos terminais de entrada são alimentados por um conversor CA-CC retificador não controlado (estágio i) com filtro a capacitor, que poderia ser ligado a um pequeno diesel gerador, ou diretamente por uma bateria carregada. Um filtro



Figura 8: Sistema de carga de bateria sem contato com transformador de núcleo separado.

passivo (estágio *iii*) é usado para mitigar os harmônicos de comutação da tensão do conversor, a fim de alimentar o enrolamento primário do TNS com tensão senoidal. Alternativamente, o transformador poderia ser alimentado com tensão retangular, o que dispensaria o estágio *iii* (no Capítulo 6 é feito um estudo com alimentação em onda retangular). Ainda no lado da estação de docagem, capacitâncias de compensação (estágio iv) são conectadas no primário do TNS. Do outro lado, no interior do AUV, o enrolamento secundário do TNS, seguido também de capacitâncias de compensação (estágio v), é conectado a um conversor CA-CC (estágio vi), seguido de um conversor CC-CC elevador com Correção do Fator de Potência (do inglês, Power Factor Correction) (PFC) (estágio vii). Finalmente, um barramento CC é conectado a um conversor CC-CC abaixador (estágio viii) que, por sua vez, é o controlador de carga da bateria do veículo. Cabe ressaltar aqui que, apesar de na implementação experimental deste trabalho terem sido empregados os estágios vii e viii separadamente (a partir de um módulo conversor já disponível em laboratório), é possível implementar essas etapas em um único estágio. Essa simplificação pode trazer ganhos no rendimento global do sistema IPT.

### 2.1 PARÂMETROS DE PROJETO

Na Figura 9 é mostrada uma fotografia do protótipo em pequena escala do TNS construído em laboratório. Foi usada a metodologia apresentada em (MCLYMAN, 2011) para projetar o TNS, cujas principais características são listadas na Tabela 2. Uma descrição dessa metodologia de projeto é realizada no Apêndice A.

Conforme pode-se observar na Tabela 2, um núcleo de ferrite foi utilizado com o objetivo de diminuir as perdas magnéticas. Além disso, projetou-se o TNS com relação de espiras unitária. A fim de diminuir as perdas por condução nos enrolamentos em função do efeito de proximidade (MCLYMAN, 2011), optou-se por confeccionar as Figura 9: Fotografia do protótipo em pequena escala do transformador de núcleo separado.



Fonte:Autor.

Tabela 2. Características de Frojeto do TNS.				
Parâmetro	Valor			
Potência ativa de saída (W)	100			
Tensão eficaz de entrada (V)	35			
Relação de espiras	1:1			
Número de espiras	$120 \; (4 \text{xAWG-} 24)$			
Frequência (Hz)	500-5000			
Tipo de núcleo	$\mathrm{EE}$			
Material do núcleo	Ferrite - $IP12R$			
Modelo do núcleo	NEE-65-33-26 (Thornton)			

Tabela 2: Características de Projeto do TNS.

Fonte:Autor.

espiras com fio *litz* (SULLIVAN & ZHANG, 2014). Com efeito, cada espira do TNS é formada por 4 fios AWG 24 (o equivalente a um fio AWG 18, cuja área satisfaz à capacidade de corrente). Embora o fio AWG 18 atenda à condição de frequência para o efeito pelicular (limite de 17 kHz) (MCLYMAN, 2011), a escolha pelo fio *litz* foi realizada com o auxílio do estudo de caso apresentado na sequência a partir do *software* FEMM. Uma breve discussão sobre os efeitos pelicular e de proximidade é realizada brevemente no Apêndice B e maiores detalhes sobre esses efeitos podem ser encontrados em (MCLYMAN, 2011; GUEDES, 2013).

Por meio do *software* FEMM (*Finite Element Method Magnetics*), desenvolvido por Meeker (2013), foi realizado um estudo preliminar que compara as perdas por condução nas bobinas do TNS entre quatro configurações de enrolamentos: 1 fio AWG 18; 2 fios AWG 21, 4 fios AWG 24; 8 fios AWG 27. Em todas as configurações foi considerada uma corrente de 4 A (valor de pico) por espira. Adicionalmente, foi criada uma superfície de entreferro com propriedades de água salgada, a fim de se avaliar as perdas por correntes induzidas em água salgada. O sistema simulado é ilustrado na Figura 10 e as principais configurações de simulação estão listadas na Tabela 3. Na Figura 10, é apresentada a etapa de pré-processamento (a), na qual foram inseridas as dimensões do núcleo, das bobinas e da superfície de água do TNS, ao passo que na etapa de pós-processamento, podem ser visualizados a distribuição das linhas de fluxo (b) e os valores de densidade de fluxo magnético no problema (c).

Figura 10: Simulação no FEMM: (a) Definição do problema (pré-processamento); (b) Distribuição da densidade de fluxo no problema (pós-processamento); (c) Valores de densidade de fluxo magnético em Tesla (pós-processamento).





Para cada configuração, foram mensuradas as perdas nos enrolamentos e no entreferro (superfície de água salgada), variando-se a frequência de excitação até a frequência limite para evitar o efeito pelicular: 17 kHz para o AWG18, 33 kHz para o AWG21, 68 kHz para o AWG24 e 130 kHz para o AWG27. Esses limites podem ser calculados com auxílio de (MCLYMAN, 2011).

Para modelar a superfície de água salgada e medir as perdas no entreferro, é necessário inserir a condutividade do meio. No caso da água do mar, os valores típicos de condutividade variam entre 4S/m a 5S/m (LEWIS, 1966; LIN, 1990). Para esta simulação adotou-se o valor de 4S/m, o mesmo utilizado no trabalho de Cheng et al. (2015). Os resultados são apresentados na Figura 11, na qual se pode observar o valor

Campo	Tipo/Valor
Tipo de problema	Planar
Unidade de comprimento	milímetros
Solver Precision	$10^{-8}$
Profundidade $(Depth)$	26 mm (profundidade do núcleo)
Min Angle	$30^{\circ}$
AC Solver	Succ. Approx
Permeabilidade relativa do núcleo $(\mu_x \in \mu_y)$	2000
Coercitividade do núcleo	18 A/m
Permeabilidade relativa da água do mar $(\mu_x \in \mu_y)$	1
Condutividade elétrica da água do mar	4 S/m
Condição de contorno	A = 0 Wb/m
	Núcleo: 2,5 mm
Tamanho da malha	Condutores: $0,1 mm$
(Mesh size)	Água salgada: 2,0 $mm$
	Ar: 3,0 mm

Tabela 3: Configurações de simulação no FEMM.

Fonte:Autor.

da perda AC por enrolamento para cada configuração, bem como a perda no entreferro de água salgada em função da frequência de excitação. O valor limite de frequência para evitar o efeito pelicular é indicado pelo caractere "\*".

Figura 11: Perdas por enrolamento em função da frequência para uma corrente de 4 A (valor de pico). Simulação no FEMM.



O estudo de caso mostra que o uso do fio *litz* pode amenizar o efeito de proximidade entre os condutores, reduzindo as perdas por condução nos enrolamentos. Nota-se ainda que as perdas diminuem à medida que se aumenta o número de fios. Logo, a fim de verificar a influência do fio *litz* na resistência de enrolamento, durante o desenvolvimento desta tese foram confeccionadas bobinas do TNS nas configurações 1xAWG18, 2xAWG21 e 4xAWG24. Não foi possível, por questões práticas, confeccionar as configurações a partir de 8 fios, pois o fio *litz* aumenta o fator de ocupação na janela do núcleo, dificultando (ou impedindo) o encaixe do carretel no mesmo.

Por inspeção da Figura 11, optou-se por utilizar a configuração de 4xAWG24, conforme consta na Tabela 2. Posteriormente, por meio da metodologia de determinação de parâmetros que será apresentada na sequência deste capítulo, as diferenças nos valores de resistências dos enrolamentos nas configurações 1xAWG18, 2xAWG21 e 4xAWG24, bem como seu comportamento em função da frequência de excitação, estão comparadas na Figura 12. É importante ressaltar que embora a configuração 1xAWG18 seja suficiente para atender à restrição do efeito pelicular e ofereça um menor custo ao projeto, esta não se mostra a melhor escolha para diminuir o efeito de proximidade. Por esse motivo, os desenvolvimentos relacionados com IPT normalmente utilizam do fio *litz*, sobretudo em frequências mais elevadas.



Figura 12: Comportamento da resistência de enrolamento do TNS em função da frequência.

Fonte:Autor.

Em outro cenário, observa-se na Figura 11 que as perdas na água se apresentaram mais significativas a partir dos 100 kHz. Portanto, o modelo matemático em baixas frequências pode desconsiderar os efeitos das perdas na água, sem trazer erros significativos.

Para a verificação desse comportamento, foi construído um recipiente para comportar água salgada, cujas dimensões são semelhantes às utilizadas na simulação da Figura 10. Na Figura 13 é apresentada uma fotografia do TNS com o recipiente de água salgada, através dos quais foram feitos testes de alimentação na frequência de projeto. Como resultado, não foram observadas diferenças significativas na potência de entrada do transformador construído, em condições de alimentação semelhantes, comparando-se operação com entreferro seco e aquoso.





Fonte:Autor.

Quando, porém, o sistema da Figura 10 é simulado com correntes mais elevadas (reproduzindo condições de maiores potências), as perdas na água crescem significativamente com a frequência, conforme pode ser observado na Figura 14.

Esse comportamento mostra que a influência do meio aquoso na eficiência do sistema varia com a frequência de operação, nível de potência, além da geometria, volume de água no entreferro etc. Neste sentido, Guidi et al. (2017) recomendam que em apliFigura 14: Perdas na água salgada em função da frequência para diferentes valores de corrente no enrolamento. Simulação no FEMM.



cações com elevada potência, como é o caso de submarinos e navios de carga, o uso de frequências mais baixas, entre 2 kHz e 8 kHz, é mais adequado. Segundo os mesmos autores, a escolha da faixa de frequências de operação também é influenciada por uma preferência no uso de conversores a IGBT, em virtude da sua aplicação em potências mais elevadas. Embora não haja ainda uma padronização para a escolha da frequência de excitação em sistemas IPT para aplicações em meio aquoso, a maior parte dos trabalhos encontrados inclinam-se para o uso em frequências mais baixas em relação às aplicações no ar.

Outra limitação relacionada com a escolha da frequência de excitação é o modo de funcionamento do conversor no secundário do transformador. Se o objetivo for garantir fator de potência unitário na saída do TNS e sintetizar correntes senoidais no mesmo formato da tensão, fazendo com que a carga em sua saída seja equivalentemente resistiva, é necessário que o conversor pré-regulador de fator de potência opere com frequências mais elevadas que o inversor do primário. Logo, neste caso o estágio PFC no secundário pode limitar a frequência de operação do primário.

Como será visto na sequência desta tese, o estudo para compensação de parâmetros do transformador (Capítulo 3) considera que a carga no secundário é resistiva e alimentada com tensão senoidal. Para reproduzir essa condição, um módulo conversor da SEMIKRON disponível em laboratório foi utilizado, no lado secundário, para compor o estágio elevador/PFC. Este módulo, cujo modelo é o SKHI 22 B, também foi utilizado para realizar o estágio abaixador (controlador de carga) e pode ser comutado em frequência de até 50 kHz (recomendação do fabricante).

Neste sentido, a faixa de frequência de operação definida nesta tese para o TNS vai de 500 Hz até 5 kHz, sendo possível alterar a frequência de excitação na busca por um ponto de operação de maior eficiência, a despeito das variações no entreferro. Além disso, esta escolha assegura a operação do estágio pré-regulador de fator de potência, com liberdade para comutação em, pelo menos, uma década acima da frequência de excitação do primário, bem como permite que o sistema seja expandido para suprir potências mais elevadas sem que as perdas na água cresçam significativamente.

#### 2.2 CIRCUITO EQUIVALENTE DO TNS

Sob algumas restrições, o comportamento de um TNS pode ser analisado e caracterizado pelo mesmo modelo matemático empregado para transformadores tradicionais. O circuito equivalente da Figura 15 é um modelo matemático amplamente utilizado na literatura para transformadores monofásicos em baixas frequências e em regime permanente (CHAPMAN, 2005). Os parâmetros do ramo longitudinal correspondem às indutâncias de dispersão e resistências de enrolamento, ao passo que os parâmetros do ramo de magnetização (ramo transversal) estão representados pela resistência e indutância de magnetização do núcleo. Na prática, os transformadores são construídos de forma que o fluxo de dispersão tenha um valor muito menor que o de magnetização. Como consequência, o ramo de magnetização possui uma impedância muito maior que o ramo longitudinal. No caso de um TNS, contudo, devido ao entreferro, os valores das impedâncias dos ramos longitudinal e transversal do circuito equivalente da Figura 15 podem ser da mesma ordem de grandeza (LOPES & BARBOSA, 2014). Essa característica impede a utilização direta de medições obtidas nos ensaios de circuito aberto e curto circuito para determinar os parâmetros do TNS (LOPES & BARBOSA, 2014).

É importante ressaltar que o circuito equivalente da Figura 15 deve ser corrigido em aplicações cuja frequência é muito elevada (da ordem dos MHz), devido ao efeito de capacitâncias parasitas entre as bobinas do transformador (IEEE..., 1987). Todavia, como será mostrado nos capítulos posteriores, ele pode ser utilizado para reproduzir o comportamento do TNS em baixas frequências. Outros modelos matemáticos que contém somente resistências e indutâncias (próprias e mútuas) também são comumente usados em IPT. No caso de frequências mais elevadas, da ordem dos MHz por exemplo, os modelos consideram ainda as capacitâncias entre as bobinas, como é o caso do trabalho de Sample, Meyer e Smith (2011).

Vale salientar também que os procedimentos realizados neste capítulo para a determinação de parâmetros são válidos enquanto o transformador operar na região linear da curva de magnetização do núcleo (KRAUSE; WASYNCZUK & SUDHOFF, 2002). Sendo assim, garantindo-se que a densidade de fluxo não sature o material do núcleo e esteja na região linear da curva de histerese do material, o modelo matemático do TNS será composto por parâmetros lineares. Essas considerações devem ser respeitadas no momento do projeto e são facilmente atendidas devido ao entreferro significativo do TNS.

Figura 15: Circuito equivalente do TNS em regime permanente para baixas frequências referido ao primário. O termo "a" é a relação de espiras.



Fonte:Autor.

### 2.3 DETERMINAÇÃO DOS PARÂMETROS DO CIRCUITO EQUI-VALENTE DO TNS

Como as impedâncias do ramo longitudinal do TNS têm a mesma ordem de grandeza da impedância do ramo transversal, não se pode desprezar a queda de tensão sobre o ramo longitudinal no ensaio a vazio, tão pouco desconsiderar a corrente pelo ramo transversal no ensaio de curto circuito (LOPES & BARBOSA, 2014). Desta forma, para estimar os parâmetros do circuito equivalente da Figura 15 são realizados três ensaios:

- i. Ensaio com o enrolamento secundário aberto (alimentação pelo primário);
- ii. Ensaio com o enrolamento primário aberto (alimentação pelo secundário);
- iii. Ensaio com o enrolamento secundário em curto circuito (alimentação pelo primário);

Para realizar os testes no TNS, uma fonte foi implementada experimentalmente. Um Inversor Fonte de Tensão (do inglês, *Voltage Source Inverter*) (VSI), controlado no modo de tensão, foi usado para excitar o TNS com uma tensão senoidal de frequência variável entre 500 Hz e 5000 Hz.

Na Figura 16 é mostrado o diagrama esquemático do circuito da fonte de alimentação. Por simplicidade, um autotransformador com relação de espiras ajustável foi utilizado para alimentar o circuito.



O conversor é comutado em 20 kHz, a partir de uma estratégia de comutação PWM senoidal unipolar implementada em um DSP da TMS320F28335 da *Texas Instruments*. A utilização dessa plataforma digital foi feita para permitir variação da frequência do sinal da fundamental. Um filtro *LC*, com frequência de corte de aproximadamente 16 kHz, foi conectado entre os terminais do conversor e do TNS para mitigar o efeitos provocados pelos harmônicos oriundos da comutação do VSI (JR, 2012).

A descrição das etapas da metodologia desenvolvida para determinar os parâmetros do TNS é apresentada a seguir. Em todos ensaios são medidos a potência ativa, tensão, corrente e o fator de potência nos terminais pelos quais o TNS foi alimentado.

#### 2.3.1 ENSAIO COM O ENROLAMENTO SECUNDÁRIO EM VAZIO

Tendo em mente o circuito equivalente da Figura 15, é possível escrever as seguintes relações quando realiza-se o ensaio com os terminais do enrolamento secundário abertos:

$$R_{eq_1} = R_p + \left(\frac{R_c \ \omega^2 L_M^2}{R_c^2 + \omega^2 L_M^2}\right) = \frac{P_{vz_1}}{I_{vz_1}^2}$$
(2.1)

e,

$$X_{eq_1} = \omega L_p + \left(\frac{R_c^2 \omega L_M}{R_c^2 + \omega^2 L_M^2}\right) = \frac{\sqrt{(V_{vz_1} I_{vz_1})^2 - P_{vz_1}^2}}{I_{vz_1}^2}$$
(2.2)

onde  $R_p$  e  $L_p$  são a resistência e a indutância de dispersão do enrolamento do primário;  $R_C$  é a resistência que modela as perdas no núcleo e  $L_M$  é a indutância de magnetização, ambas referidas ao lado do enrolamento primário;  $\omega$  é a frequência angular de teste;  $P_{vz_1}$ ,  $V_{vz_1}$  e  $I_{vz_1}$  são potência ativa, tensão e corrente, respectivamente, medidas nos terminais primário para o enrolamento secundário em aberto.

#### 2.3.2 ENSAIO COM O ENROLAMENTO PRIMÁRIO EM VAZIO

De forma análoga, é possível pode-se escrever as seguintes relações quando realiza-se o ensaio com os terminais do enrolamento primário abertos:

$$R_{eq_2} = R_s + \left(\frac{R_c \ \omega^2 L_M^2}{R_c^2 + \omega^2 L_M^2}\right) = \frac{P_{vz_2}}{I_{vz_2}^2}$$
(2.3)

e,

$$X_{eq_2} = \omega L_s + \frac{1}{a^2} \left( \frac{R_c^2 \omega L_M}{R_c^2 + \omega^2 L_M^2} \right) = \frac{\sqrt{(V_{vz_2} I_{vz_2})^2 - P_{vz_2}^2}}{I_{vz_2}^2}$$
(2.4)

onde  $R_s$  e  $L_s$  são a resistência e a indutância de dispersão do enrolamento do secundário;  $P_{vz_2}$ ,  $V_{vz_2}$  e  $I_{vz_2}$  são potência ativa, tensão e corrente, respectivamente, medidas nos terminais secundário para o enrolamento primário em aberto. O termo "a" é a relação de espiras do transformador.

## 2.3.3 ENSAIO COM O ENROLAMENTO SECUNDÁRIO EM CURTO CIRCUITO

Fechando-se os terminais de saída do circuito equivalente da Figura 15 em curtocircuito, a expressão que descreve o comportamento da impedância equivalente vista pelos terminais de entrada é dada por:

$$Z_{eq_3} = R_{eq_3} + jX_{eq_3} = (R_p + j\omega L_p) + \left[\frac{1}{R_C} + \frac{1}{j\omega L_M} + \frac{1}{a^2 (R_s + j\omega L_s)}\right]^{-1}$$
(2.5)

onde,

$$R_{eq_3} = \frac{P_{sc_1}}{I_{sc_1}^2} \tag{2.6}$$

e,

$$X_{eq_3} = \frac{\sqrt{(V_{sc_1}I_{sc_1})^2 - P_{sc_1}^2}}{I_{sc_1}^2}$$
(2.7)

onde  $P_{sc_1}$ ,  $V_{sc_1}$  e  $I_{sc_1}$  são potência ativa, tensão e corrente, respectivamente, medidas nos terminais do primário com o enrolamento secundário em curto.

# 2.4 RESOLUÇÃO DO SISTEMA

Pode-se agora determinar os parâmetros do circuito equivalente do TNS reescrevendo as equações anteriores na forma:

$$R_p(R_c, L_M) = R_{eq1} - \frac{R_c \omega^2 L_M^2}{R_c^2 + \omega^2 L_M^2},$$
(2.8)

$$L_p(R_C, L_M) = \frac{X_{eq1}}{\omega} - \frac{1}{\omega} \left( \frac{R_c^2 \omega L_M}{R_c^2 + \omega^2 L_M^2} \right), \qquad (2.9)$$

$$R_s(R_C, L_M) = R_{eq2} - \frac{1}{a^2} \left( \frac{R_c \omega^2 L_M^2}{R_c^2 + \omega^2 L_M^2} \right), \qquad (2.10)$$

$$L_s(R_C, L_M) = \frac{X_{eq2}}{\omega} - \frac{1}{\omega a^2} \left( \frac{R_c^2 \omega L_M}{R_c^2 + \omega^2 L_M^2} \right), \qquad (2.11)$$

$$R_{eq3} = \Re e \left\{ Z_p + \left[ \frac{1}{\frac{1}{R_C} + \frac{1}{(j\omega L_M)} + \frac{1}{a^2(R_s + j\omega L_s)}} \right] \right\},$$
(2.12)

e,

$$X_{eq3} = \Im m \left\{ Z_p + \left[ \frac{1}{\frac{1}{R_C} + \frac{1}{(j\omega L_M)} + \frac{1}{a^2(R_s + j\omega L_s)}} \right] \right\}.$$
 (2.13)

onde  $R_{eq1}$ ,  $X_{eq1}$ ,  $R_{eq2}$ ,  $X_{eq2}$ ,  $R_{eq3}$  e  $X_{eq3}$  são as resistências e reatâncias equivalentes obtidas com associações série e paralelo dos elementos do circuito equivalente do TNS para os terminais secundário e primário abertos e o terminal secundário em curto circuito, respectivamente. O termo *a* é relação de espiras do TNS e os símbolos  $\Re e\{.\}$ e  $\Im m\{.\}$  representam os operadores real e imaginário, nesta ordem.

## 2.5 VERIFICAÇÃO DOS RESULTADOS DA METODOLOGIA DE DE-TERMINAÇÃO DE PARÂMETROS

Aplicando a metodologia, os parâmetros do TNS foram determinados para diferentes valores de entreferro e de frequência de excitação. Na sequência será apresentado o resultado para o entreferro de 5 mm e frequência de 2000 Hz. A Tabela 4 apresenta as grandezas colhidas durante os ensaios e a Tabela 5 exibe os valores dos parâmetros determinados pela metodologia. Todas as medições foram realizadas utilizando o medidor digital de potência modelo WT230 da *Yokogawa*.

Tabela 4: Medições relativas aos ensaios de circuito aberto (enrol. primário e secundário) e curto circuito (enrol. secundário) para frequência de teste de 2000 Hz

Tipo de ensaio	P (W)	V(V)	I (A)	$\mathbf{R_{eq_k}}\left( \Omega  ight)$	$\mathbf{X_{eq_k}}\left( \Omega  ight)$	
Secundário aberto	0,500	35,012	0,919	0,592	38,097	
Primário aberto	0,500	34.622	0,916	$0,\!586$	$37,\!678$	
Secundário em curto	$30,\!557$	$0,\!830$	1,107	$0,\!677$	$27,\!585$	
Fonte:Autor.						

A análise dos valores obtidos na Tabela 5 mostra uma proximidade entre os parâmetros dos enrolamentos primário e secundário. Essa característica é explicada pela escolha da relação de transformação unitária. Adicionalmente, o valor elevado da resistência  $R_C$ , que modela as perdas no núcleo, possibilita que esse parâmetro possa ser desprezado, sobretudo para a operação do TNS em baixas frequências.

Grandeza	Valor		
$R_p(\Omega)$	0,518		
$R_s (\Omega)$	0,511		
$L_p (\mathrm{mH})$	1,448		
$L_s (\mathrm{mH})$	1,415		
$L_M (\mathrm{mH})$	1,584		
$R_C \ (k\Omega)$	5,316		
Fonte:Autor.			

Tabela 5: Parâmetros Estimados do TNS (entreferro de 5 mm)

Analisando o circuito equivalente com os parâmetros listados na Tabela 5, foram obtidas as grandezas da Tabela 6 que compara as grandezas medidas nos ensaios com os resultados do modelo matemático. É importante ressaltar que os resultados do modelo matemático apresentaram diferenças mais significativas, comparadas com o circuito real, a partir da quarta casa decimal. Na Tabela 6, os valores foram arredondados para a terceira casa decimal.

	Ensaic	o em vazio	Ensaio em curto			
Grandeza	Circuito	Modelo	Circuito	Modelo		
	real	matemático	real	matemático		
Tensão de entrada (V)	35,012	35,012	30,557	$35,\!557$		
Tensão de saída (V)	18,229	18,289	0	0		
Corrente de entrada (A)	0,919	0,919	1,107	1,107		
Corrente de saída (A)	0	0	0,585	0,585		
Potência ativa de entrada (W)	0,500	0,500	$0,\!830$	0,828		
Fator de potência de entrada	0,016	0,016	0,025	0,025		
Fonte:Autor.						

Tabela 6: Resultados dos ensaios com protótipo e com o circuito equivalente para frequência de 2000 Hz

2.6 COMPORTAMENTO DAS INDUTÂNCIAS DO TNS EM FUNÇÃO DO ENTREFERRO

Na Figura 17 é mostrado o comportamento da indutância de magnetização e das indutâncias de dispersão em função do entreferro para uma frequência da fonte de alimentação de 2000 Hz. É importante mencionar que, embora as indutâncias sejam influenciadas pelo entreferro, elas não se alteram significativamente no intervalo de frequências de projeto do TNS. Isso foi verificado realizando-se os ensaios no transformador para diferentes frequências entre 500 Hz e 5000 Hz. A Figura 88, do Apêndice C, apresenta o comportamento das indutâncias em função da frequência para o TNS com entreferro fixo em 5 mm.

A análise das curvas exibidas na Figura 17 mostra que o valor da indutância de magnetização decai hiperbolicamente à medida que o entreferro aumenta. Já as indutâncias de dispersão dos enrolamentos primário e secundário crescem com o aumento do entreferro, assemelhando-se ao comportamento de uma função logarítmica (ZHIXIN et al., 2010). É importante destacar que para valores de entreferro superiores a 5 mm, o valor da indutância de magnetização do TNS fica menor do que a de dispersão, o que representa uma característica atípica para um transformador convencional. A fim de elucidar a influência das indutâncias na capacidade de transferência de potência e no rendimento do TNS, na Figura 18 é apresentado o comportamento da tensão eficaz de saída e do rendimento do TNS, em função da frequência, na condição de entreferro igual a 5 mm, para diferentes valores de resistência de saída.

Percebe-se, neste estudo, que o TNS possui tensão de saída fortemente variável com a carga: à medida que a resistência de saída diminui, o mesmo ocorre com a tensão, ao passo que quando a resistência aumenta, a tensão também aumenta. Essa é uma



Figura 17: Comportamento das indutâncias  $L_M,\,L_p$  <br/>e $L_s$ do TNS em função do entreferro.

Figura 18: Tensão eficaz de saída e rendimento para o TNS, com um entreferro de 5 mm, e em função da frequência de alimentação.



Fonte:Autor.

característica típica do sistema IPT. Esse resultado mostra que se esses parâmetros não forem compensados, dificilmente o transformador será capaz de atender uma determinada carga. Além disso, a eficiência será significativamente afetada. Neste estudo, a tensão de alimentação do TNS corresponde a 35 V.

#### 2.7 CONCLUSÕES PARCIAIS

Neste capítulo foi mostrado que o modelo matemático tradicional utilizado para caracterizar um transformador também pode ser aplicado para verificar e estudar um TNS. Conforme foi apresentado, a metodologia de determinação dos parâmetros do TNS permitiu investigar grandezas do transformador para diferentes valores de entreferro. Neste sentido, foi verificado que o aumento do entreferro provoca uma diminuição no valor da indutância de magnetização, ao passo que as indutâncias de dispersão aumentam de valor. Essa característica das indutâncias de magnetização e dispersão compromete a eficiência do sistema proposto, já que a regulação de tensão e as perdas por efeito *Joule* do TNS são fortemente influenciadas pelo entreferro variável. No próximo capítulo, serão apresentadas e discutidas estratégias de compensação dos parâmetros do TNS com objetivo de compensar a queda de tensão nas indutâncias de dispersão e aumentar a eficiência do processo de transferência indutiva (PEDDER; BROWN & SKINNER, 1999).

E importante mencionar também que as resistências  $R_p \in R_s$  não são alteradas pelo entreferro, como pode ser verificado na Figura 87 (Apêndice C). Em contrapartida, os efeitos pelicular e de proximidade provocam alterações nos valores das resistências dos enrolamentos primário e secundário, em função da frequência variável. Os valores das resistências  $R_p \in R_s$  foram determinados experimentalmente para frequências compreendidas entre 500 Hz e 5000 Hz e estão apresentados na Tabela 14 (Apêndice C). Devido à faixa estreita de variação da frequência, pode-se facilmente ajustar funções matemáticas para representar o comportamento dessas resistências em função da frequência. Esse comportamento foi considerado na rotina de otimização e no rastreamento de máxima eficiência que serão discutidos na sequência.

#### **3 COMPENSAÇÃO DE PARÂMETROS**

Existem, basicamente, quatro tipos de compensação que podem ser empregadas no TNS: (i) compensação paralela do enrolamento primário; (ii) compensação série do enrolamento primário; (iii) compensação paralela do enrolamento secundário, (iv) compensação série do enrolamento secundário (LOPES et al., 2014; STIELAU & COVIC, 2000). Em grande parte dos trabalhos da literatura, o emprego dessas compensações acontece aos pares, como por exemplo, compensação Paralelo-Paralelo (PP), compensação Paralelo-Série (PS), compensação Série-Série (SS) e compensação Série-Paralelo (SP) (STIELAU & COVIC, 2000; FERNANDES, 2015). Nesses casos, os valores das capacitâncias do primário e do secundário são projetados para produzir uma ressonância com as indutâncias próprias dos enrolamentos primário e secundário, respectivamente (STIELAU & COVIC, 2000; FERNANDES, 2015).

Na Figura 19 são mostradas as quatro compensações conectadas ao circuito equivalente do TNS. Neste caso, os capacitores para compensação estão conectados em derivação e em série com os terminais de entrada e saída e todas as impedâncias do modelo estão referenciadas ao lado do primário do transformador.

Figura 19: Circuito equivalente do TNS, em regime permanente, com capacitâncias paralela no primário  $(C_{pp})$ , série no primário  $(C_{sp})$ , série no secundário  $(C_{ss})$ , paralela no secundário  $(C_{ps})$  e resistência equivalente de saída.



#### Fonte:Autor.

E importante ressaltar que a resistência  $R_L$  conectada nos terminais de saída do circuito da Figura 19 representa a carga equivalente na saída do TNS que, no sistema

completo, é formada por um estágio retificador não controlado, um conversor CC-CC elevador e PFC, seguido por um conversor CC-CC abaixador controlador de carga (LOPES et al., 2014), conforme ilustrado pela Figura 20. Assumindo um regime de condução contínua para o conversor PFC, pode-se fazer a aproximação mostrada sem introduzir erros significativos. A seguir serão discutidos os efeitos isolados de cada uma das compensações da Figura 19, para o TNS com relação de espiras unitária.

Figura 20: Representação da carga equivalente na saída do transformador de núcleo separado.



Fonte:Autor.

A compensação paralela do enrolamento primário tem como característica principal corrigir o fator de potência nos terminais da fonte de alimentação, considerando que a tensão de alimentação do TNS seja senoidal. Logo, do ponto de vista da fonte do circuito, a capacitância em paralelo no primário não causa efeito na tensão de saída e no rendimento (LOPES et al., 2014) e, portanto, não será considerada.

### 3.1 COMPENSAÇÃO SÉRIE NO PRIMÁRIO

A conexão do capacitor em série com o enrolamento primário do TNS permite compensar total ou parcialmente a queda de tensão sobre a indutância de dispersão, aumentando a tensão sobre a reatância de magnetização do TNS (LOPES et al., 2014). Com o aumento da tensão de saída, eleva-se a potência entregue à carga. No entanto, como as perdas no TNS também aumentam, não há alteração significativa no rendimento do transformador (LOPES et al., 2014). Para compensação total da queda de tensão na reatância de dispersão do primário, o valor da capacitância série deve permitir a ressonância com a indutância de dispersão do primário na frequência de excitação (CASSELL, 1964).

Desprezando o efeito da resistência que modela as perdas no núcleo, adotando uma relação de espiras unitária e considerando-se somente a capacitância  $C_{sp}$  do circuito da Figura 19, é possível escrever a equação da malha no primário do TNS, como se segue:

$$\dot{V}_{fonte} = \left(\frac{1}{j\omega C_{sp}}\right)\dot{I}_p + R_p\dot{I}_p + j\omega L_p\dot{I}_p + j\omega L_M\dot{I}_p - j\omega L_M\dot{I}_s \tag{3.1}$$

Isolando-se a corrente pelo enrolamento primário,  $I_p$ , tem-se:

$$\dot{I}_{p} = \frac{\dot{V}_{fonte} + j\omega L_{M}\dot{I}_{s}}{\left(\frac{1}{j\omega C_{sp}}\right) + R_{p} + j\omega L_{p} + j\omega L_{M}}$$
(3.2)

Aplicando a Lei de *Kirchhoff* das Tensões na malha formada pelo secundário, podese escrever:

$$\dot{V}_{saida} = -j\omega L_M \dot{I}_s + j\omega L_M \dot{I}_p - R_s \dot{I}_s - j\omega L_s \dot{I}_s$$
(3.3)

Alternativamente, a tensão de saída,  $V_{saída}$ , pode ser escrita na forma:

$$\dot{V}_{saida} = R_L \cdot \dot{I}_s \tag{3.4}$$

As equações (3.1) a (3.4) indicam que esse tipo de compensação afeta diretamente a tensão de saída. Portanto, resolvendo-se analiticamente esse sistema de equações, podem ser investigados o comportamento da tensão eficaz de saída e do rendimento do TNS compensado. Essas características podem ser verificadas na Figura 21, na qual são apresentados o comportamento da tensão eficaz de saída (parte superior) e o rendimento do TNS (parte inferior) em função de  $C_{sp}$  para três valores diferentes de resistência de saída (1, 10 e 100  $\Omega$ ). Os resultados apresentados consideram o modelo do TNS em 5 mm (Tabela 5), alimentado por uma fonte senoidal de 35 V com frequência de 2000 Hz.

Os resultados confirmam a influência que o valor da capacitância  $C_{sp}$  tem sobre a tensão de saída do transformador. Além disso, percebe-se que a tensão também varia com o valor da carga resistiva. No entanto, nota-se que o rendimento do TNS não foi influenciado por  $C_{sp}$ , mas somente pela carga.

É possível verificar esse comportamento por meio do circuito equivalente mostrado

Figura 21: Tensão eficaz de saída e rendimento para o TNS, com um entreferro de 5 mm e compensação série do primário, alimentado por uma fonte de tensão de 2000 Hz no primário.



Fonte:Autor.

na Figura 22, que contém somente a capacitância  $C_{sp}$ . A fim de simplificar a análise, o efeito da resistência que modela as perdas no núcleo foi desprezado.

Figura 22: Circuito equivalente na compensação série do primário.



Fonte:Autor.

Por meio da associação das impedâncias, o circuito da Figura 22 pode ser representado, equivalentemente, pelo circuito da Figura 23.

O circuito da Figura 23 contém uma resistência, uma capacitância e uma indutância equivalentes. A resistência é composta por três parcelas, conforme (3.5).

$$R_{eq} = R_p + \frac{\omega^2 L_M^2 R_s}{\left(\omega L_M + \omega L_s\right)^2 + \left(R_L + R_s\right)^2} + \frac{\omega^2 L_M^2 R_L}{\left(\omega L_M + \omega L_s\right)^2 + \left(R_L + R_s\right)^2}$$
(3.5)

A indutância e capacitância equivalentes são dadas por (3.6).

Figura 23: Circuito equivalente compensado reduzido.



Fonte:Autor.

$$\begin{cases} L_{eq} = L_p + \frac{L_M R_s^2 + L_M R_L^2 + 2L_M R_s R_L + \omega^2 L_M^2 L_s + \omega^2 L_M L_s^2}{(\omega L_M + \omega L_s)^2 + (R_L + R_s)^2} \\ C_{eq} = C_{sp} \end{cases}$$
(3.6)

Observando (3.5), percebe-se que a primeira parcela é a resistência do primário  $R_p$ . A segunda parcela, no entanto, (com termo  $R_s$  no numerador) não é a resistência  $R_s$ . Contudo, seu valor no circuito equivalente da Figura 23 modela a potência dissipada no enrolamento secundário. Já a terceira parcela (com  $R_L$  no numerador) modela a potência dissipada na carga. Sendo o circuito alimentado por  $\dot{V}_{fonte}$ , a tensão sob a resistência equivalente  $R_{eq}$  será  $\dot{V}_{Req}$ , conforme Figura 23. Como a tensão  $\dot{V}_{Req}$  divide-se proporcionalmente entre as parcelas da equação 3.5, e o mesmo ocorre com a potência ativa, pode-se determinar o rendimento por:

$$\eta = \frac{\frac{\omega^2 L_M^2 R_L}{(\omega L_M + \omega L_s)^2 + (R_L + R_s)^2}}{R_p + \frac{\omega^2 L_M^2 R_s}{(\omega L_M + \omega L_s)^2 + (R_L + R_s)^2} + \frac{\omega^2 L_M^2 R_L}{(\omega L_M + \omega L_s)^2 + (R_L + R_s)^2}}$$
(3.7)

que resulta em:

$$\eta = \frac{\omega^2 L_M^2 R_L}{R_L^2 R_p + \omega^2 L_M^2 R_s + R_L \left(\omega^2 L_M^2 + 2R_p R_s\right) + R_p \left[\omega^2 \left(L_M + L_s\right)^2 + R_s^2\right]}$$
(3.8)

É possível observar que o rendimento não depende da compensação série do primário, uma vez que nenhuma das parcelas de (3.5) contém o termo  $C_{sp}$ . Isso explica o comportamento das curvas de rendimento da Figura 21. Por outro lado, verifica-se que a frequência de excitação e o valor da carga equivalente de saída  $R_L$  podem alterar significativamente o rendimento do transformador, conforme foi apresentado na Figura 18. Vale salientar também que a capacitância série do primário contribui para impedir que níveis CC de corrente (que poderiam advir de alguma assimetria na tensão de saída do inversor do primário) fluam para o TNS, evitando, assim, a saturação do mesmo.

## 3.2 COMPENSAÇÃO SÉRIE NO SECUNDÁRIO

A compensação série do enrolamento secundário pode ter efeito sobre o valor da tensão de saída do TNS e do rendimento do transformador, como é ilustrado na Figura 24. Este resultado pode ser observado a partir da solução analítica do sistema de equações a seguir:

$$\begin{pmatrix}
\dot{V}_{fonte} = R_p \dot{I}_p + j\omega L_p \dot{I}_p + j\omega L_M \dot{I}_p - j\omega L_M \dot{I}_s \\
\dot{V}_{saida} = -j\omega L_M \dot{I}_s + j\omega L_M \dot{I}_p - R_s \dot{I}_s - j\omega L_s \dot{I}_s - \left(\frac{1}{j\omega C_{ss}}\right) \dot{I}_s \\
\dot{V}_{saida} = R_L \cdot \dot{I}_s
\end{cases}$$
(3.9)

Figura 24: Tensão eficaz de saída e rendimento para o TNS, com um entreferro de 5 mm e compensação série do secundário, alimentado por uma fonte de tensão de 2000 Hz no primário.



Fonte:Autor.

Dependendo do sistema, neste tipo de compensação o ganho de tensão no secundário pode ser menor quando comparado com a compensação série do primário. Todavia, pode-se alcançar um ganho significativo no rendimento mesmo para variações grandes na carga (LOPES et al., 2014).

De forma análoga à seção anterior, é possível verificar a influência de  $C_{ss}$  sobre o rendimento por meio da análise do circuito equivalente da Figura 24, que agora contém somente a capacitância  $C_{ss}$ .

Desprezando a resistência que modela as perdas no núcleo e associando as impedân-

Figura 25: Circuito equivalente na compensação série do secundário.



Fonte:Autor.

cias, o circuito da Figura 24 pode ser reduzido para a forma que foi apresentada na Figura 23. A resistência equivalente é composta, agora, por:

$$R_{eq} = R_p + \frac{\omega^2 L_M^2 R_s}{\left(\omega L_M + \omega L_s - \frac{1}{\omega C_{ss}}\right)^2 + \left(R_L + R_s\right)^2} + \frac{\omega^2 L_M^2 R_L}{\left(\omega L_M + \omega L_s - \frac{1}{\omega C_{ss}}\right)^2 + \left(R_L + R_s\right)^2} \tag{3.10}$$

A indutância e capacitância equivalentes são dadas por:

$$\begin{cases} L_{eq} = L_p + \frac{\omega^2 C_{ss}^2 L_M \left[ L_s \omega^2 (L_M + L_s) + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] + L_M}{\omega^2 C_{ss}^2 \left[ \omega^2 (L_M + L_s)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2C_{ss} \omega^2 (L_M + L_s) + 1} \\ C_{eq} = \frac{1 - 2\omega^2 C_{ss} (L_M + L_s) + \omega^2 C_{ss}^2 \left[ R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 + \omega^2 (L_M + L_s)^2 \right]}{\omega^4 C_{ss} L_M (L_M + 2L_s)} \end{cases}$$
(3.11)

Percebe-se, agora, que tanto a resistência equivalente que modela as perdas no secundário quanto a potência ativa na carga variam em função da capacitância  $C_{ss}$ . Com efeito, o rendimento é uma função  $C_{ss}$ , conforme pode ser observado em (3.12) e confirmado pela Figura 24.

$$\eta = \frac{\omega^4 C_{ss}^2 L_M^2 R_L}{\omega^4 C_{ss}^2 L_M^2 (R_L + R_s) + \omega^2 C_{ss}^2 R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left( L_M + L_s \right) + R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left( L_M + L_s \right) + R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ss} R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_L^2 + 2R_L R_s \right] \right]$$

Adicionalmente, a equação 3.12 indica que as perdas em  $R_s$ , bem como a potência ativa na carga, variam igualmente em função de  $C_{ss}$ . Logo, a compensação série do secundário tem pouco efeito na eficiência do TNS quando a resistência equivalente da carga e a resistência da bobina secundária forem da mesma ordem de grandeza.

#### 3.3 COMPENSAÇÃO PARALELA NO SECUNDÁRIO

Em última análise, a compensação paralela do enrolamento secundário tem efeito tanto sobre o valor da tensão eficaz de saída quanto no rendimento do TNS (ABE; SAKAMOTO & HARADA, 2000). Contudo, dependendo do sistema ela pode apresentar um ganho de tensão menor quando comparado com a compensação série do primário (LOPES et al., 2014). A Figura 26 repete o estudo anterior, considerando-se, agora, uma capacitância em paralelo no secundário ( $C_{ps}$ ), resultado da solução analítica das equações a seguir:

$$\begin{cases} \dot{V}_{fonte} = R_p \dot{I}_p + j\omega L_p \dot{I}_p + j\omega L_M \dot{I}_p - j\omega L_M \dot{I}_s \\ \dot{V}_{saida} = -j\omega L_M \dot{I}_s + j\omega L_M \dot{I}_p - R_s \dot{I}_s - j\omega L_s \dot{I}_s \\ \dot{V}_{saida} = R_L \cdot \left( \dot{I}_s - \dot{I}_{C_{ps}} \right) \\ \dot{I}_{C_{ps}} = \frac{\dot{V}_{saida}}{\left(\frac{1}{j\omega C_{ps}}\right)} \end{cases}$$

$$(3.13)$$

Figura 26: Tensão eficaz de saída e rendimento para o TNS, com um entreferro de 5 mm e compensação paralela do secundário, alimentado por uma fonte de tensão de 2000 Hz no primário.



Fonte:Autor.

De forma análoga às seção anteriores, a influência de  $C_{ps}$  sobre o rendimento pode ser analisada pela Figura 27.

Desprezando a resistência que modela as perdas no núcleo e associando as impedâncias, o circuito da Figura 27 pode ser reduzido conforme a Figura 23. A resistência Figura 27: Circuito equivalente na compensação paralela do secundário.



Fonte:Autor.

equivalente é dada pela equação (3.14).

$$R_{eq} = \begin{cases} R_{p} + \frac{\omega^{2}L_{M}^{2}R_{s}}{\left[\omega L_{M} + \omega L_{s} - \frac{R_{L}^{2}}{\omega C_{ps}\left(\frac{1}{\omega^{2}C_{ps}^{2}} + R_{L}^{2}\right)}\right]^{2} + \left[\frac{R_{L}}{\omega^{2}C_{ps}^{2}\left(\frac{1}{C_{ps}^{2}\omega^{2}} + R_{L}^{2}\right)} + R_{s}\right]^{2}} \\ + \frac{L_{M}^{2}R_{L}}{C_{ps}^{2}\left(\frac{1}{\omega^{2}C_{ps}^{2}} + R_{L}^{2}\right)\left\{\left[\omega L_{M} + \omega L_{s} - \frac{R_{L}^{2}}{\omega C_{ps}\left(\frac{1}{\omega^{2}C_{ps}^{2}} + R_{L}^{2}\right)}\right]^{2} + \left[\frac{R_{L}}{\omega^{2}C_{ps}^{2}\left(\frac{1}{C_{ps}^{2}\omega^{2}} + R_{L}^{2}\right)} + R_{s}\right]^{2}\right\}} \\ \end{cases}$$
(3.14)

A indutância e capacitância equivalentes são descritas por (3.15).

$$\begin{cases} L_{eq} = L_p + \frac{L_M \left\{ R_L^2 \left\{ \omega^2 C_{ps}^2 \left[ \omega^2 L_s (L_M + L_s) + R_s^2 \right] + 1 \right\} + \omega^2 L_s (L_M + L_s) + 2R_L R_s + R_s^2 \right\}}{R_L^2 \left\{ \omega^2 C_{ps}^2 \left[ \omega^2 (L_M + L_s)^2 + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ps} (L_M + L_s) + 1 \right\} + \omega^2 (L_M + L_s)^2 + 2R_L R_s + R_s^2} \\ C_{eq} = \frac{R_L^2 \left\{ \omega^2 C_{ps}^2 \left[ \omega^2 (L_M + L_s)^2 + R_s^2 \right] - 2\omega^2 C_{ps} (L_M + L_s) + 1 \right\} + \omega^2 (L_M + L_s)^2 + 2R_L R_s + R_s^2}{\omega^4 C_{ps} L_M R_L^2 (L_M + 2L_s)} \end{cases}$$
(3.15)

As resistências que modelam as perdas no secundário e a potência ativa na carga variam em função da capacitância  $C_{ps}$ . Com efeito, o rendimento, dado por (3.16), depende de  $C_{ps}$ , conforme pôde ser observado pela Figura 26.

$$\eta = \frac{\omega^2 L_M^2 R_L}{A + R_L \left( L_M^2 \omega^2 + 2R_p R_s \right) + L_M^2 R_s \omega^2 + R_p \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_s^2 \right]}$$
(3.16)

em que o termo A é dado por:

$$A = R_L^2 \left\{ C_{ps}^2 L_M^2 R_s \omega^4 + C_{ps}^2 R_p \omega^2 \left[ \omega^2 \left( L_M + L_s \right)^2 + R_s^2 \right] - 2C_{ps} R_p \omega^2 \left( L_M + L_s \right) + R_p \right\}$$
(3.17)

Quando, finalmente, consideram-se as três capacitâncias de compensação, bem como a resistência que modela as perdas no núcleo,  $R_C$ , o rendimento do TNS compensado pode ser deduzido de forma análoga aos casos anteriores, sendo dado por:

$$\eta = \frac{\omega^4 C_{ss}^2 L_M^2 R_C^4 R_L}{(R_C^2 + L_M^2 \omega^2) \cdot (A_1 + A_2 + A_3)}$$
(3.18)

em que os termos  $A_1$ ,  $A_2$  e  $A_3$  são dados por:

$$\begin{split} A_{1} &= L_{M}^{2} R_{p} \omega^{2} \left\{ \begin{array}{l} 1 + C_{ps}^{2} R_{L}^{2} \omega^{2} - 2C_{ss} \omega^{2} \left( L_{s} - C_{ps} R_{L}^{2} + C_{ps}^{2} L_{s} R_{L}^{2} \omega^{2} \right) \\ &+ C_{ss}^{2} \omega^{2} \left\{ 2R_{L} R_{s} + R_{s}^{2} + L_{s}^{2} \omega^{2} + R_{L}^{2} \left[ 1 - 2C_{ps} L_{s} \omega^{2} + C_{ps}^{2} \omega^{2} \left( R_{s}^{2} + L_{s}^{2} \omega^{2} \right) \right] \right\} \right\} \\ A_{2} &= L_{M}^{2} R_{C} \omega^{2} \left\{ \begin{array}{l} 1 + C_{ps}^{2} R_{L}^{2} \omega^{2} - 2C_{ss} \omega^{2} \left( L_{s} - C_{ps} R_{L}^{2} + C_{ps}^{2} L_{s} R_{L}^{2} \omega^{2} \right) \\ &+ C_{ss}^{2} \omega^{2} \left\{ \begin{array}{l} 2R_{p} R_{s} + R_{s}^{2} + 2R_{L} \left( R_{p} + R_{s} \right) + L_{s}^{2} \omega^{2} \\ &+ R_{L}^{2} \left[ 1 - 2C_{ps} L_{s} \omega^{2} + C_{ps}^{2} \omega^{2} \left( 2R_{p} R_{s} + R_{s}^{2} + L_{s}^{2} \omega^{2} \right) \right] \right\} \right\} \\ A_{3} &= R_{C}^{2} \left\{ \begin{array}{l} C_{ss}^{2} L_{M}^{2} \omega^{4} \left( R_{L} + R_{s} + C_{ps}^{2} R_{L}^{2} R_{s} \omega^{2} \right) \\ &+ R_{p} \left\{ \begin{array}{l} 1 + C_{ps}^{2} R_{L}^{2} \omega^{2} - 2C_{ss} \omega^{2} \left( L_{M} + L_{s} - C_{ps} R_{L}^{2} + C_{ps}^{2} L_{M} R_{L}^{2} \omega^{2} + C_{ps}^{2} L_{s} R_{L}^{2} \omega^{2} \right) \\ &+ R_{p} \left\{ \begin{array}{l} 1 + C_{ps}^{2} R_{L}^{2} \omega^{2} - 2C_{ss} \omega^{2} \left( L_{M} + L_{s} - C_{ps} R_{L}^{2} + C_{ps}^{2} L_{M} R_{L}^{2} \omega^{2} + C_{ps}^{2} L_{s} R_{L}^{2} \omega^{2} \right) \\ &+ R_{p} \left\{ \begin{array}{l} 1 + C_{ps}^{2} R_{L}^{2} \omega^{2} - 2C_{ss} \omega^{2} \left( L_{M} + L_{s} - C_{ps} R_{L}^{2} + C_{ps}^{2} L_{M} R_{L}^{2} \omega^{2} + C_{ps}^{2} L_{s} R_{L}^{2} \omega^{2} \right) \\ &+ R_{p} \left\{ \begin{array}{l} 1 + C_{ps}^{2} R_{L}^{2} \omega^{2} - 2C_{ss} \omega^{2} \left( L_{M} + L_{s} - C_{ps} R_{L}^{2} + C_{ps}^{2} L_{M} R_{L}^{2} \omega^{2} + C_{ps}^{2} L_{s} R_{L}^{2} \omega^{2} \right) \\ &+ R_{p} \left\{ \begin{array}{l} 2R_{L} R_{s} + R_{s}^{2} + \left( L_{M} + L_{s} \right)^{2} \omega^{2} \\ &+ R_{L}^{2} \left\{ 1 - 2C_{ps} \left( L_{M} + L_{s} \right) \omega^{2} + C_{ps}^{2} \omega^{2} \left[ R_{s}^{2} + \left( L_{M} + L_{s} \right)^{2} \omega^{2} \right] \right\} \right\} \right\} \right\} \right\} \end{split}$$

Mediante esse contexto, fica clara a influência que as capacitâncias de compensação, a frequência de alimentação e a resistência de carga têm sobre a tensão de saída e o rendimento do TNS. Por isso, investigar esses ganhos combinando-se os efeitos de cada um desses parâmetros de entrada pode resultar em melhorias para o sistema, a despeito do entreferro. Na sequência, esse assunto será discutido através de um estudo de otimização.

# 3.4 OTIMIZAÇÃO DA COMPENSAÇÃO DO TNS

Nesta seção será apresentado um estudo para otimizar a operação do transformador, combinando-se os efeitos dos diferentes tipos de compensação, da frequência da fonte de alimentação e da resistência de carga. Para isso, serão apresentadas na sequência as equações, a função objetivo e as restrições do problema de otimização modelado.

Vale salientar também que o estudo realizado neste capítulo considera que o comportamento da tensão e corrente nos terminais de entrada e saída do TNS seja senoidal. Com efeito, a despeito da alimentação do TNS ser realizada pelo inversor com modulação PWM senoidal, o filtro LC na saída deste último garante tensão e corrente senoidais nos terminais de entrada do transformador.

## 3.4.1 FORMULAÇÃO DO PROBLEMA

Desconsiderando a capacitância  $C_{pp}$  conectada nos terminais de entrada do TNS e considerando as polaridades das tensões e correntes indicadas no circuito equivalente da Figura 19, é possível escrever, para uma relação de transformação unitária (a = 1), as seguintes relações:

$$\dot{V}_{fonte} = \left(\frac{1}{j\omega C_{sp}} + Z_p + Z_M\right)\dot{I}_p - Z_M\dot{I}_s \tag{3.20}$$

$$\dot{V}_{saida} = Z_M \left( \dot{I}_p - \dot{I}_s \right) - \left( Z_s + \frac{1}{j\omega C_{ss}} \right) \dot{I}_s \tag{3.21}$$

e,

$$\dot{V}_{saida} = R_L \left( \dot{I}_s - \dot{I}_{C_{ps}} \right) \tag{3.22}$$

onde  $Z_p = (R_p + j\omega L_p)$ ,  $Z_M = 1/(1/R_c + 1/j\omega L_{Mp})$ ,  $Z_s = (R_s + j\omega L_s)$ , sendo  $\omega$  a frequência de operação do transformador e o valor da corrente que flui pela capacitância  $C_{ps}$  calculado por:

$$\dot{I}_{C_{ps}} = j\omega C_{ps} \dot{V}_{saida} \tag{3.23}$$

As expressões de potência ativa nos terminais de entrada e saída do TNS, sem o capacitor paralelo no primário, podem ser escritas como se segue:

$$P_{entrada} = V_{fonte} I_p \cos\left(\theta_{V_{fonte}} - \theta_{I_p}\right) \tag{3.24}$$

e,

$$P_{saida} = V_{saida} I_{saida} \cos\left(\theta_{V_{saida}} - \theta_{I_{saida}}\right) \tag{3.25}$$

em que  $I_{saída}$  representa a corrente eficaz de saída, que flui através da carga  $R_L$ , cuja forma fasorial pode ser calculada na forma:

$$\dot{I}_{saida} = \left(\frac{\dot{V}_{saida}}{R_L}\right) \tag{3.26}$$

Finalmente, o rendimento do TNS  $(\eta)$  pode ser calculado por:

$$\eta = \left(\frac{P_{saida}}{P_{fonte}}\right) \times 100 \tag{3.27}$$

Com as relações (3.20) a (3.27), pode-se formular a função objetivo do problema de otimização que corresponde à maximização do rendimento do TNS. Dessa forma, o problema de otimização pode ser escrito na forma:

$$max \ f(x) = \eta$$
  
s.a.  
$$C_{sp_{min}} \leq C_{sp} \leq C_{sp_{mix}}$$
  
$$C_{ss_{min}} \leq C_{ss} \leq C_{ss_{mix}}$$
  
$$C_{ps_{min}} \leq C_{ps} \leq C_{ps_{mix}}$$
  
$$f_{min} \leq f \leq f_{mix}$$
  
$$R_{L_{min}} \leq R_L \leq R_{L_{mix}}$$
  
$$V_{min} \leq V_{saida} \leq V_{mix}$$
  
$$\left(\frac{V_{saida}^2}{R_L}\right) \geq P_{bateria}$$
  
(3.28)

em que:

$$x = [f, C_{sp}, C_{ss}, C_{ps}, R_L]$$
(3.29)

# 3.4.2 RESTRIÇÕES DO PROBLEMA E FAIXA DE OPERAÇÃO

Conforme já mencionado neste capítulo, o entreferro no sistema IPT reduz a tensão de saída e o rendimento do TNS. Neste sentido, a compensação de parâmetros deve permitir que o transformador opere com boa eficiência e um nível de tensão de saída adequado para entregar a potência demandada pela carga. A potência ativa de saída, tensão de saída, capacitâncias, entre outros, são as restrições do problema. Já as variáveis de decisão estão apresentadas em (3.29).

### 3.4.2.1 POTÊNCIA DA CARGA

A potência da carga é definida pelo perfil de carregamento da bateria. O projeto de compensação do TNS foi realizado a fim de atender as regiões de operação da bateria NL2044 da *Inspired Energy* que possui, resumidamente, as características a seguir:
- Composição: íons de lítio;
- Tensão nominal: 14,4 V;
- Capacidade: 6,6 Ah;
- Resistência interna de, aproximadamente, 150 m  $\Omega$ ;
- Carregamento com corrente constante: corrente máxima de 4 A (recomendável);
- Carregamento com tensão constante: tensão máxima de 16,8 V.

Segundo informações do fabricante, o carregamento da bateria pode ser dividido nas etapas de corrente constante e tensão constante. No primeiro caso, um valor de corrente constante é aplicado na bateria e, consequentemente, a tensão terminal da mesma cresce até atingir um valor pré-estabelecido quando, então, alterna-se o modo de carregamento para tensão constante. Neste segundo modo de carga, a corrente passa a decair com o tempo. Com efeito, o valor máximo de potência demandada pela bateria está na transição entre os modos de carregamento e corresponde a 67,2 W (tensão de 16,8V e corrente de 4A). A fim de contemplar as perdas nos conversores entre o TNS e a bateria, o valor de potência considerado como restrição na rotina de otimização corresponde a 67,2 W mais 15%.

# 3.4.2.2 TENSÃO DE SAÍDA DO TNS COMPENSADO

O valor de tensão de saída deve ser tal que, em conjunto com a resistência equivalente  $(R_L)$ , seja capaz de atender a potência da carga. Os limites de tensão escolhidos para a condição nominal de potência da carga estão listados na Tabela 7.

Tabe	'abela 7: Faixa de valores da tensão de saída $V_{\text{saíd}}$			
G	randeza	Valor mínimo	Valor máximo	
	$V_{saida}$	24	35	
Fonte:Autor.				

## 3.4.2.3 RESISTÊNCIA EQUIVALENTE DA CARGA

A resistência equivalente da carga  $(R_L)$  pode ser calculada por meio da tensão eficaz e da potência de saída do TNS, sendo um resultado do funcionamento dos conversores do secundário e dos valores de tensão e corrente drenados pela bateria. Nesta tese, os conversores escolhidos para o estágio PFC e para o estágio controlador de carga são o conversor elevador (*boost*) e o abaixador (*buck*), respectivamente. Quando o conversor abaixador opera no Modo de Condução Contínuo (do inglês *Continuous Conduction Mode*) (CCM), a relação entre as tensões de entrada e saída é dada por:

$$\frac{V_o}{V_{in}} = D_{buck} \tag{3.30}$$

em que  $V_{in}$  e  $V_o$  são, em valores médios, as tensões de entrada e saída do conversor abaixador, respectivamente, ao passo que  $D_{buck}$  é a razão cíclica de trabalho do conversor abaixador.

Já a relação entre as correntes de entrada e saída é dada por:

$$\frac{I_o}{I_{in}} = \frac{1}{D_{buck}} \tag{3.31}$$

em que  $I_{in}$  e  $I_o$  são, em valores médios, as correntes de entrada e saída do conversor abaixador, respectivamente. Com efeito, a resistência equivalente vista pela entrada do conversor pode ser escrita na forma (ZHONG & HUI, 2015; LI et al., 2017):

$$R_{eq,buck} = \frac{V_o}{I_o} \frac{1}{D_{buck}^2} = \frac{R_{eq,bat}}{D_{buck}^2}$$
(3.32)

em que  $R_{eq,buck}$  é a resistência equivalente vista a partir dos terminais de entrada do conversor abaixador, ao passo que  $R_{eq,bat}$  é a resistência equivalente vista pelos terminais de saída do conversor abaixador. Percebe-se que, com o conversor abaixador, a resistência equivalente vista pelos terminais de saída do TNS aumenta, uma vez que a razão cíclica é menor que a unidade.

Em outro cenário, quando o conversor elevador opera no modo CCM, a relação entre as tensões de entrada e saída, também em valores médios, é dada por:

$$\frac{V_o}{V_{in}} = \frac{1}{1 - D_{boost}} \tag{3.33}$$

em que  $D_{boost}$  é a razão cíclica de trabalho do conversor elevador.

A tensão de entrada do conversor elevador corresponde à tensão de saída do TNS  $(v_{saída})$  retificada. Logo, a razão cíclica de trabalho irá variar conforme o valor instantâneo da tensão de entrada, podendo ser escrita como se segue:

$$D_{boost}\left(\omega t\right) = 1 - \frac{\left|v_{in}\left(\omega t\right)\right|}{V_o} = 1 - \frac{\left|\sqrt{2}V_{in,rms} \cdot sen\left(\omega t\right)\right|}{V_o}$$
(3.34)

em que  $V_{in,rms}$  é o valor eficaz da tensão de entrada do conversor elevador. Já o valor médio da tensão de entrada é calculado por:

$$V_{in} = \frac{2\sqrt{2}V_{in,rms}}{\pi} \tag{3.35}$$

Portanto, pode-se definir um valor médio para a razão cíclica de trabalho  $(\overline{D}_{boost})$ em função do valor médio da tensão de entrada do conversor. Dessa forma, pode-se escrever:

$$\bar{D}_{boost} = 1 - \frac{V_{in}}{V_o} = 1 - \frac{2\sqrt{2}V_{in,rms}}{\pi V_o}$$
(3.36)

As potências ativas na entrada e saída do conversor elevador podem ser definidas, respectivamente, por (3.37) e (3.38):

$$P_{in} = \frac{V_{in,rms}^2}{R_{eq,boost}} \tag{3.37}$$

e,

$$P_o = \frac{V_o^2}{R_o} \tag{3.38}$$

Desprezando as perdas no conversor e igualando-se (3.37) com (3.38), pode-se escrever:

$$R_{eq,boost} = R_o \frac{V_{in,rms}^2}{V_o^2} \tag{3.39}$$

Por conseguinte, resolvendo (3.36) para  $V_{in,rms}$  e substituindo em (3.39), a resistência equivalente vista pela entrada do conversor elevador pode ser definida por:

$$R_{eq,boost} = \frac{\pi^2 R_o \left(1 - \bar{D}_{boost}\right)^2}{8} \tag{3.40}$$

Observa-se que o conversor elevador diminui a resistência equivalente nos terminais de saída do TNS, diferentemente do conversor abaixador. Conforme já mencionado, quando a resistência de saída diminui, a tensão de saída do transformador também diminui. Logo, se no lado secundário houver somente um conversor elevador, um aumento de carga tende a diminuir a resistência de saída do TNS e, consequentemente, a tensão sobre ela. Na tentativa de manter a tensão e a potência sobre carga, o conversor elevador aumenta a razão cíclica de trabalho, o que acarreta, novamente, na diminuição da resistência de saída do transformador, conforme (3.40). Por conseguinte, a tensão de saída diminui novamente. Como resultado, esse processo pode impedir o sistema de atender a carga. Por outro lado, com um conversor abaixador conectado na saída do estágio elevador, pode-se equilibrar o valor dessa resistência equivalente. Neste caso, a resistência equivalente vista pelos terminais de saída do TNS, considerando a associação dos conversores elevador e abaixador, é dada por:

$$R_{eq,tot} = \frac{\pi^2 R_{eq,bat} \left(1 - \bar{D}_{boost}\right)^2}{8D_{buck}^2} \tag{3.41}$$

Finalmente, desconsiderando as perdas nos interruptores semicondutores do estágio CA/CC da Figura 20, a carga equivalente nos terminais de saída do TNS,  $R_L$ , é definida por:

$$R_{L} = R_{eq,tot} = \frac{\pi^{2} R_{eq,bat} \left(1 - \bar{D}_{boost}\right)^{2}}{8D_{buck}^{2}}$$
(3.42)

A equação (3.42) indica que a resistência  $R_L$  pode variar numa ampla faixa. A fim de restringir essa variação, foram impostos limites para a razão cíclica de trabalho dos conversores. Adicionalmente, projetou-se uma malha de controle no conversor elevador para manter constante a tensão do barramento CC, que conecta os estágios elevador e abaixador, em 60 V. Logo, o estágio elevador também tem a função de controlar a tensão de entrada do estágio abaixador.

A restrição de resistência de saída na rotina de otimização deve ser compatível com a potência nominal drenada pela bateria (transição do modo de controle de corrente constante para tensão constante). Logo, projetando a compensação de parâmetros para atender a potência nominal, os demais pontos de operação com potência drenada inferior também serão atendidos. Vale salientar aqui que, para garantir o funcionamento adequado do estágio PFC, é necessário que o valor de pico da tensão de saída do TNS compensado seja inferior à tensão do barramento CC. Esta é mais uma restrição acrescentada na rotina de otimização.

A partir de (3.42), a restrição de valores para a resistência de saída em função de limites para razão cíclica, tensão de saída do TNS (Tabela 7), tensão do barramento CC e potência máxima entregue à bateria, são definidos na Tabela 8.

Grandeza	Valor mínimo	Valor máximo	
$R_L(\Omega)$	7,453	15,851	
$D_{boost}$	$0,\!475$	$0,\!640$	
$D_{buck}$	0,280	$0,\!280$	
$V_{bat}$ $(V)$	16,8	16,8	
Fonte:Autor.			

Tabela 8: Faixa de valores da resistência equivalente  $R_L$  com carga nominal.

RESULTADOS SELECIONADOS PELA OTIMIZAÇÃO DA COM-3.4.3PENSAÇÃO DE PARÂMETROS

A solução do problema de otimização anterior foi obtida numericamente com auxílio da ferramenta matemática NMaximize, do software Wolfran Mathematica, e está apresentada na Tabela 9. Nesta mesma tabela, a coluna do meio contém os valores dos componentes calculados na rotina matemática de otimização e suas implicações no rendimento esperado, ao passo que a coluna da direita apresenta os valores dos elementos escolhidos/ajustados em laboratório e suas implicações no rendimento. Os valores das capacitâncias, por exemplo, foram obtidos através da associação de capacitores comerciais. No entanto, alternativamente pode-se modificar o problema de otimização e incluir no espaço de busca somente valores comerciais. Já a resistência  $R_L$  é o valor esperado da carga equivalente na saída do TNS quando a bateria estiver drenando a potência nominal. Vale salientar aqui que o valor do rendimento na Tabela 9 pode ser confirmado por (3.18). A rotina de cálculo implementada no software Wolfran Mathematica pode ser consultada no Apêndice D.

Danâmatra	Valor	Valor	
Parametro	projetado	ajustado	
$C_{sp} \ (\mu \mathrm{F})$	6,887	7,011 1	
$C_{ss}$ ( $\mu F$ )	$7,\!675$	$7,789^{-2}$	
$C_{ps} \; (\mu \mathrm{F})$	$3,\!434$	$3,312^{-3}$	
f (Hz)	$1371,\!660$	1370	
$R_L(\Omega)$	15,748	15,748	
$V_{saida}(V)$	$34,\!953$	$35,\!154$	
$\eta$ (%)	$92,\!95$	$92,\!90$	
Fonte:Autor.			

Tabela 9: Parâmetros selecionados pela rotina de otimização

É importante ressaltar que o rendimento esperado neste caso não contempla as <sup>1</sup>Obtido com:  $C_a//C_b$ ;  $C_a = 2,2 \ \mu F$  e  $C_b = 4,7 \ \mu F$ ; o símbolo "//" representa a associação em

paralelo.

<sup>2</sup>Obtido com:  $C_a//C_b//C_c$ ;  $C_a = 1 \ \mu\text{F}$ ,  $C_b = 2,2 \ \mu\text{F}$  e  $C_c = 4,7 \ \mu\text{F}$ . <sup>3</sup>Obtido com:  $(C_a + C_b)//C_c//C_d//C_e$ ;  $C_a = C_b = 1 \ \mu\text{F}$ ,  $C_c = 2,2 \ \mu\text{F}$ ,  $C_d = 0,22 \ \mu\text{F}$  e  $C_e = 1 \ \mu\text{F}$ . 0,15  $\mu$ F; o símbolo "+" corresponde à associação em série.

perdas nos capacitores. Considerando-se os valores das resistências intrínsecas dos capacitores associados em laboratório, que foram medidas no aparelho *LCR Meter* (modelo E4980 da *Agilent*) na frequência de 1370 Hz e estão apresentadas na Tabela 10, o rendimento esperado pelo modelo matemático cai para 90,41%. Embora as resistências intrínsecas dos capacitores afetem um pouco o rendimento do TNS compensado, elas não serão consideradas nas próximas seções de estudo do comportamento do TNS para variações no entreferro, uma vez que seu valor varia com a frequência de alimentação e os valores da Tabela 10 são válidos apenas para a frequência de 1370 Hz.

	Capacitor	Capacitáncia	Resistência	
	$C_{sp}$	7,011 $\mu F$	$0,\!171~\Omega$	
$C_{ss}$ $C_{ps}$		$7{,}789~\mu{\rm F}$	0,151 $\Omega$	
		$3{,}312~\mu{ m F}$	0,187 $\Omega$	
Fonte:Autor.				

Tabela 10: Resistências intrínsecas dos capacitores de compensação em 1370 Hz

Vale salientar também que na implementação da rotina de otimização foram usadas as funções (C.1) e (C.2) (Apêndice C) que modelam a variação dos valores das resistências  $R_p$  e  $R_s$ , em função da frequência de excitação do TNS, devido ao efeito pelicular.

# 3.5 CONCLUSÕES PARCIAIS

Neste capítulo foi apresentado um estudo para compensação dos parâmetros do TNS, a partir da escolha de capacitâncias e da frequência de operação, bem como foram descritas funções analíticas do rendimento para cada compensação abordada. Adicionalmente, um conjunto de parâmetros foi projetado a fim de maximizar o rendimento para uma condição do entreferro. É importante ressaltar que, a partir deste ponto, o transformador com as capacitâncias de compensação será mencionado nesta tese simplesmente como TNS.

## 4 SISTEMA IPT COM TNS EM EXCITAÇÃO SENOIDAL

Uma vez definido o conjunto de parâmetros de compensação do TNS, este capítulo apresenta o sistema IPT como um todo. Inicialmente, é apresentada a concepção da carga equivalente de saída do TNS, bem como a descrição da bancada experimental. Por fim, são apresentados resultados de simulação e experimentais com o TNS alimentado com tensão senoidal.

### 4.1 SISTEMA DE ALIMENTAÇÃO

Conforme já mencionado no Capítulo 2, o sistema de alimentação é composto por um autotransformador com relação de espiras ajustável, seguido de um retificador de onda completa não controlado, um conversor CC/CA, em ponte completa, e um filtro *LC* passa-baixas, de acordo com o esquema ilustrado na Figura 16. O conversor CC/CA é controlado no modo de tensão e é composto por dois módulos IGBT em meia ponte modelo SKHI200p da SEMIKRON, formando um conversor em ponte completa.

# 4.2 CONCEPÇÃO DA CARGA EQUIVALENTE

Conforme mencionado no capítulo 3, a carga equivalente de saída do TNS é composta por um retificador não controlado, seguido de um conversor elevador com PFC, um barramento CC e um conversor abaixador para controle de carga da bateria. Um diagrama simplificado do circuito do lado secundário com as malhas de controle é ilustrado na Figura 28.

O estágio CA/CC é feito por meio de um retificador de onda completa com diodos rápidos, do tipo MUR860. Os demais conversores e as malhas de controle associadas são tratados na sequência.



Figura 28: Diagrama esquemático do circuito secundário com as malhas de controle.

# 4.2.1 CONVERSOR ABAIXADOR

O conversor abaixador foi implementado utilizando um braço do módulo da SE-MIKRON, modelo SKHI 22/B, já disponível em laboratório. Na entrada do conversor foi utilizado o barramento CC do mesmo módulo da SEMIKRON, composto por um banco de capacitores de 4700  $\mu$ F. Na Figura 29 é ilustrado um esquema simplificado do estágio abaixador no qual a bateria é modelada por uma fonte de tensão CC em série com sua resistência interna ( $R_{int,bat}$ ).



Fonte: Autor.

### 4.2.1.1 DIMENSIONAMENTO DO INDUTOR

Para especificar um valor máximo de ondulação de corrente no indutor do conversor abaixador no modo CCM, o valor mínimo da indutância pode ser calculado por (HART, 2010):

$$L_{min} = \frac{V_{bat}(1-D)}{\Delta I_{Lmax} f_s} \tag{4.1}$$

em que  $\Delta I_{Lmax}$ ,  $f_s$  e  $L_{min}$  são a ondulação de corrente máxima, a frequência de comutação do conversor e a indutância mínima, respectivamente, para garantir a ondulação de corrente especificada.

Para o dimensionamento do indutor do conversor abaixador, considerou-se uma ondulação máxima de 10 % do valor médio da corrente na saída. Adicionalmente, a frequência de comutação escolhida para o conversor foi 25 kHz. Com esse conjunto de parâmetros e considerando a tensão máxima durante o carregamento da bateria, o valor mínimo de indutância necessário é de, aproximadamente, 1,2 mH.

### 4.2.1.2 DIMENSIONAMENTO DO CAPACITOR

O valor da capacitância de saída do conversor,  $C_{buck}$ , pode ser calculado por meio de (4.2), definindo-se uma máxima ondulação de tensão na saída do conversor (HART, 2010).

$$C_{buck} = \frac{1 - D}{8L_{buck} \left(\Delta V_{bat} / V_{bat}\right) f_s^2} \tag{4.2}$$

em que  $\Delta V_{bat}/V_{bat}$  representa, em valores percentuais, a ondulação de tensão na saída do conversor. Para o conversor em estudo, definiu-se um valor de capacitância de 100  $\mu$ F, com o qual é possível limitar a ondulação de tensão em menos de 0,2% do valor médio da tensão de saída.

# 4.2.1.3 CONTROLE DE TENSÃO E CORRENTE

O controle de tensão e corrente na saída do conversor é feito através do acionamento do interruptor  $S_1$  da Figura 29. O projeto do controlador requer o conhecimento do modelo matemático do conversor abaixador, que já é amplamente conhecido na literatura. A função de transferência da tensão de saída do conversor pela razão cíclica de trabalho, desprezando as resistências no indutor e no capacitor, pode ser escrita na forma (ERICKSON, 2004; ROSEMBACK, 2004):

$$\frac{v_{bat}\left(s\right)}{d\left(s\right)} = \frac{V_{barrCC}R_{int,bat}}{s^{2}R_{int,bat}L_{buck}C_{buck} + sL_{buck} + R_{int,bat}}$$
(4.3)

em que  $R_{int,bat}$  é a resistência interna da bateria.

Por outro lado, a função de transferência da corrente de saída do conversor pela razão cíclica de trabalho, desprezando as resistências no indutor e no capacitor, é dada por (ROSEMBACK, 2004):

$$\frac{i_{bat}(s)}{d(s)} = \frac{sR_{int,bat}C_{buck}V_{barrCC} + V_{barrCC}}{s^2R_{int,bat}L_{buck}C_{buck} + sL_{buck} + R_{int,bat}}$$
(4.4)

A fim de verificar o modelo matemático, são apresentados na Figura 30 os comportamentos da tensão e corrente de saída para uma perturbação na razão cíclica de trabalho.



Figura 30: Comportamento da tensão (a) e corrente (b) de saída do conversor abaixador para uma perturbação na razão cíclica de trabalho.

O projeto dos controladores de corrente e tensão de saída (para a bateria) foi feito com base no método do "Fator K" (VENABLE, 1983), em que se impôs uma frequência de cruzamento de ganho de 500 Hz e uma margem de fase de 60° (ROSEMBACK, 2004; GHETTI, 2009).

O controlador de corrente irá atuar no conversor durante a etapa de carregamento com corrente constante. Sua função no domínio contínuo é descrito por (4.5) e os diagramas de Bode do sistema em malha aberta compensado e não compensado são apresentados na Figura 31. Com o compensador de corrente, o sistema possui uma margem de ganho infinita.

$$C_{id}(s) = \frac{565, 1s^2 + 2,097 \cdot 10^6 s + 1,946 \cdot 10^9}{s^3 + 1,064 \cdot 10^4 s^2 + 2,829 \cdot 10^7 s}$$
(4.5)



Com a ação do controlador de corrente, o comportamento da corrente de saída do conversor abaixador para uma mudança em degrau na referência é apresentado, por meio de simulação digital, na Figura 32. Vale ressaltar aqui que na simulação digital da Figura 32 e nas seções subsequentes os controladores foram discretizados por meio do método bilinear de *Tustin* (BUSO & MATTAVELLI, 2006).







Já o controlador de tensão irá atuar no conversor durante a etapa de carregamento com tensão constante. Sua função no domínio contínuo é descrito por (4.6) e os diagramas de Bode do sistema em malha aberta compensado e não compensado são apresentados na Figura 33. Com o compensador de tensão, o sistema possui uma margem de ganho de 25,4 dB.

$$C_{vd}(s) = \frac{3982s^2 + 1,438 \cdot 10^7 s + 1,299 \cdot 10^{10}}{s^3 + 1,093 \cdot 10^4 s^2 + 2,986 \cdot 10^7 s}$$
(4.6)



Figura 33: Resposta em frequência da malha de tensão do conversor abaixador.

Com a ação do controlador de tensão, o comportamento da tensão de saída do conversor abaixador para uma mudança em degrau na referência é apresentado, por meio de simulação digital, na Figura 34.

### 4.2.2 CONVERSOR ELEVADOR COM PFC

O conversor elevador também foi implementado utilizando um braço do módulo da SEMIKRON SKHI 22/B. Este, por sua vez, já possui um banco de capacitores no valor de 4700  $\mu$ F, sendo, portanto, utilizado como barramento CC de saída. Na Figura 35 é ilustrado um esquema simplificado do estágio elevador, em que a fonte do circuito corresponde à tensão de saída do TNS retificada.

No estágio elevador foram implementadas duas malhas de controle: uma malha



Figura 34: Comportamento da tensão de saída do conversor abaixador para uma mudança em degrau no valor de referência.

Fonte: Autor.





interna de corrente no indutor e uma externa de tensão no barramento CC.

### 4.2.2.1 DIMENSIONAMENTO DO INDUTOR

Uma vez que a tensão de entrada do conversor elevador varia com o tempo, o ganho estático do conversor, bem como a ondulação de corrente no indutor, também variam (LARICO, 2007). Neste caso, para o dimensionamento do indutor pode-se estabelecer um valor máximo para a ondulação de corrente (LARICO, 2007). Logo, o valor de indutância que satisfaz a máxima ondulação de corrente pode ser calculado por (LARICO, 2007):

$$L_{min} = \frac{V_{barrCC}}{4\Delta I_{Lmax} f_s} \tag{4.7}$$

em que  $\Delta I_{Lmax}$ ,  $f_s$  e  $L_{min}$  são a ondulação de corrente máxima, a frequência de co-

mutação do conversor e a indutância mínima para garantir a ondulação de corrente especificada, respectivamente.

Considerando-se uma ondulação de corrente máxima de 20 % do valor de pico da corrente nominal de saída do TNS, a frequência de comutação máxima do módulo conversor da SEMIKRON e a tensão do barramento CC, o valor mínimo de indutância necessário é de, aproximadamente, 480  $\mu$ H. Foi utilizado, portanto, um indutor de 560  $\mu$ H, do fabricante *Coilcraft*, modelo PCV-2-564-06L.

#### 4.2.2.2 CONTROLE DE CORRENTE

O controle de corrente do conversor elevador é feito definindo-se uma referência de corrente para o controlador com o mesmo formato da tensão de entrada (senoidal retificada). Assim, o interruptor  $S_1$  do conversor irá comutar de forma a sintetizar a corrente de referência através do indutor  $L_{boost}$ . O formato senoidal retificado da corrente de referência é quem garante o funcionamento como pré-regulador de fator de potência, sendo obtido com o auxílio de um sensor de tensão na saída do retificador. Já a amplitude da corrente de referência é definida pela malha de controle de tensão. Optou-se neste trabalho em utilizar o controlador preditivo para a malha de corrente, em virtude da sua simplicidade e eficácia para sintetizar correntes com referência senoidal, permitindo também eliminar o erro de estado estacionário (CHAN & KWAK, 2017). Além disso, o controlador preditivo é possível de ser implementado na plataforma digital Processador Digital de Sinais (do inglês, *Digital Signal Processor*) (DSP) TMS320F28335 da *Texas Instruments*.

O conceito do controlador preditivo aplicado ao conversor da Figura 35 é ilustrado pelas formas de onda da Figura 36 (BARBOSA et al., 2017).

Basicamente, o funcionamento do controlador preditivo de corrente pode ser resumido em: a tensão de controle  $v_c$ , comparada com a portadora triangular  $v_{tri}$ , irá definir a razão cíclica d[k] para o acionamento do interruptor  $S_1$  ( $D_1$  comuta de forma complementar a de  $S_1$ ). A corrente através do indutor  $L_{boost}$  é dada por  $i_{Lboost}$ , ao passo que a corrente de referência é  $i^*_{Lboost}$ . As tensões  $v_{retif}$  e  $V_{barrCC}$  e a corrente  $i_{Lboost}$  são amostradas sempre no pico da portadora triangular, a uma frequência de amostragem de  $f_s = 1/T_s$  correspondente a 50 kHz.

Observando-se a Figura 36, a amostra de corrente  $i_{Lboost}[k+1]$  pode ser calculada por:



Figura 36: Formas de onda no controle preditivo (adaptado de Barbosa et al. (2017)).

$$i_{Lboost}[k+1] = i_{Lboost}[k] + r_1 d[k]T_s + r_2 \left(1 - d[k]\right)T_s$$
(4.8)

em que  $r_1$  e  $r_2$  são as derivadas crescente <br/>e decrescente da corrente no indutor, respectivamente, dadas por:

$$r_1 = \frac{v_{retif}}{L_{boost}} \tag{4.9}$$

$$r_2 = \frac{v_{retif} - V_{barrCC}}{L_{boost}} \tag{4.10}$$

Em algumas situações, devido a limitações práticas para amostrar o sinal, executar o algoritmo e atuar no controle, a equação (4.1) também pode ser aplicada para dois ciclos de amostragem, conforme a seguir (VALLE et al., 2017):

$$i_{Lboost}[k+2] = i_{Lboost}[k+1] + r_1 d[k+1]T_s + r_2 \left(1 - d[k+1]\right)T_s$$
(4.11)

em que  $i_{Lboost}^* = i_{Lboost}[k+2]$  é a corrente de referência que deve ser sintetizada pelo conversor.

Substituindo (4.8), (4.9) e (4.10) em (4.11), pode-se resolver para d[k+1]:

$$d[k+1] = \frac{L_{boost}f_s}{V_{barrCC}} \left(i_{Lboost}^* - i_{Lboost}[k]\right) - d[k] - \frac{2v_{retif}}{V_{barrCC}} + 2$$
(4.12)

Na Figura 37 é apresentado um resultado de simulação do comportamento da corrente no indutor do conversor elevador para uma variação em degrau na referência (amplitude da corrente). Observa-se que, após a mudança na amplitude de referência, o controlador permite que a corrente no indutor seja rastreada com um atraso de uma amostra (BARBOSA et al., 2017). Nesta simulação, foi utilizada uma frequência de comutação de 50 kHz.

Figura 37: Comportamento da corrente no conversor elevador para uma variação em degrau no valor pico da referência.



Fonte: Autor.

Por conseguinte, na Figura 38 é apresentado um resultado de simulação com as formas de onda da tensão e corrente de saída do TNS compensado, na condição de máxima potência na bateria. Observa-se que a forma de onda de corrente assemelha-se com a de tensão, resultado do controle de corrente com PFC (fator de potência: 0,985). Adicionalmente, os valores eficazes de tensão de saída e corrente de saída simulados correspondem a 36,24 V e 2,167 A, respectivamente.

Já na Figura 39 é apresentado um resultado experimental com as formas de onda da tensão e corrente de saída do TNS, em que a frequência de comutação do conversor elevador utilizada foi 50 kHz (a mesma frequência de amostragem do controlador preditivo). Neste caso, os valores eficazes de tensão e corrente de saída medidos correspondem a 34,25 V e 2,260 A, respectivamente, ao passo que o fator de potência



medido foi de 0,982 (wattímetro WT230 da *Yokogawa*). Vale salientar que, apesar de nesta etapa ter sido implementado o controle em modo contínuo (CCM), também é possível realizar o controle do conversor elevador PFC no modo Modo de Condução Descontínuo (do inglês *Discontinuous Conduction Mode*) (DCM). Neste caso, pode-se suprimir o sensor *Hall* para a medição de corrente no indutor. Contudo, deve-se utilizar um filtro de linha para evitar interferências com os circuitos vizinhos (RASHID, 2017).

### 4.2.2.3 CONTROLE DE TENSÃO

O controle de tensão na saída do conversor elevador (no barramento CC) é feito através da corrente no indutor que, por sua vez, é ditado pelo funcionamento do interruptor  $S_1$  da Figura 35. O modelo deste conversor também já é amplamente conhecido na literatura e a função de transferência da tensão de saída pela razão cíclica de trabalho, desprezando as resistências no indutor e no capacitor, pode ser escrita na forma (ERICKSON, 2004; JIN et al., 2009):

$$\frac{v_{barCC}(s)}{d(s)} = \frac{V_{barrCC}}{1-D} \frac{-sL_{boost} + R_{eq,buck} (1-D)^2}{s^2 R_{eq,buck} L_{boost} C_{boost} + sL_{boost} + R_{eq,buck} (1-D)^2}$$
(4.13)

em que  $R_{eq,buck}$  é a resistência equivalente vista pelos terminais de saída do conversor elevador (que correspondem aos terminais de entrada do conversor abaixador).

Por outro lado, a função de transferência da corrente no indutor do conversor pela razão cíclica de trabalho é dada por (JIN et al., 2009):





Fonte: Autor.

$$\frac{i_{Lboost}\left(s\right)}{d\left(s\right)} = V_{barrCC} \frac{sR_{eq,buck}C_{boost} + 2}{s^2R_{eq,buck}L_{boost}C_{boost} + sL_{boost} + R_{eq,buck}\left(1-D\right)^2}$$
(4.14)

A fim de verificar o modelo matemático, são apresentados na Figura 40 os comportamentos da tensão e corrente de saída para uma perturbação na razão cíclica de trabalho.

A partir das equações (4.13) e (4.14), pode-se escrever a função de transferência da tensão de saída (barramento CC) pela corrente no indutor na forma:

$$\frac{v_{barCC}(s)}{i_{Lboost}(s)} = \frac{1}{1-D} \frac{-sL_{boost} + R_{eq,buck}(1-D)^2}{sR_{eq,buck}C_{boost} + 2}$$
(4.15)

Observa-se em (4.15) a existência de um zero no semiplano direito, característica de um sistema de fase não mínima (BARBI, 2015). No entanto, segundo (BARBI, 2015), o impacto desse zero na dinâmica do sistema é significativo para valores elevados de indutância, ou, por outro lado, valores baixos de resistência de carga. Para o sistema em estudo, não foram observadas alterações significativas na dinâmica durante o projeto do controlador de tensão.

O controlador de tensão deve permitir que a malha de tensão seja mais lenta que



Figura 40: Comportamento da tensão de saída (a) e corrente no indutor do conversor elevador (b) para uma perturbação na razão cíclica de trabalho.

a malha de corrente (SOUZA, 1998; BUNETEL & MACHMOUM, 1999; NAIR & LAKSH-MINARASAMMA, 2017), podendo ser realizado por meio de um controlador do tipo Proporcional-Integral (PI) (BUNETEL & MACHMOUM, 1999; LOPEZ-SANTOS; MURCIA & BARRERO, 2012; PRASANNA & RATHORE, 2013; NAIR & LAKSHMINARASAMMA, 2017). Este controlador pode proporcionar erro de estado estacionário nulo para a tensão e a frequência de cruzamento de ganho deve estar situada a uma década abaixo da frequência da corrente no indutor (NAIR & LAKSHMINARASAMMA, 2017). Dessa forma, evita-se distorção na corrente de entrada (SOUZA, 1998). Neste sentido, um controlador PI foi utilizado na compensação da malha de tensão e foi dimensionado para impor uma frequência de cruzamento de ganho de 100 Hz (em função da menor frequência de projeto do TNS), bem como uma margem de fase de 90° (RIDLEY, 1989). Sua função no domínio contínuo é descrito por (4.16) e os diagramas de Bode do sistema em malha aberta compensado e não compensado são apresentados na Figura 41. Com o compensador, o sistema possui uma margem de ganho de 39,2 dB.

$$C_{vi}(s) = \frac{2,506s + 13,924}{s} \tag{4.16}$$

Com a ação do controlador, o comportamento da tensão de saída do conversor elevador para uma mudança em degrau na referência é apresentado na Figura 42.



Figura 41: Resposta em frequência da malha de tensão do conversor elevador.

Fonte: Autor.

Figura 42: Comportamento da tensão de saída do conversor elevador para uma mudança em degrau no valor de referência.



Fonte: Autor.

# 4.3 BANCADA EXPERIMENTAL

Na Figura 43 é apresentada uma fotografia do protótipo implementado em laboratório, cujos elementos indicados são descritos a seguir:



Figura 43: Fotografia da bancada com protótipo implementado em laboratório.

Fonte: Autor.

- 1. Fonte de alimentação regulável;
- 2. Conversores do lado primário: retificador e inversor em ponte completa;
- 3. TNS;
- 4. Retificador do lado secundário;
- 5. Conversores do lado secundário: conversor elevador e abaixador;
- 6. Conjunto de baterias;
- 7. Plataforma de desenvolvimento  $eZdsp^{TM}F28335$  com DSP TMS320F28335;
- 8. Placas de condicionamento.

# 4.3.1 CARACTERÍSTICAS DO DSP

O algoritmo de controle de todo o sistema IPT foi implementado no DSP da Texas Instruments, modelo TMS320F28335, por meio da plataforma de desenvolvimento  $eZdsp^{TM}F28335$  da Spectrum Digital. O DSP é um processador com arquitetura Harvard de ponto flutuante de 32 bits, cujas principais características são (INSTRUMENTS, 2012; DIGITAL, 2007):

- Máximo ciclo de instrução 6,67 ns (150 MHz);
- Até 18 PWM de saída e até 6 PWM de alta resolução;
- Até 8 timers de 32 bits;
- 16 canais para conversão analógico/digital (A/D) de 12 bits com tempo de conversão de 80 ns, com multiplexador de 2 x 8 canais;
- 8 Interrupções externas;
- Controlador USB JTAG embarcado na placa.

### 4.4 RESULTADOS EXPERIMENTAIS

O objetivo desta seção é apresentar o funcionamento do sistema IPT nas condições de projeto definidas no Capítulo 3. Dessa forma, o TNS foi posicionado com entreferro de 5 mm, alimentado com tensão senoidal de 35 V, na frequência de 1370 Hz (valores de projeto).

Na Figura 44 é apresentado um resultado experimental com as formas de onda no lado primário do TNS, em que no canal 1 e 2 são mostradas a tensão e corrente de entrada do TNS, respectivamente, enquanto que nos canais 3 e 4 são apresentadas a corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente.

Já na Figura 45 é apresentado um resultado experimental com as formas de onda no lado secundário do TNS alimentando a carga de projeto. No canal 1 é mostrada a tensão no barramento CC do conversor elevador; no canal 2 encontra-se a corrente na saída do conversor abaixador (controle com corrente constante); no canal 3 e 4 são exibidas corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente.

Conforme pode ser visualizado na Figura 45, o perfil senoidal da corrente de saída mostra que a carga vista pelos terminais de saída do TNS tem comportamento resis-

Figura 44: Formas de onda com excitação senoidal. Canal 1: tensão de entrada do TNS; canal 2: corrente de entrada do TNS; corrente de saída do TNS; canal 4: tensão de saída do TNS. **Tek Prevu** 



Fonte: Autor.

Figura 45: Formas de onda no lado secundário do sistema. Canal 1: tensão de saída do conversor elevador; canal 2: corrente na saída do conversor abaixador; canal 3 e 4: corrente e tensão de saída do TNS.



Fonte: Autor.

Figura 46: Formas de onda de tensão e corrente na saída do TNS e na bateria. Canal 1: corrente de saída do TNS; canal 2: tensão de saída do TNS; canal 3: corrente na bateria; canal 4: tensão na bateria.



tivo (fator de potência de 0,982 medido no wattímetro WT230 da Yokogawa). O valor de resistência equivalente de saída esperado pelo projeto de compensação foi 15,748  $\Omega$  (Tabela 9). Já no resultado experimental da Figura 45, o valor de resistência equivalente é de, aproximadamente, 15  $\Omega$ , sendo próximo do esperado. Vale salientar também que o rendimento do TNS compensado foi de 89,84% (medido no wattímetro WT230 da Yokogawa), um pouco abaixo do esperado no projeto de compensação (92,90%, conforme Tabela 9). Essa diferença se deve, principalmente, pelas perdas nos capacitores e conexões que não foram consideradas no projeto de compensação.

Finalmente, na Figura 46 é apresentado um resultado experimental que exibe as formas de onda de tensão e corrente na bateria, bem como as formas de onda de tensão e corrente na saída do TNS. Neste resultado, a bateria foi submetida ao carregamento em corrente constante durante um pequeno intervalo de tempo em que pode-se perceber a variação de tensão aplicada na bateria de 13,83 V para 13,99 V (cursores "a" e "b").

Um detalhe das formas de onda de tensão e corrente na saída do transformador é apresentado na Figura 47. Já em uma janela menor, porém com a mesma taxa de aquisição, as formas de onda anteriores são apresentadas com um maior número de pontos na Figura 48.

Figura 47: Detalhe das formas de onda de tensão e corrente na saída do TNS e na bateria. Canal 1: corrente de saída do TNS; canal 2: tensão de saída do TNS; canal 3: corrente na bateria; canal 4: tensão na bateria.



Figura 48: Formas de onda de tensão e corrente na saída do TNS e na bateria. Canal 1: corrente de saída do TNS; canal 2: tensão de saída do TNS; canal 3: corrente na bateria; canal 4: tensão na bateria.



Fonte: Autor.

# 4.5 CONCLUSÕES PARCIAIS

Neste capítulo foram apresentados os estágios dos conversores que compõem o sistema IPT, bem como o projeto de controladores para seu funcionamento. Adicionalmente, foi apresentada a bancada experimental, bem como resultados experimentais do sistema com o TNS excitado por tensão senoidal. Foi verificado que, com o TNS operando na condição de projeto, a carga em seus terminais comportou-se equivalentemente a uma resistência com valor próximo do esperado no projeto de compensação. Na sequência, será abordado o funcionamento do TNS para variações no entreferro e a proposta de uma estratégia de rastreamento de máxima eficiência do transformador.

# 5 COMPORTAMENTO DO TNS PARA VARIAÇÕES NO ENTREFERRO E PROPOSTA DO MPEPT

Devido às particularidades do sistema proposto, não é possível garantir o perfeito alinhamento entre as duas partes do núcleo do TNS em consequência do processo de atracamento do veículo à estação de docagem. Na Figura 49 está ilustrado um exemplo de descolamento, em duas direções (Y e Z), possível de acontecer entre as duas partes do núcleo do TNS. Além desses desalinhamentos, deslocamentos angulares entre primário e secundário também são possíveis de ocorrer (FERNANDES, 2015), fazendo com que os planos das bobinas primário e secundário não sejam mais paralelos.

Esses desalinhamentos, quando pequenos em relação à dimensão do entreferro usada no projeto, afetam muito pouco os parâmetros do TNS (BINGYI; HONGBIN & GUIHONG, 2005; ZHIXIN et al., 2010). Por outro lado, quando eles são maiores que a dimensão do entreferro tem-se uma variação significativa dos parâmetros e no ponto de operação do transformador. Nestes casos, do ponto de vista prático, pode-se trabalhar com um entreferro equivalente maior (FERNANDES, 2015).

Figura 49: Ilustração de desalinhamentos nas direções Y e Z, possíveis de ocorrer durante o processo de docagem do AUV.



Fonte: Autor.

Mediante esse contexto, nesta seção será investigado o comportamento do TNS frente a variações positivas ou negativas do entreferro devido ao processo de docagem. Esse estudo foi realizado para excitação senoidal ou com onda retangular. Para o sistema proposto neste trabalho foi assumido que o entreferro do TNS pode variar entre os valores 5  $mm \pm 3 mm$ . Essa escolha é justificada devido à espessura do "nariz" do AUV, onde ficaria localizada uma parte do núcleo do TNS. Além disso, a imprecisão do processo de docagem pode forçar o aumento ou diminuição do entreferro durante o acoplamento com a base de atracamento.

# 5.1 DESEMPENHO DO TNS PARA UM AUMENTO DO ENTRE-FERRO EQUIVALENTE

Devido aos possíveis desalinhamentos que podem ocorrer durante o processo de docagem do AUV, nesta seção é feito um estudo do comportamento do TNS para variações no entreferro em torno de 5 mm (valor considerado na rotina de otimização). Para isso são avaliados dois cenários: (i) aumento no entreferro de 5 mm para 8 mm; (ii) diminuição do entreferro de 5 mm para 2 mm. É importante salientar que as variações no entreferro são aplicadas somente na direção "X" da Figura 49.

Na Figura 50 são apresentadas as curvas da tensão eficaz de saída e do rendimento para o TNS operando com dois valores de entreferro: (i) 5 mm (condição de projeto) e (ii) 8 mm (entreferro equivalente maior). Essas curvas foram obtidas a partir das funções analíticas derivadas do circuito equivalente do TNS. Pode-se notar que, apesar do aumento no entreferro, as curvas relativas à eficiência mantêm características parecidas para as duas condições de operação. Já a tensão de saída do TNS tem um pico de ressonância mais elevado com o aumento do entreferro. Neste estudo, a carga conectada na saída do TNS tem um valor fixo de 15,748  $\Omega$  (Tabela 9), representando uma carga de impedância constante.

Na Tabela 11 são exibidos os resultados da Figura 50 em três pontos de operação: (i) entreferro de 5 mm e frequência de 1370 Hz; (ii) entreferro de 8 mm e frequência de 1370 Hz; (iii) entreferro de 8 mm e 1486 Hz. Conforme pode ser observado nessa tabela, quando o entreferro corresponde a 5 mm, o rendimento do TNS é máximo (devido à rotina de otimização ter sido empregada para este valor de entreferro). Por outro lado, caso o entreferro aumente em relação ao de projeto, há um aumento no valor eficaz de tensão de saída e uma diminuição do rendimento do transformador. Entretanto, é possível aumentar um pouco o rendimento, elevando o valor da frequência de excitação do transformador. Neste caso, nota se que a tensão de saída diminui um pouco com o aumento da frequência. É importante ressaltar também que o ponto de máxima tensão no gráfico difere do ponto de máximo rendimento. Neste caso, transferir

Figura 50: Comportamento analítico do rendimento e da tensão de saída do TNS para variação no valor do entreferro equivalente de 5 mm (linha cheia) para 8 mm (linha tracejada)



a máxima potência para a carga não implica, necessariamente, em trabalhar com o máximo rendimento. Com efeito, embora as seções subsequentes apresentem estudos para maximizar o rendimento do TNS, também pode-se buscar um compromisso entre potência transferida e eficiência.

Entreferro	Frequência	Tensão eficaz	Dondimente
equivalente	de excitação	de saída	Rendimento
$5 \mathrm{mm}$	1370 Hz	35,20 V	92,91~%
9 100 100	1370 Hz	39,80 V	89,77~%
8 11111	1486  Hz	34,86 V	$90,\!03~\%$
Fonte:Autor.			

Tabela 11: Pontos de operação do TNS para um aumento do entreferro de projeto.

5.2 DESEMPENHO DO TNS PARA UMA DIMINUIÇÃO DO ENTRE-FERRO EQUIVALENTE

A Figura 51 mostra as curvas da tensão eficaz de saída e da eficiência para o TNS do sistema de alimentação do AUV operando com entreferro de 5 mm e 2 mm, respectivamente. Esta condição de operação seria resultante de um processo de docagem mais preciso. Como no caso anterior, as formas de onda das curvas de eficiência mantêm

características parecidas. Porém, a curva da tensão de saída apresenta dois picos de ressonância para uma operação com o entreferro menor. Essas curvas também foram obtidas a partir das funções analíticas derivadas do circuito equivalente do TNS com a mesma resistência de saída do caso anterior.

Figura 51: Comportamento analítico do rendimento e da tensão de saída do TNS para variação no valor do entreferro equivalente de 5 mm (linha cheia) para 2 mm (linha tracejada).



Na Tabela 12 são mostrados os resultados da Figura 51 em três pontos de operação: (i) entreferro de 5 mm e frequência de 1370 Hz; (ii) entreferro de 2 mm e frequência de 1370 Hz; (iii) entreferro de 2 mm e 1055 Hz. Nota-se que ocorre um aumento do rendimento (devido ao melhor acoplamento entre os enrolamentos) com a redução do entreferro. Contudo, observa-se uma diminuição na tensão eficaz de saída. Entretanto, é possível elevar a tensão eficaz de saída novamente, alterando-se a frequência de excitação do transformador.

A redução na tensão de saída proveniente da diminuição no entreferro pode ser explicada analisando-se o circuito da Figura 19 a partir do método de *Thévenin*. Ao abrir os terminais de saída do circuito, a tensão de circuito aberto é diretamente proporcional à indutância de magnetização. Ou seja, como a redução do entreferro aumenta a indutância de magnetização, a tensão de circuito aberto também aumenta. No entanto, a impedância vista pelos terminais de saída é maior quando o entreferro diminui (o que tende a diminuir a tensão na carga). Logo, para verificar qual o resultado dessas influências na tensão de saída, é necessário avaliar a frequência de excitação. Percebe-se, por exemplo, que nas proximidades dos pontos de máximo da curva de tensão para 2 mm, a tensão de saída aumenta em relação ao cenário para 5 mm.

	Entreferro equivalente	Frequência de excitação	Tensão eficaz de saída	Rendimento
	$5 \mathrm{mm}$	1370 Hz	35,20 V	92,91~%
-	2 mm	1370 Hz	29,23 V	94,22~%
		$1055 \ \mathrm{Hz}$	$27,01 \ V$	$94,\!98~\%$
	Fonte:Autor.			

Tabela 12: Pontos de operação do TNS para uma redução do entreferro de projeto.

A análise dos gráficos da tensão de saída e do rendimento da Figura 50 e da Figura 51, permite pensar em desenvolver um algoritmo do tipo perturba e observa (P&O) para rastrear o ponto de máxima tensão eficaz de saída (Maximum Voltage Point Tracking, MVPT) (LOPES et al., 2014) ou, até mesmo, o ponto de máxima eficiência (Maximum Efficiency Point Tracking, MEPT). No primeiro caso, rastrear a tensão máxima eficaz de saída requer a transmissão da medição do secundário, uma vez que seu circuito está dentro do veículo. Além disso, se na região de frequências em estudo houver mais de um ponto de máximo (como no caso dos picos de ressonância das curvas do TNS para 2 mm e 5 mm) o controle pode encontrar um máximo local. Outra desvantagem é o fato de o MVPT não garantir a máxima eficiência. Por outro lado, como a curva de eficiência possui somente um ponto de máximo no intervalo de frequências estudado, pode-se aplicar o MEPT a fim de se rastrear a máxima eficiência. No entanto, essa alternativa também requer a transmissão de grandezas de dentro do AUV. Neste sentido, este trabalho propõe uma maneira de rastrear o ponto de máxima eficiência sem a necessidade de conhecer as grandezas do secundário do TNS, ou seja, somente com as medições de tensão e corrente de entrada do TNS. Esse estudo será apresentado na próxima seção.

### 5.3 RASTREAMENTO DO PONTO DE MÁXIMA EFICIÊNCIA

A técnica de Rastreamento do Ponto de Máximo Rendimento (do inglês, Maximum Efficiency Point Tracking) (MEPT) vem sendo empregada recentemente em sistemas IPT, a exemplo de Li et al. (2015) e Yuan et al. (2015), com a necessidade da medição e transmissão das grandezas localizadas na bobina receptora. Em Li et al. (2015) é proposto o sistema ilustrado na Figura 52 que foi construído experimentalmente com bobinas fracamente acopladas e malha ressonante LC.

Figura 52: Controle MEPT com variáveis no primário e secundário proposto por Li et al. (2015) (adaptado).



Fonte: Adaptado de Li et al. (2015).

Neste sistema são utilizados dois conversores CC-CC: um antes do inversor no enrolamento primário e outro após o retificador no enrolamento secundário para controle de tensão na carga. A relação entre tensão de saída do conversor CC-CC do receptor  $(V_o)$  e a tensão de entrada do conversor CC-CC do estágio emissor  $(V_{in})$  é utilizada como uma das variáveis de controle. Uma segunda variável de controle é definida pela relação entre a resistência de saída vista pelo conversor CC-CC do receptor e a resistência vista na entrada do conversor CC-CC do emissor. Essas duas variáveis de controle são utilizadas no algoritmo de controle do MEPT.

Em Yuan et al. (2015) os autores apresentam topologia semelhante, com conversores CC-CC também nos estágios emissor e receptor. No entanto, mostram através de simulação que é possível fazer o rastreamento da eficiência com o MEPT somente com a relação entre as tensões de saída desses conversores CC-CC, que pode ser alterada pelo primário.

Existem na literatura propostas de controle em sistemas IPT apenas com monitoramento de variáveis do primário, porém aplicadas em controle de fluxo de potência (THRIMAWITHANA & MADAWALA, 2010; ZAHEER; SURI & NEMADE, 2012). Basicamente, nesses casos a tensão de saída do secundário é controlada indiretamente por grandezas do primário, alterando-se, assim, o fluxo de potência entregue à carga. Entretanto, nessas soluções é necessário estimar a tensão de saída, bem como o valor de indutância mútua entre as bobinas acopladas, e não há uma preocupação com o rendimento do sistema.

O estudo realizado nesta tese, também verificado em (LOPES et al., 2014) e em (CHENG et al., 2015), mostra que o rendimento do sistema é fortemente dependente

da frequência de excitação do TNS. Todavia, como a frequência é um parâmetro projetado para ser fixo nos sistemas IPT, não é utilizado como variável de controle. Neste sentido, este trabalho propõe uma técnica de MEPT, com base em medições somente do primário do TNS, cuja frequência de excitação é a variável de controle do sistema. Isso é realizado através de um inversor com modulação PWM senoidal.

## 5.3.1 FLUXO DE POTÊNCIA E EFICIÊNCIA DO TNS

O cálculo da eficiência do TNS exige a medição dos parâmetros de saída. Logo, rastrear o ponto de máxima eficiência requer a medição das grandezas elétricas no secundário. No entanto, o conhecimento exato da característica de rendimento do TNS não é necessário para se rastrear o máximo rendimento. Basta, somente, construir, com grandezas do primário, uma curva com o mesmo perfil e com o ponto de máximo em frequência semelhante ao da curva de rendimento. Nesse sentido, é possível aproximar o perfil da curva de eficiência através do conhecimento da potência "parcial" do TNS, definida por  $P_{parcial}$ , conforme será apresentado na sequência.

O circuito da Figura 53 apresenta o fluxo de potência no TNS. O rendimento do TNS pode ser calculado pela relação entre a potência ativa de saída,  $P_{saída}$ , e a potência ativa de entrada,  $P_{entrada}$ , conforme a seguir:

$$\eta = \frac{P_{saida}}{P_{entrada}} \tag{5.1}$$

Figura 53: Fluxo de potência no TNS. Modelo em regime permanente.



Fonte: Autor.

Neste mesmo circuito, a potência parcial destacada,  $P_{parcial}$ , pode ser calculada por:

$$P_{parcial} = P_{entrada} - R_p I_p^2 \tag{5.2}$$

Logo, pode-se definir um "pseudo" rendimento,  $\eta_{pseudo}$ , como a seguir:

$$\eta_{pseudo} = \frac{P_{parcial}}{P_{entrada}} \tag{5.3}$$

Assim, através do modelo do TNS é possível estimar graficamente o comportamento das potências ativas  $P_{entrada}$ ,  $P_{saída}$  e  $P_{parcial}$  e dos rendimentos  $\eta$  e  $\eta_{pseudo}$  em função da frequência de alimentação. Neste sentido, as Figuras 54, 55 e 56 apresentam o comportamento dessas grandezas em função da frequência de alimentação do TNS para os valores de entreferro em estudo (2 mm, 5 mm e 8 mm). Em todos os casos, foi utilizada a carga resistiva da Tabela 9, encontrada pela rotina de otimização .

Figura 54: Comportamento das potências e rendimento do TNS para entreferro de 2mm.



Observando-se as Figuras 54, 55 e 56, percebe-se que a potência ativa parcial,  $P_{parcial}$ , possui perfil semelhante ao da potência ativa de saída,  $P_{saída}$ , em todos os valores de entreferro analisados. Por esse motivo, o "pseudo" rendimento,  $\eta_{parcial}$ , conforme mostrado, também possui perfil semelhante ao do rendimento  $\eta$ , apresentando somente um ponto de máximo próximo ao ponto de máximo de  $\eta$ . Isso significa que é possível utilizar o comportamento do  $\eta_{pseudo}$  para implementar um algoritmo de MEPT, utilizando somente medições do primário do TNS, aproximando o sistema em seu ponto de máximo rendimento. Mediante esse contexto, na sequência serão apresentados o

Figura 55: Comportamento das potências e rendimento do TNS para entreferro de 5mm.



Figura 56: Comportamento das potências e rendimento do TNS para entreferro de 8mm.



modelo de simulação digital, resultados de simulação e resultados experimentais com o algoritmo de Rastreamento do Ponto de Máximo Pseudo Rendimento (do inglês, *Maximum Pseudo Efficiency Point Tracking*) (MPEPT) para os casos de variação de entreferro estudados anteriormente.

## 5.4 MODELO DE SIMULAÇÃO DIGITAL

Para realizar a simulação do sistema implementando o algoritmo de MPEPT, foi utilizado o circuito da Figura 57. Nele são apresentados: (i) um bloco que faz os cálculos do algoritmo de rastreamento (canto superior esquerdo), a partir da medição de grandezas do circuito, e produz os sinais de disparo dos interruptores semicondutores alterando a frequência da tensão de saída do inversor; (ii) o inversor fonte de tensão (canto superior direito); (iii) o circuito equivalente do TNS com as capacitâncias de compensação (parte central) e (iv) os conversores do lado secundário (parte inferior). A simulação foi realizada através do *software* PSIM (*Power Sim*), utilizado para sistemas com eletrônica de potência. Para a maior parte dos casos simulados, o passo de simulação utilizado foi de  $1x10^-6$  s, que corresponde a um vigésimo da máxima frequência de comutação utilizada (frequência de comutação do conversor elevador - PFC). Já as resistências dos enrolamentos primário e secundário, que variam com a frequência de excitação, foram modeladas por em elemento não linear disponível na biblioteca do PSIM utilizando as equações (C.1) e (C.2) do Apêndice C.


Fonte: Autor.

109

#### 5.5 ALGORITMO DE CONTROLE E RESULTADOS COM O MPEPT

Com o objetivo de avaliar o desempenho do MPEPT, o sistema da Figura 57 foi simulado e o algoritmo MPEPT implementado está resumido pelo fluxograma da Figura 58.



Figura 58: Fluxograma com o algoritmo do MPEPT.

Fonte: Autor.

Inicialmente, o sistema é iniciado com o TNS modelado para um entreferro de 5 mm. Nesta situação, a frequência de alimentação é ajustada em 1370 Hz (frequência de projeto do TNS para a máxima eficiência em 5 mm). Nessas condições, a partir da medição instantânea de tensão e corrente de entrada da fonte ( $v_{fonte} \in i_p$ ), é calculada uma média da potência instantânea fornecida pela fonte,  $P_{entrada}$ , ao final de um intervalo de amostragem T, conforme a seguir:

$$P_{entrada}[k] = \frac{\sum_{n=1}^{T} v_{fonte}[n] \cdot i_p[n]}{T}$$
(5.4)

em que n é o índice de cada amostra e k é o índice que marca o fim do intervalo de amostragem.

No fim desse mesmo intervalo de amostragem, é calculada a potência dissipada no enrolamento primário do TNS, na forma:

$$P_{R_p}[k] = I_p^2[k] \cdot R_p(f[k])$$
(5.5)

Essa potência pode ser calculada pelo valor de  $R_p$  que foi estimado pelo modelo matemático do TNS, cujo valor depende da frequência imposta pela fonte durante o intervalo de amostragem T. Já a corrente eficaz de entrada no enrolamento primário pode ser calculada conforme a seguir:

$$I_{p}[k] = \sqrt{\frac{\sum_{n=1}^{T} i_{p}[n] \cdot i_{p}[n]}{T}}$$
(5.6)

Portanto, no fim do intervalo de amostragem, é possível calcular o "pseudo" rendimento  $\eta_{pseudo}$  através da potência parcial do circuito  $P_{parcial}$ , na forma:

$$\eta_{parcial}[k] = \frac{P_{parcial}[k]}{P_{entrada}[k]} = \frac{P_{entrada}[k] - P_{R_p}[k]}{P_{entrada}[k]}$$
(5.7)

Após esse procedimento, é produzida uma pequena perturbação no valor da frequência de operação  $(f = f_o + \Delta f)$  e, após outro intervalo de amostragem, o "pseudo" rendimento é recalculado e comparado ao anterior para o prosseguimento do algoritmo MPEPT. Caso ocorra alguma variação no entreferro (que pode ser provocada no decorrer da simulação), o algoritmo irá trabalhar para rastrear o novo ponto de máximo "pseudo" rendimento, que está localizado próximo da frequência que conduz o sistema ao seu máximo rendimento. O valor definido para a perturbação  $\Delta f$ , utilizado nas simulações e resultados experimentais que serão apresentados na sequência, corresponde a 10 Hz. Esse valor foi escolhido em função do comportamento do "pseudo" rendimento das Figuras 54, 55 e 56, sendo pequeno o suficiente para permitir uma busca refinada do máximo  $\eta_{pseudo}$  em poucos segundos.

# 5.5.1 RESULTADOS DO MPEPT PARA UM AUMENTO NO ENTRE-FERRO

A Figura 59 apresenta a evolução dos valores de frequência, "pseudo" rendimento, rendimento e tensão de saída para a simulação de um aumento no entreferro do TNS de 5 mm para 8 mm. Inicialmente, o sistema é posicionado na frequência de projeto para o entreferro de 5 mm (1370 Hz) e, posteriormente, o entreferro é alterado para 8 mm, através de uma variação em degrau no valor das indutâncias do TNS.

Figura 59: Desempenho do MPEPT na simulação: frequência (a); rendimento e "pseudo" rendimento (b); tensão de saída (c). Variação de entreferro de 5mm para 8mm.



O comportamento das grandezas da Figura 59 mostra que o rendimento e o "pseudo" rendimento do TNS diminuíram por causa do aumento do entreferro, conforme previsto pelo modelo matemático. Neste caso, o algoritmo MPEPT diminuiu a frequência, rastreando o maior valor de "pseudo" rendimento. Observa-se neste caso que o algoritmo posiciona a frequência de operação em uma região próxima dos 1440 Hz. Nota-se, através da Figura 56, que nesta região encontram-se também os valores máximos de rendimento e "pseudo" rendimento. Na simulação da Figura 59, observou-se um aumento de, aproximadamente, 1 % no rendimento e no "pseudo" rendimento por causa do algoritmo MPEPT.

Nesse contexto, o resultado experimental referente a um aumento no entreferro é

apresentado na Figura 60. No canal 2 (parte superior) é exibido um sinal externado do DSP proporcional à frequência de excitação; no canal 1 (parte central) é mostrado o "pseudo" rendimento ( $\eta_{pseudo}$ ), também externado do DSP; no canal 4 (parte inferior) é exibida a forma de onda da tensão de saída do TNS. Pode-se observar nas Figuras 59 e 60, que o resultado experimental se apresentou de forma similar ao da simulação. É importante salientar que para variar o entreferro do TNS, os enrolamentos primário e secundário, juntamente com suas partes do núcleo, foram posicionados sobre dois trilhos. Com o trilho do primário fixo e o trilho do secundário deslizante, foi regulada uma variação de entreferro na faixa de 2 mm até 8 mm. Logo, inicialmente o transformador é posicionado em 5 mm de entreferro e, posteriormente, provocou-se uma variação brusca no entreferro para 8 mm nesta etapa, objetivando realizar uma variação em degrau conforme a simulação da Figura 59.

Figura 60: Desempenho do MPEPT em experimental. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm.



Fonte: Autor.

Detalhes das formas de onda antes e após a variação no entreferro são apresentados nas Figuras 61 e 62, nas quais é possível perceber o comportamento senoidal da tensão e corrente de saída do TNS. Figura 61: Detalhe do MPEPT experimental em 5 mm. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm.



Fonte: Autor.

Figura 62: Detalhe do MPEPT experimental em 8 mm. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm.



Fonte: Autor.

# 5.5.2 RESULTADOS DO MPEPT PARA UMA REDUÇÃO NO EN-TREFERRO

Na condição de diminuição do entreferro, conforme Figura 51, há um decréscimo na tensão eficaz de saída. Logo, para um carga de resistência fixa, haveria, também, um decréscimo na potência. No caso de uma bateria, no entanto, para manter a corrente constante, a despeito da diminuição da tensão eficaz de saída do TNS, seria necessário aumentar a razão cíclica de trabalho do conversor elevador. Neste caso, a corrente injetada no barramento CC de saída do conversor elevador também aumentaria, implicando em uma elevação da corrente de saída do TNS. Em outras palavras, a corrente de saída do transformador deve aumentar para manter a carga, o que diminui a resistência equivalente de saída. Por conseguinte, uma vez que a resistência equivalente de saída do TNS diminui, a tensão de saída também reduz. Esse processo pode impedir que o TNS consiga atender a carga e também comprometer o funcionamento do controle dos conversores do lado secundário. É possível contornar esse problema aumentando a modulação em amplitude no inversor do lado primário. Isso elevaria a tensão de entrada do TNS, no entanto seria necessário que entre os lados primário e secundário houvesse comunicação de dados. Adicionalmente, o acréscimo de tensão na entrada do transformador deveria estar dentro do limite de isolamento do mesmo. Outra alternativa é diminuir a carga de saída, por meio da redução da corrente na bateria. Neste caso, haveria uma redução na potência de saída do  $\mathrm{TNS}$  (o que aumenta a resistência equivalente de saída) e um acréscimo no tempo de carregamento. Todavia, não seria necessária comunicação de dados entre primário e secundário do sistema IPT. Será apresentado na sequência um caso para a redução de carga.

A Figura 63 apresenta os valores de frequência, "pseudo" rendimento, rendimento e tensão de saída. Inicialmente, o sistema foi posicionado na frequência de projeto para o entreferro de 5 mm (1370 Hz) e, posteriormente, o entreferro é alterado para 2 mm. Para demonstrar o princípio de funcionamento, quando a tensão eficaz de saída do TNS é inferior a 30 V, o controle de corrente do conversor abaixador reduz a corrente de carga em 50%. Observa-se pela simulação que a redução no entreferro provocou uma queda na tensão de saída e um aumento na eficiência, conforme previsto pelo modelo matemático. Assim, em virtude da redução da tensão, o conversor abaixador reduziu a corrente da carga. Paralelamente, o algoritmo MPEPT opera rastreando o maior valor de "pseudo" rendimento.

Nesse cenário, o resultado experimental é apresentado na Figura 64. No canal 2 (parte superior) é exibido um sinal externado do DSP proporcional à frequência

Figura 63: Desempenho do MPEPT na simulação: frequência (a); rendimento e "pseudo" rendimento (b); tensão de saída (c); corrente de carga (d). Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm.



de excitação; no canal 1 (parte central) é mostrado o "pseudo" rendimento ( $\eta_{pseudo}$ ), também externado do DSP; no canal 4 (parte inferior) é exibida a forma de onda da tensão de saída do TNS.

Figura 64: Desempenho do MPEPT em experimental. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS. Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm.



Fonte: Autor.

Por limitações de canais de medição no osciloscópio utilizado, não foi apresentada a corrente de carga na Figura 64. Entretanto, pode-se visualizar por meio das Figuras 65 e 66 que, após a mudança no entreferro, houve uma redução no valor da corrente de saída do TNS, em função da redução na corrente da carga. Neste sentido, a redução na carga implica no aumento da resistência equivalente de saída do TNS, como pode ser verificado na Figura 67. Observa-se que, para o novo valor de carga, a frequência de operação associada ao máximo "pseudo" rendimento não sofre variações significativas e, por isso, o algoritmo MPEPT pouco alterou a frequência de operação do TNS.

Figura 65: Detalhe do MPEPT experimental em 5 mm. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm.



Fonte: Autor.

Percebe-se, então, que os resultados experimentais seguiram um comportamento semelhante ao da simulação, com exceção de uma descontinuidade ocorrida com a mudança do entreferro mostrada com detalhes na Figura 68. No entanto, é possível perceber que, após essa descontinuidade, o controle retomou o funcionamento esperado pela simulação. Figura 66: Detalhe do MPEPT experimental em 2 mm. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm.



Fonte: Autor.

Figura 67: Comportamento analítico do rendimento e da tensão de saída do TNS para variação no valor da carga equivalente de saída: carga de projeto (linha tracejada) e carga reduzida, " $R_L$  novo", (linha cheia)



Fonte: Autor.

Figura 68: Detalhe do MPEPT experimental em 2 mm. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Detalhe da tensão e corrente na variação de entreferro de 5 mm para 2 mm.



#### Fonte: Autor.

# 5.6 CONCLUSÕES PARCIAIS

Neste capítulo foi apresentado um estudo com o modelo matemático do transformador, em que se avaliou o seu comportamento para variações no entreferro. Observou-se que a mudança neste parâmetro afeta as condições de tensão de saída e rendimento do sistema. Neste sentido, para contornar esses efeitos, foi proposta a aplicação de um algoritmo do tipo Perturba e Observa para rastrear o máximo rendimento do TNS, com base na mudança da frequência de excitação. Com efeito, resultados de simulação e experimentais permitiram demonstrar o funcionamento da proposta e verificar condições de operação previstas pelo modelo matemático com alimentação senoidal.

# 6 EXCITAÇÃO COM ONDA RETANGULAR

A excitação em onda retangular está associada com sistemas IPT quando se empregam conversores ressonantes em frequência elevadas. Segundo Fernandes (2015), o uso de inversor em onda retangular, aliado com a malha ressonante para alimentação de sistemas IPT, simplifica a estratégia de comando dos interruptores semicondutores, permitindo alcançar frequências elevadas com relativa facilidade. Neste caso, se a frequência fundamental da forma de onda retangular for igual à frequência de ressonância natural do circuito ressonante, a corrente de entrada do transformador será senoidal (FERNANDES, 2015). Ou seja, nessas condições irá fluir no transformador somente a componente fundamental da onda retangular de entrada, o que é conhecido como Aproximação de Primeiro Harmônico (ERICKSON & MAKSIMOVIC, 2007). Com efeito, é possível obter correntes senoidais no transformador com menor perda por comutação, se comparado com a modulação PWM senoidal, que, por sua vez, necessita que os interruptores sejam comutados a uma frequência mais elevada para posterior filtragem da componente fundamental. No entanto, variações significativas no entreferro alteram os parâmetros do transformador, podendo dessintonizar a malha ressonante e, consequentemente, impedir que, na excitação em onda retangular, a corrente de entrada seja puramente senoidal.

Com o objetivo de avaliar os efeitos das harmônicas de tensão no TNS, este capítulo traz um estudo no caso de excitação do TNS compensado em onda retangular em baixas frequências. São investigados os efeitos das harmônicas na corrente de entrada e tensão de saída do TNS, bem como são apresentados resultados do MPEPT para as variações no entreferro discutidas no capítulo anterior.

## 6.1 MODELO MATEMÁTICO DO TNS

O circuito do TNS para este estudo é o mesmo utilizado nos capítulos anteriores. Ele pode ser analisado por meio do Teorema da Superposição, em que a tensão retangular de entrada pode ser escrita como a soma das harmônicas, conforme (6.1) (ENOMOTO



Figura 69: Análise do circuito com onda retangular.



Fonte:Autor.

et al., 2017).

$$v_{fonte}\left(t\right) = \sum_{n=2k-1}^{\infty} \frac{4V_{fonte}}{n\pi} sen\left(n\omega t\right), \ k \in \mathbb{N}$$

$$(6.1)$$

Com efeito, as fontes em frequências diferentes correspondem às componentes harmônicas da tensão retangular de entrada, conforme ilustrado na Figura 69. É importante ressaltar que no modelo matemático da Figura 69, somente as resistências de enrolamento do TNS ( $R_p \in R_s$ ) foram consideradas variantes com a frequência devido ao efeito de proximidade já mencionado.

A partir do modelo matemático, pode se investigar os efeitos das harmônicas da fonte nas grandezas do circuito quando a frequência fundamental de excitação diferir da de projeto. Um estudo semelhante foi realizado por Enomoto et al. (2017) para

**l**\_saída

 $R_L$ 

Figura 70: Característica da corrente de entrada do TNS para excitação em onda retangular: (a) forma de onda; (b) participação percentual de cada harmônica na corrente eficaz; (c) percentual de cada harmônica em relação à fundamental.



investigar regiões de operação nas proximidades da frequência de ressonância de um conversor CC-CC bidirecional isolado com tanque LC. Neste capítulo, são investigados os efeitos na corrente de entrada, tensão de saída e no rendimento do transformador.

Por meio da análise do circuito da Figura 69 até a 51<sup>a</sup> harmônica, é apresentado na Figura 70 a forma de onda da corrente de entrada (a), bem como o espectro de frequências e seus valores percentuais. As harmônicas de ordem superior a 11 foram omitidas. No gráfico (b) da Figura 70 é apresentada a contribuição percentual de cada harmônica no valor eficaz da corrente de entrada, enquanto que o gráfico (c) contém o valor percentual da amplitude da harmônica em função da fundamental.

Nesse mesmo contexto, é apresentada na Figura 71 a forma de onda da tensão de saída (a), bem como o espectro de frequências e seus valores percentuais até a 11<sup>a</sup>

Figura 71: Característica da tensão de saída do TNS para excitação em onda retangular: (a) forma de onda; (b) participação percentual de cada harmônica na tensão eficaz; (c) percentual de cada harmônica em relação à fundamental.



harmônica. No gráfico (b) da Figura 71 é apresentado a contribuição percentual de cada harmônica no valor eficaz da tensão de saída, enquanto que o gráfico (c) contém o valor percentual da amplitude da harmônica em função da fundamental.

Considerando o comportamento da corrente de entrada, observa-se pela análise anterior que a contribuição das harmônicas é pouco significativa, sobretudo para aquelas de ordem superior a 7. Consequentemente, verifica-se, na tensão de saída, comportamento semelhante e com maior atenuação das harmônicas. Observa-se, também, que a parcela correspondente à 3<sup>a</sup> harmônica é a mais significativa (depois da fundamental). Embora seu valor seja pequeno em relação à fundamental, é possível mitigá-lo aplicando-se uma estratégia de comutação com técnica de Eliminação Seletiva de Harmônicos (do inglês, *Selective Harmonic Elimination*) (SHE). No entanto, para sintetizar uma tensão da fonte com esse propósito, a frequência de comutação do inversor no primário deveria ser dobrada. Alternativamente, com o objetivo de garantir corrente senoidal na saída do transformador, pode-se implementar digitalmente um filtro para que, na medição da tensão de saída no circuito secundário, seja extraída somente a componente fundamental da tensão. Dessa forma, a corrente de referência para o conversor elevador também será senoidal, a despeito das harmônicas oriundas da onda retangular no primário. Essa implementação poderia ser realizada, por exemplo, com um Circuito de Sincronismo (do inglês, *Phase Locked-loop*) (PLL),

A fim de verificar o estudo anterior, alimentou-se o sistema com tensão retangular. O resultado experimental com as formas de onda de tensão e corrente na entrada e saída do TNS é apresentado na Figura 72, onde percebe-se um comportamento semelhante com o modelo matemático. Vale salientar aqui que o rendimento do TNS com alimentação em onda retangular foi de 89,07% (medido no wattímetro WT230 da *Yokogawa*), um pouco abaixo comparado ao caso de alimentação senoidal (89,84%). Essa diferença pode ser explicada pelas perdas devido ao conteúdo harmônico presente na corrente de entrada do transformador na alimentação em onda retangular.

Figura 72: Formas de onda com excitação em onda retangular. Canal 1: tensão de entrada do TNS; canal 2: corrente de entrada do TNS; corrente de saída do TNS; canal 4: tensão de saída do TNS.



Fonte:Autor.



Figura 73: Comportamento analítico do rendimento e da tensão de saída do TNS com entreferro de 5 mm em função da frequência da onda retangular.

### 6.2 COMPORTAMENTO DO RENDIMENTO E TENSÃO DE SAÍDA

De forma análoga ao estudo do Capítulo 5, investigou-se aqui o comportamento do rendimento do TNS, bem como da tensão de saída, para o entreferro de projeto. Com o conteúdo harmônico presente na tensão de entrada, o rendimento e a tensão eficaz de saída em função da frequência da onda retangular são apresentados na Figura 73 (entreferro de 5 mm).

Observa-se neste caso que a curva de rendimento possui mais de um ponto de máximo, cuja frequência é menor que a de projeto. Isso poderia comprometer o funcionamento do algoritmo MPEPT. Nota-se, também, que a curva de tensão eficaz possui agora pontos de máximo adicionais, também localizados em frequências inferiores à de projeto. Essa característica se deve ao fato de cada componente harmônica produzir uma ressonância, replicando em outras frequências o perfil da tensão e rendimento observados na frequência fundamental. Isso implica que, se há uma ressonância em uma dada frequência para a 1<sup>a</sup> harmônica da onda retangular, também serão observadas ressonâncias semelhantes para as demais componentes harmônicas. Se, por exemplo, o circuito entra em ressonância na frequência de 1500 Hz e ele é alimentado com onda retangular nesta mesma frequência, será observada na saída a ressonância

Figura 74: Curvas de rendimento do TNS em 5 mm para cada harmônica da onda retangular: fundamental (a);  $3^{a}$  (b);  $5^{a}$  (c);  $7^{a}$  (d).





em 1500 Hz e as grandezas do circuito irão oscilar, também, nesta frequência. Por outro lado, se o circuito for excitado com onda retangular em 500 Hz, a harmônica de  $3^{a}$  ordem é quem irá produzir uma ressonância e, predominantemente, as grandezas do circuito irão oscilar com frequência de 1500 Hz, a despeito dos 500 Hz da onda retangular. Contudo, os picos de tensão replicados pelas harmônicas serão menores que os provocados pela fundamental, uma vez que, na onda retangular, cada harmônica possui amplitude inversamente proporcional à sua ordem. Para ilustrar melhor esse fato, tem-se nas Figuras 74 e 75 as curvas de rendimento e tensão eficaz de saída, respectivamente, quando o circuito é excitado individualmente por cada harmônica (até a 7<sup>a</sup>).

Observando-se a Figura 75, percebe-se que se, por exemplo, o circuito for excitado com onda retangular em 330 Hz (posição do pico de tensão eficaz da 3<sup>a</sup> harmônica, Figura 75 (b)), espera-se que a tensão de saída observada do TNS tenha conteúdos significativos da 3<sup>a</sup>, 5<sup>a</sup> e 7<sup>a</sup> harmônicas. Com efeito, simulando o circuito com onda retangular em 330 Hz, as formas de onda das tensões de entrada (fonte) e saída do TNS são exibidas na Figura 76, enquanto que o conteúdo harmônico delas é mostrado na Figura 77 (amplitude *versus* frequência). Na Figura 76, os valores de tensão eficaz de entrada e saída são 35 V e 17,19 V, respectivamente.

Finalmente, a fim de verificar esse comportamento, o resultado experimental com as formas de onda das tensões de entrada e saída do TNS, medidas no circuito excitado com tensão retangular de frequência fundamental igual a 330 Hz, são apresentadas na Figura 78. Observa-se que os valores eficazes das tensão de entrada e saída são próximos daqueles apresentados na simulação (Figura 76). Observa-se, também, que as formas

Figura 75: Curvas de tensão eficaz do TNS em 5 mm para cada harmônica da onda retangular: fundamental (a);  $3^{a}$  (b);  $5^{a}$  (c);  $7^{a}$  (d).



Fonte:Autor.

Figura 76: Simulação do circuito excitado em 330 Hz com onda retangular. Formas de onda de tensão de entrada (a) e tensão de saída (b).



de onda associadas a este resultado experimental são semelhantes àquelas verificadas na simulação, apresentando o mesmo espectro de frequências com amplitudes harmônicas muito próximas.

Portanto, a fim de garantir que o algoritmo MPEPT funcione adequadamente, posicionando o sistema no ponto de máximo rendimento do TNS em frequências próximas às de projeto, evitando, assim, os pontos de máximo rendimento adicionais existentes na Figura 73, pode-se limitar a frequência mínima de operação. Dessa forma, a carga



Figura 77: Conteúdo harmônico das tensões de entrada (a) e saída (b) para o circuito excitado em 330 Hz com onda retangular.

Fonte:Autor.

será alimentada com valores adequados de tensão, sem conteúdo significativo das harmônicas múltiplas da fundamental. Os resultados do algoritmo para mudanças no entreferro de projeto são apresentados na sequência.

#### 6.3 RESULTADOS COM O MPEPT

Nesta seção serão apresentados resultados experimentais do algoritmo MPEPT para as mesmas variações de entreferro que foram avaliadas no Capítulo 5. No entanto, neste caso o sistema foi alimentado com onda retangular.

#### 6.3.1 MPEPT PARA AUMENTO NO ENTREFERRO

O resultado experimental referente a um aumento no entreferro é apresentado na Figura 79. No canal 2 (parte superior) é exibido um sinal externado do DSP proporcional à frequência de excitação; no canal 1 (parte central) é mostrado o "pseudo" rendimento ( $\eta_{pseudo}$ ), também externado do DSP; no canal 4 (parte inferior) é exibida a forma de onda da tensão de saída do TNS.

Figura 78: Resultado experimental do circuito excitado em 330 Hz com onda retangular. Formas de onda de tensão de entrada (canal 2, superior) e tensão de saída (canal 4, inferior).



Fonte:Autor.

Detalhes das formas de onda antes e após a variação no entreferro são apresentados nas Figuras 80 e 81. De forma semelhante ao estudo com excitação senoidal, o algoritmo MPEPT aumentou a frequência na busca do máximo valor de rendimento.

### 6.3.2 MPEPT PARA DIMINUIÇÃO NO ENTREFERRO

Na condição de diminuição do entreferro, da mesma forma que foi conduzido para alimentação senoidal, será apresentado o funcionamento do sistema com uma redução na carga, em virtude de a tensão eficaz de saída do TNS diminuir na mudança do entreferro para 2 mm. Nesse contexto, o resultado experimental é apresentado na Figura 82. No canal 2 (parte superior) é exibido um sinal externado do DSP proporcional à frequência de excitação; no canal 1 (parte central) é mostrado o "pseudo" rendimento  $(\eta_{pseudo})$ , também externado do DSP; no canal 4 (parte inferior) é exibida a forma de onda da tensão de saída do TNS.

A redução de carga pode ser verificada no detalhe da forma de onda de corrente de saída do TNS (canal 3), antes e após a variação no entreferro, apresentado nas Figuras 83 e 84. Diferentemente do que foi observado na excitação senoidal, não houve neste caso a descontinuidade no controle PFC no momento da variação do entreferro. Figura 79: Desempenho do MPEPT em experimental com excitação em onda retangular. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm. Tek Prevu



Fonte:Autor.

Os demais comportamentos foram semelhantes.

Figura 80: Detalhe do MPEPT experimental em 5 mm com excitação em onda retangular. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm.



Fonte:Autor.

Figura 81: Detalhe do MPEPT experimental em 8 mm com excitação em onda retangular. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 8 mm.



131

Fonte:Autor.

Figura 82: Desempenho do MPEPT em experimental com excitação em onda retangular. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS. Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm. Tek Stop



Fonte:Autor.

Figura 83: Desempenho do MPEPT em experimental com excitação em onda retangular. Canal 1 (parte superior): frequência; canal 2 (parte central): "pseudo" rendimento; canal 4 (parte inferior): tensão de saída do TNS. Variação de entreferro de 5 mm para



132

Fonte:Autor.

Figura 84: Detalhe do MPEPT experimental em 2 mm com excitação em onda retangular. Canal 2 (parte superior): frequência; canal 1 (parte central): "pseudo" rendimento; canais 3 e 4 (parte inferior): corrente e tensão de saída do TNS, respectivamente. Variação de entreferro de 5 mm para 2 mm.



Fonte:Autor.

### 6.4 CONCLUSÕES PARCIAIS

Neste capítulo foi apresentado um estudo com o modelo matemático do transformador, em que se avaliou o seu comportamento sob excitação em onda retangular. Foram observadas as contribuições de cada harmônica na corrente de entrada e na tensão de saída do transformador, bem como o comportamento do rendimento. O estudo permitiu mostrar que, nas proximidades da frequência de projeto o conteúdo harmônico na tensão de saída é pouco significativo em relação à componente fundamental. Com efeito, o funcionamento do circuito foi semelhante ao caso de excitação senoidal. Para algumas regiões de frequência da onda retangular, contudo, observou-se significativa participação de componentes harmônicas, sobretudo da  $3^a$  e da  $5^a$ .

Diferentemente da excitação senoidal, mostrou-se que a curva de rendimento do TNS, quando da excitação com onda retangular, apresenta mais de um ponto de máximo. Logo, a aplicação do algoritmo MPEPT que busca o valor máximo do rendimento deve restringir a faixa de frequência da retangular a fim de evitar que o sistema seja posicionado em pontos de máximo rendimento diferentes do de projeto. Resultados experimentais permitiram demonstrar o funcionamento do sistema e verificar as condições de operação previstas pelo modelo matemático com alimentação em onda retangular. Por fim, os resultados obtidos com onda retangular foram semelhantes ao estudo com excitação senoidal.

### 7 CONCLUSÕES FINAIS E DESENVOLVIMENTOS FUTUROS

Este trabalho apresentou um estudo sobre transferência indutiva de potência (IPT) para aplicação em sistemas subaquáticos, com enfoque para o carregamento de baterias de veículos autônomos subaquáticos. Inicialmente, foi confeccionado um transformador de núcleo separado (TNS) para trabalhar em baixas frequências, a fim de assegurar que as perdas por correntes induzidas na água salgada fossem pouco significativas e, também, não influenciassem no modelo matemático. Um estudo preliminar através de simulação no *software* FEMM permitiu verificar que as perdas em água salgada podem ficar críticas em frequências de operação mais elevadas, sobretudo para aplicações em maiores potências.

Foi proposta uma metodologia para determinação dos parâmetros do TNS, adaptada da metodologia tradicional, composta por dois ensaios em vazio e um ensaio em curto-circuito do modelo do transformador. A solução das equações em regime permanente, obtidas a partir dos circuitos equivalentes resultantes dos ensaios propostos, possibilitou utilizar o modelo matemático tradicional empregado na literatura e, também, investigar o comportamento do transformador para diferentes valores de entreferro e frequência de excitação. Por conseguinte, foi verificado que este modelo matemático reproduziu satisfatoriamente o comportamento obtido através dos ensaios realizados, demonstrando que a metodologia de determinação de parâmetros proposta foi eficaz para caracterizar o IPT e, portanto, é uma das contribuições deste trabalho. Além disso, pôde-se verificar a influência do entreferro sobre as indutâncias de magnetização e dispersão do TNS, as quais apresentaram a mesma ordem de grandeza.

Paralelamente verificou-se que a tensão de saída e o rendimento do TNS são fortemente afetados pela presença do entreferro. No entanto, foi mostrado que é possível compensar esses efeitos com uma escolha adequada de capacitâncias conectadas em série e paralelo com os terminais de entrada e saída do transformador, bem como da variação da frequência de excitação. Foi mostrado também que, a partir de um estudo de otimização, é possível projetar um ponto de operação para que o TNS seja capaz de atender as condições da carga com o máximo rendimento possível para a condição operação.

Essa compensação de parâmetros proposta consiste em uma contribuição desta tese, uma vez que estudos de otimização com esta finalidade não foram encontrados na literatura. Para verificar os resultados do estudo de compensação (que considera uma carga resistiva na saída do TNS), foi implementado experimentalmente um conversor com estágio pré-regulador de fator de potência, por meio do qual verificou-se o valor da carga equivalente de saída do TNS prevista pelo estudo de otimização. Ainda nesta etapa, também foram desenvolvidas as equações que descrevem o rendimento em função das capacitâncias de compensação. Foi mostrado que, embora o projeto de otimização tenha sido realizado para um dado entreferro, a tensão de saída e a eficiência do TNS podem ser alterados pela mudança da frequência de excitação.

Com base no comportamento anterior, foi proposto o algoritmo MPEPT, do tipo perturba e observa (P&O), para rastrear o máximo rendimento do TNS em situações nas quais há variações paramétricas provocadas pela alteração do entreferro. Foi mostrado que o rastreamento do máximo rendimento é possível de ser empregado a partir da medição da potência ativa de entrada e da estimativa das perdas no enrolamento primário do TNS. Utilizando somente esses dois parâmetros, foi possível obter uma estimativa do ponto de máximo rendimento sem a necessidade da medição de grandezas do lado secundário. Essa estimativa, que constitui uma das contribuições deste trabalho, foi definida como "pseudo" rendimento. Dessa forma, essa proposta permite simplificar os circuitos existentes no secundário de sistemas IPT de um modo geral, diminuindo-se custos com sensoriamento e comunicação de dados.

Resultados de simulação e experimentais com o protótipo construído verificaram o comportamento previsto pelo modelo matemático, bem como a aplicabilidade da técnica de rastreamento de máxima eficiência proposta. Vale salientar também que a estratégia de rastreamento do máximo rendimento pode ser utilizada não somente nos casos em que há alterações no entreferro, mas também quando houver variações de carga no TNS.

Finalmente, foi realizado um estudo com excitação do TNS em onda retangular, no qual também aplicou-se o algoritmo de MPEPT. O estudo mostrou que a curva de rendimento do TNS apresenta mais de um ponto de máximo, resultante dos harmônicos de tensão da onda retangular de excitação de entrada. Logo, para garantir o funcionamento adequado do algoritmo MPEPT, é necessário limitar a excursão da frequência de excitação da fundamental. Com efeito, os resultados mostraram que o sistema comportou-se de forma semelhante ao caso de excitação senoidal, apesar da menor frequência de comutação e da ausência dos filtros harmônicos do conversor de alimentação.

Espera-se, portanto, que o estudo realizado nesta tese possa contribuir para a continuidade das pesquisas em IPT, para aplicações em veículos elétricos de uma forma geral.

# 7.1 DESENVOLVIMENTOS FUTUROS

Como propostas de trabalhos futuros, podem-se recomendar:

- Estudo do projeto do transformador empregando diferentes formatos de bobinas a fim de diminuir os efeitos de proximidade entre as camadas do enrolamento;
- Estudo do projeto do transformador com diferentes formatos de bobinas a fim de aumentar o fator de acoplamento e proporcionar menor variação das indutâncias com o entreferro;
- O uso de outros formatos de núcleos para a construção do TNS, em especial, núcleos cilíndricos e planares;
- Estudo de aplicação de modelagem de elementos finitos em 3D para otimizar o projeto do TNS e estimar o modelo matemático, comparando os resultados com a metodologia proposta;
- Estudo de outras topologias de conversores do lado secundário para correção do fator de potência;
- Implementação de um conversor de estágio único no lado secundário com correção de fator de potência e controlador de carga de bateria;
- Estudo com conversores no lado primário para correção de fator de potência em sistemas com fonte conectada à rede;
- O uso de conversores ressonantes em frequências mais elevadas;
- Expansão do sistema para alimentação de veículos aquáticos tripulados e de maiores potências.

- Construção de um sistema para embarcar no submarino AUV MARES do Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica da Universidade Federal de Juiz de Fora.
- Aplicação do TNS para extração de energia elétrica de linhas de transmissão (via indução magnética) para outros sistemas, como, por exemplo, sinalização.

# 7.2 RESULTADOS PRELIMINARES

Nesta seção estão listados os artigos científicos com resultados parciais desta pesquisa publicados e submetidos para periódicos e conferências.

#### Artigo publicado em periódico nacional

[1] LOPES, I. F.; VALLE, R. L.; BARBOSA, P. G.; HONORIO, L. M.; MATOS, A. C.; CRUZ, N. A. Projeto e otimização da compensação de um transformador de núcleo separado usado para recarregar as baterias um veículo subaquático autônomo. *Eletrônica de Potência*, v. 19, p. 97-109, 2014.

#### Artigo aceito para publicação em periódico internacional

[2] LOPES, I. F.; VALLE, R. L.;FOGLI, G.A., FERREIRA, A.A., BARBOSA, P.G.: Low-frequency underwater wireless power transfer: maximum efficiency tracking strategy. *IEEE Latin America Transactions*, 2019.

#### Artigo apresentado em congresso internacional

 [3] LOPES, I. F.; BARBOSA, P. G. Determinação de parâmetros de transformador de núcleo separado usado para alimentar um veículo subaquático autônomo. XI International Conference on Industry Applications (INDUSCON), v. 1. p. 1-8., Dez. 2014.

## REFERÊNCIAS

ABE, H.; SAKAMOTO, H.; HARADA, K. A noncontact charger using a resonant converter with parallel capacitor of the secondary coil. *Industry Applications, IEEE Transactions on*, IEEE, v. 36, n. 2, p. 444–451, 2000.

BARBI, I. Modelagem de Conversores CC-CC Empregando Modelo Médio em Espaço de Estados. : Edição do Autor, 2015.

BARBOSA, P. H. P. et al. Design and implementation of a predictive current controller applied to regulate a battery bank's power flow connected to a dc microgrid. In: 2017 Brazilian Power Electronics Conference (COBEP). 2017. p. 1–5.

BERGMANN, N. W. et al. Wireless underwater power and data transfer. In: *Local Computer Networks Workshops (LCN Workshops), 2013 IEEE 38th Conference on.* 2013. p. 104–107.

BINGYI, Z.; HONGBIN, L.; GUIHONG, F. Study of the separable transformer used in contactless electrical energy transmission system. In: IEEE. *Transmission and Distribution Conference and Exhibition: Asia and Pacific, 2005 IEEE/PES.* 2005. p. 1–5.

BOAS, E. R. V. et al. Desenvolvimento de um veículo subaquático autônomo para supervisão inteligente de reservatórios. *Proceeding Series of the Brazilian Society of Computational and Applied Mathematics*, v. 1, n. 1, 2013.

BUNETEL, J. C. L.; MACHMOUM, M. Control of boost unity power factor correction systems. In: *Industrial Electronics Society*, 1999. *IECON '99 Proceedings*. *The 25th Annual Conference of the IEEE*. 1999. v. 1, p. 266–271 vol.1.

BUSO, S.; MATTAVELLI, P. *Digital Control in Power Electronics*. : Morgan & Claypool Publishers, 2006.

CASSELL, W. L. Linear electric circuits. : J. Wiley, 1964.

CHAN, R.; KWAK, S. Model-based predictive current control method with constant switching frequency for single-phase voltage source inverters. *Energies*, v. 10, p. 1927, 11 2017.

CHAPMAN, S. J. Electric machinery fundamentals. : McGraw Hill, 2005.

CHENG, Z. et al. Design and loss analysis of loosely coupled transformer for an underwater high-power inductive power transfer system. *IEEE Transactions on Magnetics*, v. 51, n. 7, p. 1–10, 2015. ISSN 0018-9464.

CHOI, B. et al. Design and implementation of low-profile contactless battery charger using planar printed circuit board windings as energy transfer device. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, v. 51, n. 1, p. 140–147, Feb 2004. ISSN 0278-0046.

COVIC, G. A.; BOYS, J. T. Inductive power transfer. *Proceedings of the IEEE*, v. 101, n. 6, p. 1276–1289, June 2013. ISSN 0018-9219.

DIGITAL, S. Technical Reference eZdsp F28335. 2007.

DOWELL, P. L. Effects of eddy currents in transformer windings. *Proceedings of the Institution of Electrical Engineers*, v. 113, n. 8, p. 1387–1394, August 1966. ISSN 0020-3270.

ENOMOTO, B. Y. et al. Analysis of operation regions of an isolated bidirectional dual active bridge dc-dc converter with lc coupling. In: 2017 Brazilian Power Electronics Conference (COBEP). 2017. p. 1–6.

ERICKSON, R. Fundamentals of Power Electronics. : Kluwer Academic Publishers, 2004.

ERICKSON, R. W.; MAKSIMOVIC, D. Fundamentals of power electronics. : Springer Science & Business Media, 2007.

FERNANDES, R. C. Elementos magnéticos fracamente acoplados para aplicação em transferência indutiva de potência: procedimento e critérios de projeto, análise de sensibilidade e condições de bifurcação. Dissertação (Tese de Doutorado) — Universidade de São Paulo, Escola de engenharia de São Carlos, 2015.

FERNANDES, R. C.; OLIVEIRA, A. A. de. Iterative design method of weakly coupled magnetic elements for inductive power transfer. In: IEEE. *Power Electronics Conference (COBEP), 2013 Brazilian.* 2013. p. 1088–1094.

FERNANDES, R. C.; OLIVEIRA, A. A. de. Tópicos selecionados sobre o estado-daarte em transferência indutiva de potência. *Brazilian Journal of Power Electronics (Printed), Campo Grande*, Brazilian Power Electronics Society, SOBRAEP, v. 19, n. 1, p. 058–071, 2014.

FERNANDES, R. C.; OLIVEIRA, A. A. de. Design of loosely coupled magnetic systems based on finite element method for inductive power transfer applications. *Brazilian Jornal of Power Electronics (Printed), Campo Grande*, Brazilian Power Electronics Society, SOBRAEP, v. 20, n. 1, p. 094–103, 2015.

GHETTI, F. T. Análise de variações topológicas aplicadas a uma UPS tipo delta monofásica. Dissertação (Dissertação de mestrado) — Universidade Federal de Juiz de Fora, 2009.

GISH, L. A. *Design of an AUV recharging system*. Tese (Doutorado) — Monterey California. Naval Postgraduate School, 2004.

GODOY, R. B. et al. Wireless charging system with a non-conventional compensation topology for electric vehicles and other applications. *Brazilian Jornal of Power Electronics (Printed), Campo Grande*, Brazilian Power Electronics Society, SOBRAEP, v. 21, n. 1, p. 042–051, 2016.

GRIFFIN, B.; DETWEILER, C. Resonant wireless power transfer to ground sensors from a uav. In: IEEE. *Robotics and Automation (ICRA), 2012 IEEE International Conference on.* 2012. p. 2660–2665.

GRIFFITHS, G. Technology and applications of autonomous underwater vehicles. : CRC Press, 2002.

GUEDES, L. F. A. Conversor CA/CC flyback com elevado fator de potência orientado ao acionamento de LEDS de potência. Dissertação (Dissertação de mestrado) — Universidade Federal de Juiz de Fora, 2013.

GUIDI, G. et al. Wireless charging for ships: High-power inductive charging for battery electric and plug-in hybrid vessels. *IEEE Electrification Magazine*, v. 5, n. 3, p. 22–32, Sept 2017.

HAIBING, W. et al. Comparison of two electromagnetic couplers in an inductive power transfer system for autonomous underwater vehicle docking application. In: *OCEANS 2016 - Shanghai.* 2016. p. 1–5.

HART, D. Power Electronics. : McGraw-Hill, 2010.

HOBSON, B. W. et al. The development and ocean testing of an auv docking station for a 21"auv. In: IEEE. *OCEANS 2007.* 2007. p. 1–6.

HU, C.-H. et al. Development of a universal contactless charger for handheld devices. In: 2008 IEEE International Symposium on Industrial Electronics. 2008. p. 99–104. ISSN 2163-5137.

HUI, S. Y. R. Magnetic resonance for wireless power transfer [a look back]. *IEEE Power Electronics Magazine*, v. 3, n. 1, p. 14–31, March 2016. ISSN 2329-9207.

IEEE Standard for Pulse Transformers. ANSI/IEEE Std 390-1987, p. 1–32, Oct 1987.

INSTRUMENTS, T. Data Manual: TMS320F28335, TMS320F28334, TMS320F28332, TMS320F28235, TMS320F28234, TMS320F28232. Digital Signal Controllers (DSCs). 2012.

JIN, Y. et al. Small-signal modeling and analysis of improved digital peak current control of boost converter. In: 2009 IEEE 6th International Power Electronics and Motion Control Conference. 2009. p. 326–330.

JOUN, G. B.; CHO, B. H. An energy transmission system for an artificial heart using leakage inductance compensation of transcutaneous transformer. *IEEE Transactions on Power Electronics*, v. 13, n. 6, p. 1013–1022, Nov 1998. ISSN 0885-8993.

JR, E. C. dos S. Configuration 5s: A bi-directional grid interface converter. *Revista Eletrônica de Potência*, 2012.

KIM, C.-G. et al. Design of a contactless battery charger for cellular phone. *Industrial Electronics, IEEE Transactions on*, IEEE, v. 48, n. 6, p. 1238–1247, 2001.

KOJIYA, T. et al. Automatic power supply system to underwater vehicles utilizing non-contacting technology. In: *OCEANS '04. MTTS/IEEE TECHNO-OCEAN '04.* 2004. v. 4, p. 2341–2345 Vol.4.

KRAUSE, P. C.; WASYNCZUK, O.; SUDHOFF, S. D. Basic Principles for *Electric Machine Analysis.* IEEE, 2002. ISBN 9780470544167. Disponível em: <a href="https://ieeexplore.ieee.org/document/5265720">https://ieeexplore.ieee.org/document/5265720</a>.

LARICO, H. R. E. Conversor boost controlado em corrente ao aplicado ao retificador monofásico. Dissertação (Dissertação de Mestrado) — Universidade Federal de Santa Catarina, 2007.

LEWIS, B. L. The effect of frequency on the conductivity of sea water. *Proceedings of the IEEE*, v. 54, n. 9, p. 1210–1211, Sept 1966. ISSN 0018-9219.

LI, H. et al. A maximum efficiency point tracking control scheme for wireless power transfer systems using magnetic resonant coupling. *IEEE Transactions on Power Electronics*, v. 30, n. 7, p. 3998–4008, 2015.

LI, Z. et al. A 3-kw wireless power transfer system for sightseeing car supercapacitor charge. *IEEE Transactions on Power Electronics*, v. 32, n. 5, p. 3301–3316, May 2017.

LI, Z.-s. et al. Design considerations for electromagnetic couplers in contactless power transmission systems for deep-sea applications. *Journal of Zhejiang University SCIENCE C*, v. 11, n. 10, p. 824–834, 2010.

LIN, M.; LI, D.; YANG, C. Design of an icpt system for battery charging applied to underwater docking systems. *Ocean Engineering*, v. 145, p. 373 – 381, 2017. ISSN 0029-8018.

LIN, T. F. Considerations of sea water conductivity enhancement for electromagnetic thrusters. In: *Proceedings of the 25th Intersociety Energy Conversion Engineering Conference*. 1990. v. 5, p. 552–556.

LOPES, I. F. Projeto e compensação de parâmetros de transformador de núcleo separado destinado ao carregamento de baterias de veículos subaquáticos autônomos. Dissertação (Dissertação de mestrado) — Universidade Federal de Juiz de Fora, 2013.

LOPES, I. F.; BARBOSA, P. G. Determinação de parâmetros de transformador de núcleo separado usado para alimentar um veículo subaquático autônomo. XI IEEE/IAS International Conference on Industry Applications, INDUSCON 2014, 2014.

LOPES, I. F. et al. Projeto e otimização da compensação de um transformador de núcleo separado usado para recarregar as baterias de um veículo subaquático autônomo. *Eletrônica de Potência (Impresso), Campo Grande*, Sociedade Brasileira de Eletrônica de Potência, v. 19, n. 1, p. 097–109, 2014.

LOPEZ-SANTOS, O.; MURCIA, H. F.; BARRERO, J. M. Digital control of a single-phase boost rectifier with power factor correction using a dspic. In: 2012 IEEE 4th Colombian Workshop on Circuits and Systems (CWCAS). 2012. p. 1–7.

MCGINNIS, T.; HENZE, C. P.; CONROY, K. Inductive power system for autonomous underwater vehicles. In: IEEE. *OCEANS 2007.* 2007. p. 1–5.

MCLYMAN, C. W. T. Transformer and inductor design handbook. : CRC press, 2011.

MEEKER, D. C. Finite element method magnetics (versA£ o 4.2), obtido em www.femm.info. 2013.

MEYER, P.; GERMANO, P.; PERRIARD, Y. Modelling and design of a contactless energy transfer system for a notebook battery charger. In: *Electrical Machines* (*ICEM*), 2010 XIX International Conference on. 2010. p. 1–6.

MILLER, B. D. Design of an AUV recharging system. 2005.

MILLER, J. M.; DAGA, A. Elements of wireless power transfer essential to high power charging of heavy duty vehicles. *IEEE Transactions on Transportation Electrification*, v. 1, n. 1, p. 26–39, June 2015. ISSN 2332-7782.

MISKIEWICZ, R. M.; MORADEWICZ, A. J.; KAZMIERKOWSKI, M. P. Contactless battery charger with bi-directional energy transfer for plug-in vehicles with vehicle-to-grid capability. In: IEEE. *Industrial Electronics (ISIE), 2011 IEEE International Symposium on.* 2011. p. 1969–1973.

MORADEWICZ, A.; KAZMIERKOWSKI, M. High efficiency contactless energy transfer system with power electronic resonant converter. In: *Bulletin of the Polish Academy of Sciences: Technical Sciences.* 2010. v. 57, p. 375?381.

NAIR, H. S.; LAKSHMINARASAMMA, N. Challenges in achieving high performance in boost pfc converter. In: 2017 IEEE International Conference on Signal Processing, Informatics, Communication and Energy Systems (SPICES). 2017. p. 1–6.

NISHIMURA, T. H. et al. A large air gap flat transformer for a transcutaneous energy transmission system. In: IEEE. *Power Electronics Specialists Conference*, *PESC'94 Record.*, 25th Annual IEEE. 1994. p. 1323–1329.

OGIHARA, M. et al. Wireless power and data transfer system for station-based autonomous underwater vehicles. In: *OCEANS 2015 - MTS/IEEE Washington*. 2015. p. 1–5.

OREKAN, T.; ZHANG, P.; SHIH, C. Analysis, design, and maximum power-efficiency tracking for undersea wireless power transfer. *IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics*, v. 6, n. 2, p. 843–854, June 2018. ISSN 2168-6777.

OUYANG, Z.; ZHANG, J.; HURLEY, W. G. Calculation of leakage inductance for high-frequency transformers. *IEEE Transactions on Power Electronics*, v. 30, n. 10, p. 5769–5775, Oct 2015. ISSN 0885-8993.

PEDDER, D. A.; BROWN, A. D.; SKINNER, J. A. A contactless electrical energy transmission system. *Industrial Electronics, IEEE Transactions on*, IEEE, v. 46, n. 1, p. 23–30, 1999.

PRASANNA, U. R.; RATHORE, A. K. Two loop average current control implementation using cypress psoc with closed loop experimental results. In: 2013 IEEE Energy Conversion Congress and Exposition. 2013. p. 4199–4206. ISSN 2329-3721.

RASHID, M. H. Power electronics handbook. : Butterworth-Heinemann, 2017.

RIBEIRO, F. J. L. Sistema de monitoramento subaquático para exploração de petróleo usando redes de sensores acústicos. Dissertação (Tese de Doutorado) — Universidade Federal do Rio de Janeiro, UFRJ/COPPE, 2012.

RIDLEY, R. Average small signal analysis of the boost power factor correction circuit. Proceedings of the Virginia Power Electronics Seminar, p. 108–120, 1989.

ROSEMBACK, R. H. Conversor CC-CC Bidirecional Buck-Boost Atuando como Controlador de Carga de Baterias em um Sistema Fotovoltaico. Dissertação (Dissertação de mestrado) — Universidade Federal de Juiz de Fora, 2004.

SALLAN, J. et al. Optimal design of icpt systems applied to electric vehicle battery charge. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, v. 56, n. 6, p. 2140–2149, June 2009. ISSN 0278-0046.

SAMANTA, S.; RATHORE, A. K. A new inductive power transfer topology using direct ac-ac converter with active source current waveshaping. *IEEE Transactions on Power Electronics*, v. 33, n. 7, p. 5565–5577, July 2018. ISSN 0885-8993.

SAMPLE, A. P.; MEYER, D. A.; SMITH, J. R. Analysis, experimental results, and range adaptation of magnetically coupled resonators for wireless power transfer. *Industrial Electronics, IEEE Transactions on*, IEEE, v. 58, n. 2, p. 544–554, 2011.

SHI, J.-g.; LI, D.-j.; YANG, C.-j. Design and analysis of an underwater inductive coupling power transfer system for autonomous underwater vehicle docking applications. *Journal of Zhejiang University SCIENCE C*, v. 15, n. 1, p. 51–62, 2014.

SI, P. et al. Wireless power supply for implantable biomedical device based on primary input voltage regulation. In: 2007 2nd IEEE Conference on Industrial Electronics and Applications. 2007. p. 235–239. ISSN 2156-2318.

SOUZA, A. F. D. Retificadores monofásicos de alto fator de potência com reduzidas perdas de condução e comutação suave. Dissertação (Tese de Doutorado) — Universidade Federal de Santa Catarina, 1998.

STIELAU, O. H.; COVIC, G. A. Design of loosely coupled inductive power transfer systems. In: IEEE. *Power System Technology, 2000. Proceedings. PowerCon 2000. International Conference on.* 2000. v. 1, p. 85–90.

SULLIVAN, C. R.; ZHANG, R. Y. Simplified design method for litz wire. In: 2014 IEEE Applied Power Electronics Conference and Exposition - APEC 2014. 2014. p. 2667–2674. ISSN 1048-2334.

THRIMAWITHANA, D. J.; MADAWALA, U. K. A primary side controller for inductive power transfer systems. In: *Industrial Technology (ICIT), 2010 IEEE International Conference on.* 2010. p. 661–666.

VALLE, R. L. et al. Unipolar pwm predictive current-mode control of a variable-speed low inductance bldc motor drive. *IET Electric Power Applications*, v. 11, n. 5, p. 688–696, 2017.

VENABLE, H. D. The k factor: A new mathematical tool for stability analysis and synthesis. *Proceedings of Powercon*, v. 10, 1983.

WANG, C.-S.; STIELAU, O. H.; COVIC, G. A. Load models and their application in the design of loosely coupled inductive power transfer systems. In: IEEE. *Power System Technology, 2000. Proceedings. PowerCon 2000. International Conference on.* 2000. v. 2, p. 1053–1058.
WATADA, M. et al. The development of core-type transcutaneous energy transmission system for artificial heart. In: 2005 IEEE Engineering in Medicine and Biology 27th Annual Conference. 2005. p. 3849–3852. ISSN 1094-687X.

YAN, Z. et al. Simulation analysis on detachable transformer in contactless electrical energy transmission system. In: *Electrical Machines and Systems (ICEMS), 2010 International Conference on.* 2010. p. 1777–1780.

YAN, Z. et al. Frequency optimization of a loosely coupled underwater wireless power transfer system considering eddy current loss. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, p. 1–1, 2018. ISSN 0278-0046.

YU, L. et al. Simulation of multiple auvs underwater wireless recharging. In: *OCEANS* - *Bergen, 2013 MTS/IEEE.* 2013. p. 1–6.

YUAN, L. et al. Maximum efficiency point tracking of the wireless power transfer system for the battery charging in electric vehicles. In: *Electrical Machines and Systems (ICEMS), 2015 18th International Conference on.* 2015. p. 1101–1107.

ZAHEER, M.; SURI, J. S.; NEMADE, H. B. Primary side control based inductively coupled powering scheme for biomedical implants. In: *Proceedings of 2012 IEEE-EMBS International Conference on Biomedical and Health Informatics*. 2012. p. 174–179. ISSN 2168-2194.

ZHANG, W. et al. A novel transformer for contactless energy transmission systems. In: IEEE. *Energy Conversion Congress and Exposition*, 2009. ECCE 2009. IEEE. 2009. p. 3218–3224.

ZHIXIN, M. et al. Characteristics and design of transformer in loosely coupled inductive power transfer system. In: IEEE. *Electrical and Control Engineering* (*ICECE*), 2010 International Conference on. 2010. p. 3454–3457.

ZHONG, W. X.; HUI, S. Y. R. Maximum energy efficiency tracking for wireless power transfer systems. *IEEE Transactions on Power Electronics*, v. 30, n. 7, p. 4025–4034, July 2015.

ZHOU, J.; LI, D. jun; CHEN, Y. Frequency selection of an inductive contactless power transmission system for ocean observing. *Ocean Engineering*, v. 60, p. 175 – 185, 2013.

## APÊNDICE A – PROJETO DO TRANSFORMADOR DE NÚCLEO SEPARADO PELO MÉTODO DA CONSTANTE GEOMÉTRICA DO NÚCLEO

O projeto do TNS foi realizado utilizando-se o método da constante geométrica do núcleo, segundo (MCLYMAN, 2011). Os dados iniciais para o projeto do transformador são apresentados na Tabela 13. É importante ressaltar que o TNS foi projetado para suportar uma densidade de fluxo sem saturar o núcleo, mesmo na ausência do entreferro.

Parâmetro	Valor
Potência ativa de saída (W)	100
Tensão eficaz de entrada $(V)$	35
Relação de espiras	1:1
Frequência (Hz)	500-5000
Rendimento (%)	94
Regulação (%)	6
Densidade máxima de fluxo (T)	$0,\!25$
Fonte: Autor.	1

Tabela 13: Características de Projeto do TNS

# A.1 CÁLCULO DA POTÊNCIA TOTAL $(P_t)$

A potência ativa total,  $P_t$ , é uma grandeza que corresponde à soma das potências de entrada e saída do transformador, dada por:

$$P_t = P_{in} + P_o = P_o\left(\frac{1}{\eta} + 1\right) \tag{A.1}$$

em que  $P_{in}$ ,  $P_o \in \eta$  representam a potência ativa de entrada, potência ativa de saída e o rendimento, respectivamente. Com os dados de projeto, a potência ativa total  $P_t$  do transformador é calculada conforme a seguir:

$$P_t = 100 \left(\frac{1}{0.94} + 1\right) = 206,383 \ W \tag{A.2}$$

# A.2 CÁLCULO DO COEFICIENTE ELÉTRICO (K<sub>e</sub>)

O valor de  $K_e$  é calculado por:

$$K_e = 0.145 K_f^2 f^2 B_m^2 \cdot (10^{-4}) \tag{A.3}$$

em que  $K_f$  é o coeficiente da forma de onda, cujo valor corresponde a 4,44 para a onda senoidal. O tamanho do núcleo está associado com a frequência de projeto. Logo, para atender à condição de menor frequência (maior volume de material), utiliza-se aqui o valor de 500 Hz. Substituindo os demais dados de projeto, tem-se:

$$K_e = 0.145 \cdot 4.44^2 500^2 0.25^2 \cdot (10^{-4}) = 4.466 \tag{A.4}$$

## A.3 CÁLCULO DA CONSTANTE GEOMÉTRICA DO NÚCLEO (Kg)

A constante geométrica do núcleo a ser escolhido pode ser determinada como se segue:

$$K_g = \frac{P_t}{2\alpha K_e} \tag{A.5}$$

Substituindo os dados de projeto, tem-se:

$$K_q = 3,850 \ cm^5$$
 (A.6)

#### A.4 CARACTERÍSTICAS DO NÚCLEO ESCOLHIDO

O núcleo disponível com valor de constante geométrica compatível com o calculado (superior mais próximo) corresponde ao modelo NEE-65-33-26, geometria EE, material IP12R, da fabricante *THORNTON*. Os valores das áreas da janela e da perna central do núcleo, bem como o comprimento médio da espira, são apresentados, respectivamente, a seguir:

A constante geométrica do núcleo escolhido é determinada pela relação:

$$K_g = \frac{W_a A_c^2 K_u}{MLT} \tag{A.8}$$

em que  $W_a$ ,  $A_c$ ,  $K_u$  e *MLT* representam a área da janela, a área da seção transversal, o fator de utilização da janela do núcleo e o Comprimento da Espira Média (do inglês, *Mean Length Turn*) (MLT). O fator de ocupação é uma grandeza que mensura o quanto da área disponível da janela do núcleo será efetivamente ocupada pelos condutores. Ela depende da área do condutor nu, da área da camada isolante (esmalte) do condutor, da área disponível no carretel e da área ocupada pelo material isolante que separa os enrolamentos primário e secundário. Segundo McLyman (2011), um valor recomendável para  $K_u$  corresponde a 0,4. Escolhas de  $K_u$  ligeiramente acima deste valor, podem implicar em dificuldades no encaixe entre carretel e núcleo. Por outro lado, para valores ligeiramente inferiores a 0,4, utiliza-se uma menor porção da janela disponível. Sendo assim, adotando-se Ku = 0.4, tem-se:

$$K_q = 4,183 \ cm^5$$
 (A.9)

#### A.5 CÁLCULO DO NÚMERO DE ESPIRAS DO PRIMÁRIO (N<sub>P</sub>)

O número de espiras do primário é dado por:

$$N_p = \frac{V_{in} \cdot (10^{-4})}{K_f B_m f A_c}$$
(A.10)

Que resulta em:

$$N_p \cong 120 \ espiras$$
 (A.11)

Vale ressaltar que o primário e secundário têm mesmo número de espiras, em razão da relação de transformação unitária definida.

#### A.6 CÁLCULO DA DENSIDADE DE CORRENTE (J)

A densidade de corrente (J) pode ser calculada por:

$$J = \frac{P_t \cdot (10^4)}{K_f K_u B_m f A_p} \tag{A.12}$$

em que  $A_p$  é o produto entre as áreas  $A_c$  e  $W_a$  do núcleo escolhido. Substituindo os valores de projeto, tem-se:

$$J = 313,547 \ A/cm^2 \tag{A.13}$$

Segundo McLyman (2011), valores de densidade de corrente próximos de 200  $A/cm^2$ são uma boa escolha para transformadores. Por outro lado, Miller e Daga (2015) recomendam que a densidade de corrente para condutores sob resfriamento ao ar livre seja inferior a 600  $A/cm^2$ . Geralmente, as aplicações com IPT encontradas na literatura utilizam densidades de corrente entre 300  $A/cm^2$  600  $A/cm^2$  (SALLAN et al., 2009). Portanto, o valor estimado de projeto de  $J = 314,148 \ A/cm^2$  está dentro dos limites praticados na literatura.

#### A.7 CÁLCULO DA CORRENTE DE ENTRADA DO TRANSFORMA-DOR $(I_{in})$

A corrente de entrada do transformador é dada por:

$$I_{in} = \frac{P_o}{\eta V_{in}} \tag{A.14}$$

Que resulta em:

$$I_{in} = \frac{100}{0.94 \cdot 35} = 3,040 \ A \tag{A.15}$$

## A.8 CÁLCULO DA SEÇÃO TRANSVERSAL DO CONDUTOR $(A_{wp})$

A seção transversal pode ser calculada por:

$$A_{wp} = \frac{I_{in}}{J} \tag{A.16}$$

Que resulta em:

$$A_{wp} = 9,678 \cdot 10^{-3} cm^2 \tag{A.17}$$

Segundo McLyman (2011), pode ser escolhido o condutor de seção mais próxima do calculado. Assim, adotou-se o fio AWG 18.

#### A.9 AVALIAÇÃO DA SEÇÃO TRANSVERSAL DEVIDO AO EFEITO PELICULAR

Quando um condutor é percorrido por uma corrente contínua, esta se distribui uniformemente através da seção transversal. Entretanto, ao conduzir uma corrente alternada em frequências elevadas, a distribuição da corrente tende a se concentrar próximo da superfície do condutor, tal como é ilustrado pela Figura 85. (MCLYMAN, 2011) Esse fenômeno é denominado efeito pelicular (do inglês, *skin effect*) e a grandeza  $\delta$  (do inglês, *skin depth*) pode ser entendida como a espessura pelicular, sendo calculada por (OUYANG; ZHANG & HURLEY, 2015):

$$\delta = \sqrt{\frac{1}{\pi \mu_o f \sigma}} \tag{A.18}$$

em que  $\sigma$ ,  $\mu_o$  e f representam, respectivamente, a condutividade do condutor, a permeabilidade magnética do vácuo e a frequência de excitação.

Figura 85: Representação do efeito pelicular na seção transversal de um condutor.



Fonte: Adaptado de McLyman (2011).

O condutor deve ser escolhido de tal forma que sua resistência efetiva (ou resistência CA,  $R_{ca}$ ) seja igual à sua resistência CC ( $R_{cc}$ ). Para tal, calcula-se inicialmente a espessura pelicular ( $\delta$ ) que, para condutores de cobre, na temperatura de 20°C, é dada por (MCLYMAN, 2011):

$$\delta = \frac{6.62}{\sqrt{f}} \tag{A.19}$$

Neste caso, a frequência de excitação mais elevada deve ser utilizada para o cálculo da espessura pelicular. Logo:

$$\delta = \frac{6.62}{\sqrt{5000}} = 0.094 \ cm \tag{A.20}$$

Posteriormente, calcula-se o diâmetro máximo do condutor a ser escolhido, dado por:

$$D_{AWG} = 2\delta \tag{A.21}$$

Em seguida, calcula-se a área máxima do condutor a ser escolhido, dada por:

$$A_{AWG} = \frac{\pi \cdot \left(D_{AWG}\right)^2}{4} \tag{A.22}$$

$$A_{AWG} = \frac{\pi \cdot (0,296)^2}{4} = 0,028 \ cm^2 \tag{A.23}$$

Finalmente, o condutor escolhido não deve ter seção transversal superior ao calculado em (A.23) (MCLYMAN, 2011). Como o condutor calculado no projeto do transformador (AWG 18) possui uma área de seção inferior ao calculado em (A.23), é esperado que a resistência série dos enrolamentos do TNS não seja afetada pelo efeito pelicular na faixa de frequências de projeto.

#### APÊNDICE B – EFEITO PELICULAR E EFEITO DE PROXIMIDADE EM CONDUTORES

Quando um condutor é percorrido por uma corrente alternada, um campo magnético é criado tanto no seu exterior, quanto no seu interior. A variação do campo magnético no interior do condutor provoca a circulação de correntes induzidas no mesmo. O efeito pelicular, então, decorre da interação entre a corrente imposta pela fonte com as correntes induzidas no condutor (pelo seu próprio campo magnético), modificando a distribuição de corrente na seção do mesmo. O efeito pelicular, então, conforme já mencionado no Apêndice A, tende a concentrar a distribuição de corrente na periferia da seção transversal do condutor, o que aumenta a sua resistência efetiva vista pela fonte de alimentação. Adicionalmente, quanto maior a frequência, maior a tendência da corrente ser distribuída pela periferia do condutor.

O efeito de proximidade (do inglês, *proximity effect*) também advém da interação de correntes induzidas no condutor com aquela imposta pela fonte e tende a concentrar a distribuição de corrente elétrica em uma menor área da seção do condutor. No entanto, as correntes induzidas em um determinado condutor são provocadas pela variação do campo magnético dos condutores adjacentes (vizinhos). Logo, o efeito de proximidade está relacionado tanto com a frequência de operação, quanto com o número de camadas do enrolamento (quanto mais camadas, maior o número de condutores vizinhos). Com efeito, a resistência CA dos condutores do TNS é influenciada tanto pelo efeito pelicular, quanto pelo efeito de proximidade.

No projeto do transformador, o condutor foi escolhido de tal forma que a resistência do enrolamento não fosse influenciada pelo efeito pelicular. Por outro lado, isso não evita que a resistência efetiva do condutor seja afetada pelo efeito de proximidade, em razão do número de camadas existentes. Dowell (1966) demonstrou que o comportamento da resistência efetiva de um condutor  $(R_{CA}/R_{CC})$  inserido em um enrolamento em camadas pode ser descrito por:

$$\frac{R_{ca}}{R_{cc}} = \Delta \left[ \frac{\sinh\left(2\Delta\right) + \sin\left(2\Delta\right)}{\cosh\left(2\Delta\right) - \cos\left(2\Delta\right)} + \frac{2\left(p^2 - 1\right)}{3} \cdot \frac{\sinh\left(\Delta\right) - \sin\left(\Delta\right)}{\cosh\left(\Delta\right) + \cos\left(\Delta\right)} \right]$$
(B.1)

onde p representa o número de camadas e a grandeza  $\Delta$  é a razão entre a espessura da camada equivalente (d) e a espessura pelicular ( $\delta$ ), dada por:

$$\Delta = \frac{d}{\delta} \tag{B.2}$$

Com a fórmula de Dowell, é possível construir as curvas que descrevem o comportamento da resistência efetiva do condutor, devido ao efeito de proximidade, apresentadas na Figura 86.

Figura 86: Curvas de Dowell. Valor da resistência efetiva do condutor devido ao efeito de proximidade.



Fonte: Autor.

O comportamento das curvas da Figura 86 mostra que a resistência efetiva do condutor aumenta com o valor de  $\Delta$  (que varia em função da frequência) e com o número de camadas.

## APÊNDICE C - COMPORTAMENTO DOS PARÂMETROS DO TNS EM FUNÇÃO DA FREQUÊNCIA DE EXCITAÇÃO E DO ENTREFERRO

O comportamento das resistências série do TNS em função da frequência e do entreferro foi obtido por meio da metodologia de determinação de parâmetros. Inicialmente, na Tabela 14 são apresentados os valores das resistências  $R_p$  e  $R_s$  determinadas pelos ensaios anteriores para frequência de excitação variando entre 1000 Hz e 3000 Hz. Com base nas amostras da Tabela 14, foram obtidas as seguintes expressões lineares para as resistências:

$$R_p(f) = 0.325 + 5.100 \times 10^{-5} f + 1.894 \times 10^{-8} f^2$$
(C.1)

e,

$$R_s(f) = 0.315 + 8.936 \times 10^{-5} f + 1.425 \times 10^{-8} f^2$$
 (C.2)

Frequência (Hz)	$R_p(\Omega)$	$R_s(\Omega)$
500	0,362	0,375
1000	0,392	0,413
1500	$0,\!450$	0,464
2000	0,518	0,511
2500	0,569	0,586
3000	$0,\!677$	0,691
3500	0,755	0,764
4000	0,833	0,874
4500	0,964	1,011
5000	1,051	1,113
Fonte: Autor.		

Tabela 14: Comportamento das resistências série do TNS com a frequência de alimentação

Em seguida, na Figura 87 é apresentado o comportamento das resistências  $R_p$  e  $R_s$  determinadas pelos ensaios anteriores para uma frequência fixa de 2000 Hz, variando-se

o entreferro de 1 mm a 10 mm.



Figura 87: Comportamento das resistências  $R_p \in R_s$  do TNS em função do entreferro.

Já as indutâncias de magnetização e de dispersão variam significativamente com o entreferro, conforme ilustrado pela Figura 17 do Capítulo 2. Por outro lado, aplicandose a metodologia de determinação de parâmetros na faixa de frequências de projeto do TNS, para um entreferro fixo em 5 mm, foi verificado que as indutâncias não variam significativamente entre 500 Hz e 5000 Hz. Esse comportamento é apresentado na Figura 88 e os valores médios observados para as indutâncias de magnetização, de dispersão do primário e de dispersão do secundário foram 1,589 mH, 1,449 mH e 1,420 mH, respectivamente.

Figura 88: Comportamento das indutâncias  $L_M$ ,  $L_p$  e  $L_s$  do TNS em função da frequência de excitação.



Fonte: Autor.

## APÊNDICE D - CÓDIGO DA ROTINA DE OTIMIZAÇÃO DA COMPENSAÇÃO DE PARÂMETROS

### D.1 PARÂMETROS DO TNS

ClearAll;

$$\begin{split} &\operatorname{Rp}[\mathrm{f\_}] = 0.325 + 5.100 * 10^{\wedge} - 5f + 1.894 * 10^{\wedge} - 8f^{2}; \\ &\operatorname{Rs}[\mathrm{f\_}] = 0.315 + 8.936 * 10^{\wedge} - 5f + 1.425 * 10^{\wedge} - 8f^{2}; \\ &\operatorname{Lp}[\mathrm{gap\_}] = 0.001448; \\ &\operatorname{Ls}[\mathrm{gap\_}] = 0.001415; \\ &\operatorname{Lm}[\mathrm{gap\_}] = 0.001584; \\ &\operatorname{Rc} = 5316; \end{split}$$

#### D.2 PARÂMETROS DO SISTEMA:

cdr = 180/Pi; Pomax = 4 \* 16.8 \* 1.15; Pomin = 4 \* 11.2 \* 1.15; Romax =  $35^{2}/(16.8 * 4.6)$ ; Romin =  $24^{2}/(16.8 * 4.6)$ ; Vp = 35;  $\omega$ [f\_] = 2 \* Pi \* f; Cpp =  $10^{4} - 20$ ;

## D.3 SISTEMA DE EQUAÇÕES (MODELAGEM DO PROBLEMA):

$$\begin{split} &\operatorname{Zp}[\mathrm{f}_{-}] = i * \omega[f] * \operatorname{Lp}[\mathrm{gap}] + \operatorname{Rp}[f];\\ &\operatorname{Zs}[\mathrm{f}_{-}] = i * \omega[f] * \operatorname{Ls}[\mathrm{gap}] + \operatorname{Rs}[f];\\ &\operatorname{Zm}[\mathrm{f}_{-}] = \operatorname{Rc} * (\omega[f] * \operatorname{Lm}[\mathrm{gap}])^{2}/(\operatorname{Rc}^{2} + (\omega[f] * \operatorname{Lm}[\mathrm{gap}])^{2}) + \\ &i * \operatorname{Rc}^{2} * \omega[f] * \operatorname{Lm}[\mathrm{gap}]/(\operatorname{Rc}^{2} + (\omega[f] * \operatorname{Lm}[\mathrm{gap}])^{2});\\ &\operatorname{Zo}[\mathrm{f}_{-}, \operatorname{Cps}_{-}, \operatorname{Ro}_{-}] = (1/(i * \omega[f] * \operatorname{Cps})) * \operatorname{Ro}/(1/(i * \omega[f] * \operatorname{Cps}) + \operatorname{Ro}); \end{split}$$

 $ip[f_,Csp_,Css_,Cps_,Ro_] =$  $Vp/(1/(i * \omega[f] * Csp) + Rp[f] + i * \omega[f] * Lp[gap] + Zm[f] \left(\left(\operatorname{Zm}[f]^{2}\right)/(i * \omega[f] * \operatorname{Ls}[\operatorname{gap}] + \operatorname{Rs}[f] + 1/(i * \omega[f] * \operatorname{Css}) + \operatorname{Zm}[f] + \operatorname{Zo}[f, \operatorname{Cps}, \operatorname{Ro}]\right)\right);$  $is[f_,Csp_,Css_,Cps_,Ro_] =$ ip[f,Csp,Css,Cps,Ro]\* $\operatorname{Zm}[f]/(i * \omega[f] * \operatorname{Ls}[\operatorname{gap}] + \operatorname{Rs}[f] + 1/(i * \omega[f] * \operatorname{Css}) + \operatorname{Zm}[f] + \operatorname{Zo}[f, \operatorname{Cps}, \operatorname{Ro}]);$  $Vs[f_Csp_Css_Css_Ro_] = is[f_Csp_Css_Ro_Ro_] * Zo[f_Csp_Ro];$  $ientrada[f_,Csp_,Css_,Cps_,Ro_] = ip[f,Csp,Css,Cps,Ro] + Vp/(1/(i * \omega[f] * Cpp));$  $isaida[f_,Csp_,Css_,Cps_,Ro_] =$ is  $[f, \text{Csp}, \text{Css}, \text{Cps}, \text{Ro}] - \text{Vs}[f, \text{Csp}, \text{Css}, \text{Cps}, \text{Ro}]/(1/(i * \omega [f] * \text{Cps}));$  $P1[f_,Csp_,Css_,Cps_,Ro_] =$ Abs[Vp] \* Abs[ientrada[f,Csp,Css,Cps,Ro]] \* Cos[Arg[ientrada[f,Csp,Css,Cps,Ro]]];  $P2[f_,Csp_,Css_,Cps_,Ro_] =$ Abs[Vs[f,Csp,Css,Cps,Ro]] \* Abs[isaida[f,Csp,Css,Cps,Ro]] \* $\cos[\operatorname{Arg}[\operatorname{Vs}[f,\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},\operatorname{Ro}]] - \operatorname{Arg}[\operatorname{isaida}[f,\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},\operatorname{Ro}]]];$  $\eta$ [f\_,Csp\_,Css\_,Cps\_,Ro\_] = P2[f,Csp,Css,Cps,Ro]/P1[f,Csp,Css,Cps,Ro];

#### D.4 OTIMIZAÇÃO: MAXIMIZAR FUNÇÃO OBJETIVO SUJEITO A RESTRIÇÕES

 $\begin{aligned} \operatorname{resultados} &= \\ \operatorname{NMaximize}[\{\eta[f,\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},\operatorname{Ro}], \\ 10^{\wedge} - 10 &\leq \operatorname{Csp} &\leq 100 * 10^{\wedge} - 5 \\ \&\&10^{\wedge} - 10 &\leq \operatorname{Cps} &\leq 100 * 10^{\wedge} - 5 \\ \&\&10^{\wedge} - 10 &\leq \operatorname{Css} &\leq 100 * 10^{\wedge} - 5 \\ \&\&500 &\leq f &\leq 5000\&\operatorname{Romin} &\leq \operatorname{Ro} &\leq \operatorname{Romax} \\ \&\&\operatorname{Abs}[\operatorname{Vs}[f,\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},\operatorname{Romax}]] &\leq 35\&\& \\ \operatorname{Abs}[\operatorname{Vs}[f,\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},\operatorname{Romax}]] &\geq 24\&\&\operatorname{Abs}[\operatorname{Vs}[f,\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},10000]] &\leq 0.95 * 60 / \sqrt{2} \\ \&\&\operatorname{P2}[f,\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},\operatorname{Ro}] &\geq \operatorname{Pomax} \\ \&\&\operatorname{P2}[f,\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},\operatorname{Ro}] &\leq 100 \}, \{\operatorname{Csp},\operatorname{Css},\operatorname{Cps},f,\operatorname{Ro}\}, \operatorname{MaxIterations} \to 1200, \\ \operatorname{Method} &\to \text{``DifferentialEvolution''} \end{aligned}$